

Vera G. Martinez

ORDEN E PROGRESO



Geometria e Pedagogia  
Prática

Vera G. Martinez

ceihe  
Centro de Estudos e Investigações  
em História da Educação

Geometria

ceihe  
Centro de Estudos e Investigações  
em História da Educação

Linhas e ângulos.

Linhas

Distinguem-se 3 espécies de linhas:  
reta, quebrada e curva.

l. reta.



l. quebrada



l. curva.

Diferentes espécies de linhas.

1. Linha reta é o caminho mais curto  
de um ponto ao outro

Um fio bem esticado representa uma reta.

2. Linha quebrada é uma linha composta  
de retas. - Um metro articulado, mais ou  
menos em ziguezague, dá uma idéia da  
linha quebrada.

3. Linha curva é a que nem é reta, nem  
composta de linhas retas.

O contorno de uma roda é uma curva.

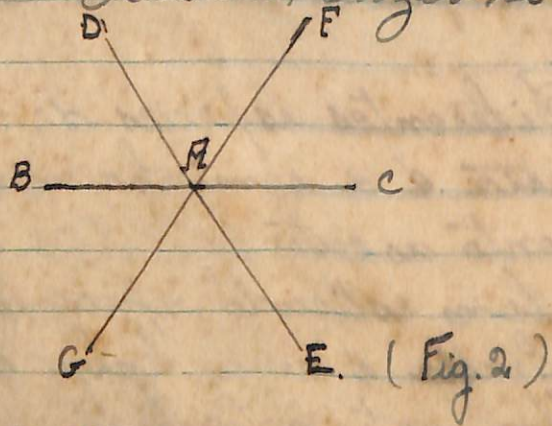
4. Por um ponto dado  $A$  (fig. 2) pôde-se fazer  
passar uma infinidade de retas, mas

por 2 pontos B e C, não se pôde fazer passar sinão uma reta, porquẽ 2 retas que tem 2 pontos comuns confundem-se.

5. Dois pontos bastam, pois, para determinar a posição de uma reta.

Designa-se uma reta por 2 letras postas (nas) em suas extremidades.

Jassim, dizer-se a reta AB.



6. Medir uma reta é procurar quantas vezes ela contém o metro, tomado como unidade de medida, ou partes do metro.

Para isso empregam-se o duplo-decímetro, o metro ou o decâmetro, conforme o comprimento da linha que se quer medir.

Retificar uma linha quebrada ou uma linha curva, é traçar uma linha reta de comprimento igual ao da linha reta ou da linha curva.

7. Conforme sua direção, uma reta pôde ser horizontal ou vertical.

Uma reta é vertical quando segue a direção do fio a prumo



Uma reta é horizontal quando segue a direção das águas em repouso.

Por um ponto dado, não se (tr) pôde traçar sinão uma só reta vertical, mas pôde traçar-se uma infinidade de retas horizontais.

8. Com relação a outra linha uma reta pôde ser perpendicular, oblíqua ou paralela.

Uma reta é perpendicular a outra, quando se encontra sem se inclinar mais para uma extremidade do que para outra.

Ex: a linha CD (Fig. 5) é perpendicular a AB, reciprocamente, a linha AB é perpendicular a CD.

Uma reta é oblíqua a outra quando a encontra, inclinando-se mais para uma extremidade do que para a outra, isto é, quando forma com ela 2 ângulos adjacentes desiguais.

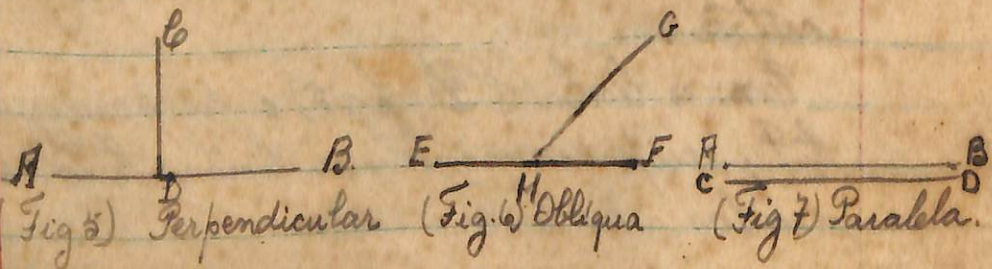
Ex: a linha  $GH$  (Fig. 6.) é oblíqua a  $EF$ , reciprocamente,  $EF$  é oblíqua a  $GH$ .

Duas retas são paralelas quando situadas no mesmo plano não se podem encontrar por mais que se prolonguem.

Ex: as retas  $AB$  e  $CD$  (Fig. 7.) são paralelas.

Nos tábuas de um soalho, os varões de uma grade, os degraus de uma escada são exemplos de paralelas.

Quando 2 retas não estão situadas no mesmo plano, não se pode dizer que são paralelas, ainda que se não possam encontrar.



9- O mais importante das curvas é a circunferência.

Circunferência é uma linha fechada cujos pontos distantes igualmente de um ponto interior chamado centro.

A superfície encerrada numa circunferência chama-se círculo. Por extensão, dá-se, às vezes, o nome de círculo à própria circunferência.

Arco é qualquer parte da circunferência.

10- Divide-se a  $C$ . em 360 partes iguais chamadas graus. A metade da  $C$ . compreende 180 graus e o quarto, 90 graus.

O grau divide-se em 60 minutos e o minuto, em 60 segundos.

Os graus designam-se por um pequeno zero colocado acima e um pouco à direita do número que os exprime.

Os minutos designam-se por um acento e os segundos, por 2. Assim:  $35^{\circ} 12' 45''$ .

Medir um arco, é achar quantos graus contém da circunferência a que pertence.

# Ângulos

Ângulo é a figura plana formada de 2 retas que se encontram. As 2 retas (chamadas) chamam-se lados e o ponto de encontro, vértice.

Quando uma reta encontra outra, formam-se 2 ângulos, os 2 ângulos chamam-se adjacentes, as 2 retas são perpendiculares entre si, os ângulos são retos. Quando os ângulos são desiguais, as 2 retas são oblíquas entre si, os ângulos são oblíquos. O ângulo oblíquo maior do que o reto chama-se obtuso e o ângulo oblíquo menor do que o reto chama-se agudo.

## Teoria das perpendiculares e oblíquas.

### I Teorema

Por um ponto dado em uma reta sempre se pode traçar uma perpendicular a esta, porém, só uma



Seja a reta  $AB$  (Fig. 1) e o ponto  $O$ . Quer-se demonstrar que pelo ponto  $O$  sempre se pode traçar-se uma perpendicular à reta  $AB$  e somente, uma.

Imagina-se uma segunda reta  $MO$ , fixa no ponto  $O$  e deitada sobre  $AB$ .

Girando esta reta ao redor do ponto  $O$ , da direita para esquerda, pode ocupar diversas posições, por ex.:

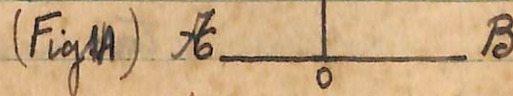
(Fig. 9) Nesta posição o ângulo da direita é menor do que o ângulo da esquerda. Continuando a girar, a reta  $MO$  pode ocupar a posição  $om$ . Ex:



(Fig. 10) Nesta posição o ângulo da direita que era menor do que o da esquerda, tornou-se maior do que o outro. Logo, houve uma posição em que os ângulos eram iguais.



Seja a posição  $om$



Porém, Quando, <sup>porém</sup> uma reta encontra outra, formando com ela 2 ângulos adjacentes iguais, ela é perpendicular à outra.

Logo  $AN$  é perpendicular a  $AB$ . E como este traço é sempre possível, está demonstrado que por um ponto dado em uma reta, sempre se pode traçar uma perpendicular a esta reta.

A posição da reta on é única, porque por pouco que esta reta se incline, para um e outro lado, os ângulos ficam desiguais; e a reta deixa de ser perpendicular, porque a reta que encontra outra, formando 2 ângulos adjacentes desiguais é oblíqua à outra.

Logo, está demonstrado que por um ponto dado em uma reta, só se pode traçar uma perpendicular a essa reta.

## V Teorema

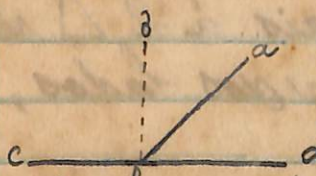
Toda reta que encontrar outra forma

com ela 2 ângulos <sup>adjacentes</sup> retos. Toda a reta que en-  
contra outra forma com ela  
dois ângulos retos.]

Seja a Reta  $AB$  que encontra  
a Reta  $CD$  (Fig 12)

(Fig 12) Quer-se demonstrar o ângulo  
 $\angle cba + \angle abd = 2 \angle$  retos.

Tracando pelo ponto  $b$  uma perpendi-  
cular à Reta  $cd$ , por ex:

(Fig 13)  O ângulo  $cba$  é igual a  
um ângulo reto (+) o ângulo  
 $dab$

$$\angle cba = 1 \angle \text{reto} (+) \angle oba.$$

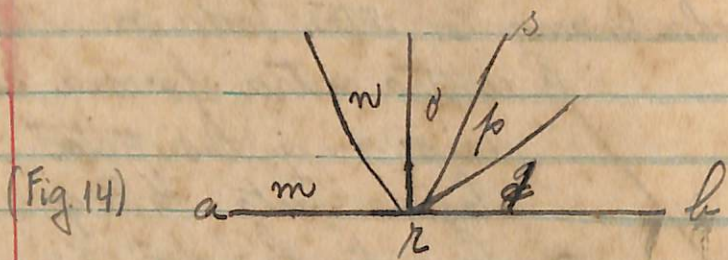
$$\angle abd = 1 \angle \text{reto} - \angle oba$$

Tomando as 2 igualdades, temos:

$$\angle cba + \angle abd = 2 \angle \text{retos}$$

## I Corolário

A soma dos ângulos, formados no  
mesmo lado de uma Reta com vértice  
comum, é igual a 2 ângulos retos

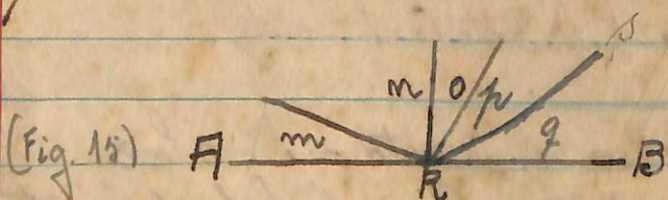


(Fig. 14)

Sejam os ângulos  $m, n, o, p, q$  formados do mesmo lado da reta  $AB$  e com o vértice comum.

Quer-se demonstrar que os ângulos  $m, n, o, p, q$  são iguais a  $2 \angle$  retos.

Determinando um dos lados, por ex.  $AB$ :



(Fig. 15)

Tomos a reta  $AC$  que encontra a reta  $AB$ . Ora, toda reta que encontra outra forma com ela  $2 \angle$  adjacentes cuja soma é igual a  $2 \angle$  retos, logo:

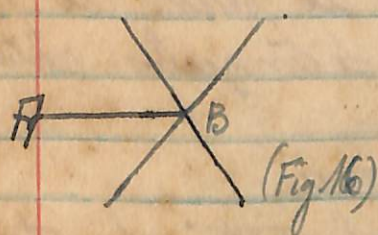
$$n + r + p + q = 2 \angle \text{retos}$$

Substituindo o ângulo  $r$  por seu

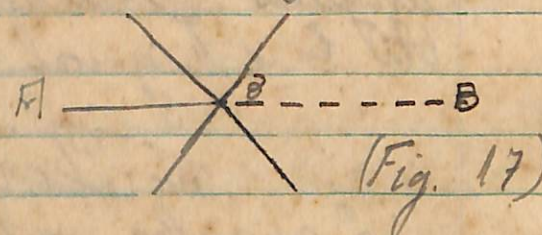
valor  $m + n + o + p$ ; e o ângulo  $srb$  por seu valor  $q$ , temos:  $m + n + o + p + q = 2 \angle$  retos

do II. Corolário.

A soma dos ângulos formados ao redor de um ponto é igual a  $4 \angle$  retos.



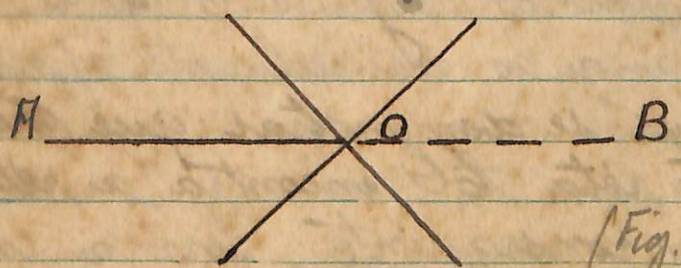
(Fig. 16)



(Fig. 17)

Seja  $O$  o ponto dado. Quer-se demonstrar que a soma dos ângulos formados ao redor deste é igual a  $4 \angle$  retos.

Determinando um dos lados, por ex.  $AO$  e prolongando este lado além do vértice, temos a reta  $AB$ .

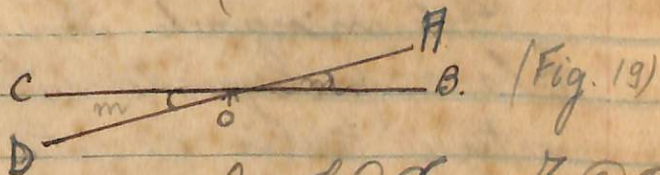


(Fig. 18)

Ora, a soma dos ângulos formados na parte superior da reta  $HO$ , vale em soma 2 ângulos retos e pela mesma razão, a soma dos ângulos formados na parte inferior da mesma reta valem também em 2 ângulos retos, donde se segue que a soma dos ângulos formados ao redor do ponto  $H$  é igual a 4 ângulos retos.

### III. Teorema.

2 ângulos, verticalmente, opostos são iguais. 2 ângulos são, verticalmente, opostos, quando um é formado pelo prolongamento dos lados do outro, além do vértice.



Sejam os ângulos  $COA$  e  $BOB$  2 ângulos, verticalmente, opostos.

Quer se demonstrar que são iguais. A reta  $HO$  encontra a reta  $CB$  e, por conseguinte, forma com ela

2 ângulos adjacentes, cuja soma é igual a 2 ângulos retos, isto é,

$$\angle HOA + \angle BOH = 2 \angle \text{retos.}$$

A reta  $CO$  encontra  $HO$  e por conseguinte forma com ela 2 ângulos adjacentes, cuja soma é igual a 2 ângulos retos, isto é:

$$\angle COH + \angle BOH = 2 \angle \text{retos.}$$

Como duas quantidades iguais a uma 3ª são iguais entre si, temos:

$$\angle HOA + \angle BOH = \angle COH + \angle BOH.$$

Subtraindo de ambos os membros desta igualdade a quantidade  $\angle BOH$ , temos:

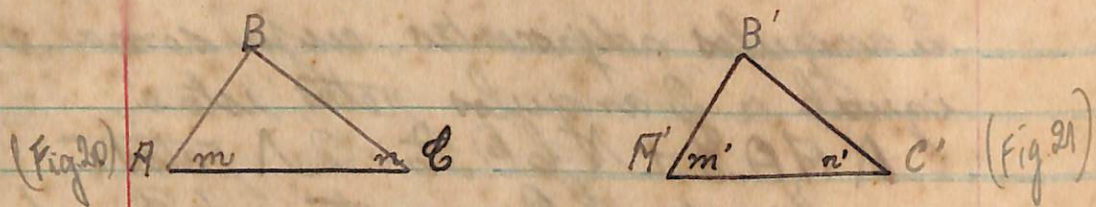
$$\angle HOA = \angle COH.$$

### IV. Teorema.

2 ângulos são iguais, quando tem um lado igual adjacentes aos ângulos, respectivamente, iguais.

Sejam os ângulos  $HOB$  e  $H'O'B'$  e seja o lado  $HO = H'O'$ .





$$\begin{aligned} \triangle m &= \triangle m' \\ \triangle n &= \triangle n' \end{aligned}$$

Quer-se demonstrar que os triângulos são iguais

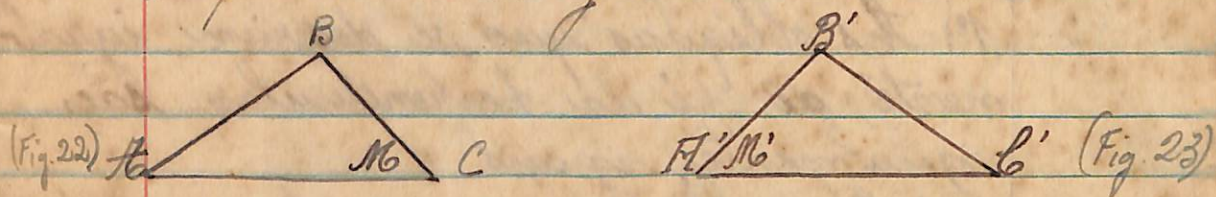
Colocando o triângulo  $A.B.C$  sobre o triângulo  $A'.B'.C'$  de modo que  $A'B'$  coincida com  $A.B.C$ , a reta  $A'B$  cai na direção de  $A'B'$  porque os ângulos  $m$  e  $m'$  são iguais caindo  $A'B'$  na direção  $A.B$  e  $A'$  na direção de  $C.D$ , o ponto  $B'$  coincide com o ponto  $B$ .

Assim, os 2 triângulos são iguais, quando têm um <sup>lado</sup> ângulo igual compreendido por <sup>os</sup> lados, respectivamente, iguais

### V Teorema 1º caso de igualdade

2 triângulos são iguais quando têm

um ângulo igual compreendido por lados, respectivamente, iguais.



Sejam os 2 triângulos  $A.B.C$  e  $A'.B'.C'$  seja  $m = m'$  o lado  $A.B = A'.B'$   $A.C = A'.C'$

Quer-se demonstrar que os triângulos são iguais, colocando o triângulo  $A.B.C$  sobre o triângulo  $A'.B'.C'$ , de modo que  $A.C$  coincida com  $A'.C'$ , a reta  $A'B$  cai na direção de  $A'B'$  porque os ângulos  $m$  e  $m'$  são iguais, e o ponto  $B$  coincide com o ponto  $B'$ , porque  $A.B$  é igual a  $A'.B'$

Assim, as retas  $A.C$  e  $A'.C'$  coincidem, coincidindo os 2 triângulos em todas as partes, eles são iguais.

### VI Teorema

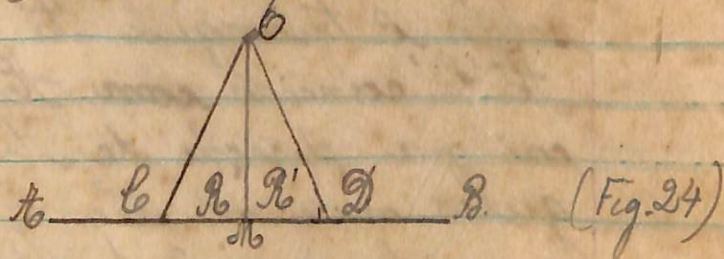
Propriedades das perpendiculares e oblíquas de traçarmos de um ponto dado

para uma reta uma perpendicular e diversas obliquas:

1<sup>o</sup>) As obliquas que se desviam igualmente do pé da perpendicular são igualmente iguais.

2<sup>o</sup>) Das obliquas que se desviam desigualmente, do pé da perpendicular a maior a que mais se desvia.

3<sup>o</sup>) A perpendicular é menor do que qualquer das obliquas.



Seja a reta  $AB$  e o ponto  $C$ , seja  $CM$  a perpendicular,  $CE = CD$  as obliquas. Quer-se demonstrar que  $CE = CD$ .

Os triângulos  $CME = CMD$  são iguais, porque têm um ângulo igual compreendido por lados, respectivamente, iguais, a saber:

$\angle CME = \angle CMD$  como retos, visto que  $CM$

é perpendicular a  $AB$ .  $ME = MD$  por hipótese.  $CM$  igual, por ser comum.

Em triângulos iguais a ângulos iguais opõem-se lados iguais.

Como  $\angle CME = \angle CMD$  segue-se que  $CE = CD$ .

## II Parte

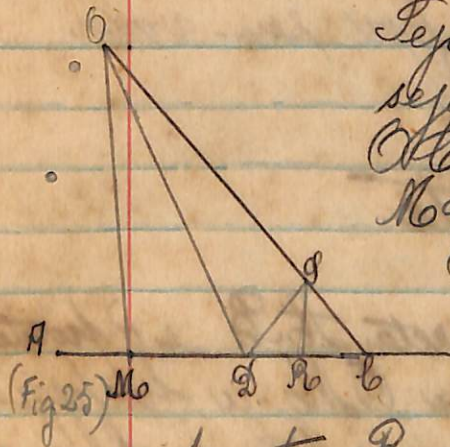
Seja a reta  $AB$  e o ponto  $C$ , seja  $CM$  a perpendicular e  $CE$  e  $CD$  as obliquas e seja  $CE > CD$ .

Quer-se demonstrar que

$CE > CD$ . Divide-se ao meio a reta  $CE$  seja pelo ponto  $P$ .

Por esse ponto traça-se uma perpendicular à reta  $AB$ , e prolonga-se essa perpendicular até encontrar a reta  $CD$ , seja  $I$  o ponto de encontro.

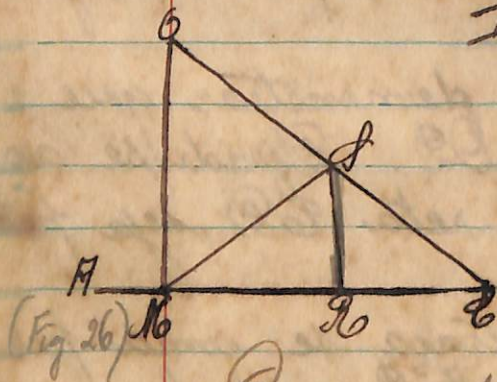
Unindo o ponto  $I$  ao ponto  $D$ , temos do ponto  $I$  para a reta  $AB$  uma perpendicular  $IP$  e 2 obliquas  $ID$  e  $IC$  que são iguais, porque se desviam igualmente do pé da per-



perpendicular, visto que  $IC = ID$ , como metade de  $CD$ , logo  $IC = ID$ .

Assim, temos: entre os pontos  $O$  a reta  $CD$  e a quebrada  $CI + ID$ ; e como entre 2 pontos a linha <sup>quebrada</sup> é maior que a reta, temos:  $CI$  menor  $ID < OD$ .  
Substituindo  $ID$  por seu valor  $IC$ , temos:  $OC < OD$   
maior

#### IV Parte.



Seja a reta  $AB$  e o ponto  $O$ ; seja  $OM$  a perpendicular e  $OB$  a obliqua.

Quer-se demonstrar que  $OM < OB$

Divide-se ao meio a reta  $MB$ , <sup>menor</sup> seja pelo ponto  $I$ .

Por esse ponto traça-se uma perpendicular à reta  $AB$  e prolonga-se esta perpendicular até encontrar a reta  $OB$ , seja  $S$  o ponto de encontro.

Vindo o ponto  $S$  ao ponto  $M$ ,

temos do ponto  $S$  para a reta  $AB$  a perpendicular  $SI$  e as obliquas  $SM$  e  $SB$ , que são iguais, porque se desviam igualmente, do pé da perpendicular, visto  $IC = ID$ , como metades de  $MB$ . Assim, temos:  $SM = SB$ .

Entre os pontos  $O$ , temos a reta  $OM$  e a quebrada  $OS + SM$ , e como entre 2 pontos a reta é menor do que a quebrada, temos:  $OM < OS + SM$ .

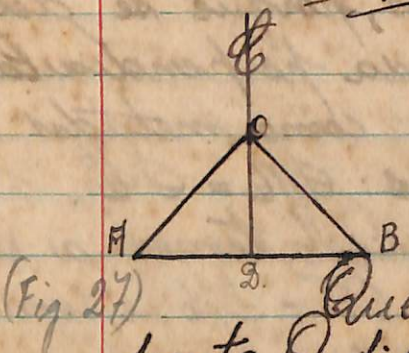
Substituindo  $SM$  por seu valor  $SB$ , temos  $OM < OS + SB$ , substituindo n.º 2.º membro dessa desigualdade  $OS + SB$  por sua soma  $OB$ , temos:  $OM < OB$ .

#### VII (ponto) Teorema

Qualquer ponto de uma perpendicular ao meio de uma reta dista igualmente dos extremos da reta. No meio de uma reta, se levantarmos uma perpendicular a esta, qualquer ponto fora desta perpendicular dista igualmente dos

extremos da réta

I Parte



(Fig 27)

Seja a réta  $AB$ ,  $CD$  a perpendicular ao meio de  $AB$  e  $O$  um ponto desta perpendicular.

Quer-se demonstrar que o ponto  $O$  dista, igualmente, dos extremos  $A$  e  $B$ . A distancia de um ponto a outro mede-se pela réta traçada de um ponto a outro.

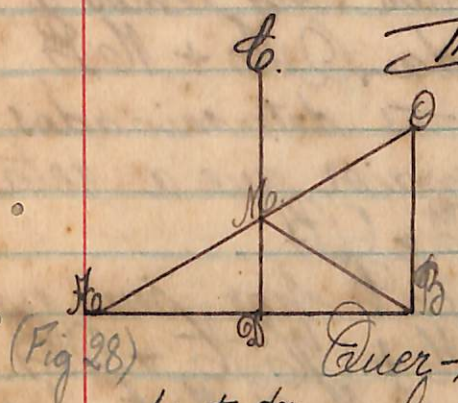
Traçando-se as rétas  $OA$  e  $OB$  temos as distâncias do ponto  $O$  aos pontos  $A$  e  $B$ .

Assim temos do ponto  $O$  a réta  $AB$  a perpendicular  $OD$  e as oblíquas  $OA$  e  $OB$  que são iguais porquê se afastam, igualmente, do pé da perpendicular, visto que  $AD = BD$  como metades de  $AB$ .

E como  $OA$  e  $OB$  indicam as distancias do ponto  $O$  aos pontos

$A$  e  $B$ , está demonstrado que o ponto  $O$  dista, igualmente, dos extremos da réta  $AB$ .

II Parte



(Fig 28)

Seja a réta  $AB$ , seja  $CD$  a perpendicular ao meio de  $AB$  e seja  $O$  o ponto fora da perpend.

Quer-se demonstrar que o ponto  $O$  dista, igualmente, dos extremos  $A$  e  $B$ .

A distancia entre 2 pontos e dada pela réta traçada de um ponto ao outro.

Traçando as rétas  $OA$  e  $OB$ , temos as 2 distancias.

Seja  $M$  o ponto em que a réta  $AO$  corta a perpendicular  $CD$ , unindo o ponto  $M$  ao ponto  $B$ , temos do ponto  $M$  para a réta  $AB$  a perpendicular  $MD$  e as oblíquas  $MA$  e  $MB$  que são iguais, porquê se afastam, igualmente, do pé da

perpendicular, visto que  $(de) 2H = 2B$   
como metade de  $HB$ .

Assim temos:  $MO = MB$

Entre os pontos  $O$  e  $B$  temos a reta  
 $OB$  e a quebrada  $OM + MB$ ,  
e como entre 2 pontos determinados a  
quebrada é maior que a reta,  
temos:  $OM + MB > OB$

Substituindo  $MB$  por seu valor  
 $MO$ , temos  $OM + MO > OB$ .

Substituindo  $OM + MO$  por  
sua soma  $2O$ , temos  $2O > OB$ .

E como estas 2 retas, indicando  
as distancias do ponto  $O$  aos pontos  
 $H$  e  $B$  está demonstrado que o ponto  
 $O$  dista <sup>des</sup> igualmente dos extremos  $H$  e  $B$ .

### Corolário do 7º teorema

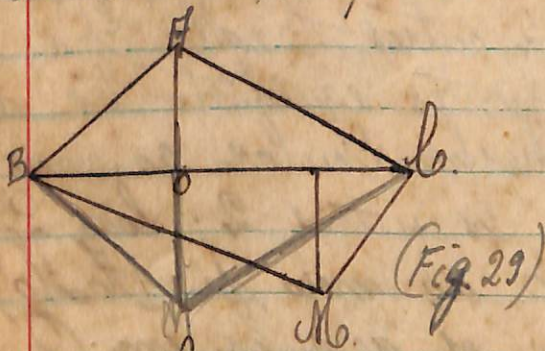
A reta que une 2 pontos equidistan-  
tes de outros 2, é perpendicular ao meio  
da reta que une os 2 outros.

Sejam os pontos  $H$  e  $B$  equi-  
distantes dos 2 pontos  $C$  e  $D$ .

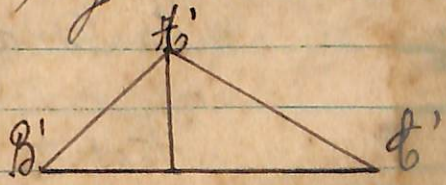
Quer-se demonstrar que a reta  $HB$   
é perpendicular ao meio da reta  $CD$ .  
Se o ponto  $H$  dista igualmente dos  
extremos da reta  $CD$  ele faz parte  
da perpendicular ao meio de  $CD$ , e se  
o ponto  $B$  dista igualmente dos pontos  
 $C$  e  $D$ , ele também faz parte da per-  
pendicular ao meio de  $CD$ , porém,  
pelos pontos  $H$  e  $B$ , só passa uma  
reta que é  $HB$ , logo  $HB$  é perpendi-  
cular ao meio de  $CD$ .

### VIII Teorema

Dois triangulos são iguais quando têm  
os 3 lados, respectivamente, iguais.



(Fig. 29)



(Fig. 30)

Sejam os triangulos  $HBC$  e  $H'B'C'$   
e seja  $HB = H'B'$  e  $HC = H'C'$  e  $BC = B'C'$ .

Quer-se demonstrar que os 2 triângulos são iguais. Colocando os triângulos  $H'B'C'$  abaixo do triângulo  $HBC$  de modo que  $H'B'C'$  coincida com  $HBC$ , temos a figura  $HBC$ , na qual  $HC$  representa o lado  $H'C'$ . Por hipótese  $H'B = H'B'$  e  $H'B'$  é representado por  $BM$ ; logo  $H'B = BM$ . E por conseguinte, o ponto  $B$  dista igualmente dos pontos  $H$  e  $M$ .

Também por hipótese  $HC = H'C'$  e  $H'C'$  é representada por  $MC$ ; logo  $HC = MC$ . E, por conseguinte, o ponto  $C$  dista igualmente dos pontos  $H$  e  $M$ .

Assim temos 2 pontos  $B$  e  $C$  equidistantes de 2 outros  $H$  e  $M$ . Ora, a reta que une 2 pontos equidistantes de outros 2 é perpendicular ao meio da reta que une os outros 2; logo  $BC$  é perpendicular ao meio de  $HM$ ; donde se segue que os ângulos em  $O$  são retos,  $OH = OM$ .

Dobrando a figura  $HBC$  por

$BC$  de cima para baixo, a reta  $OH$  cai na direção de  $OM$ , porque os ângulos em  $O$  são iguais como retos e o ponto  $H$  coincide com o ponto  $M$ , porque  $OH = OM$ .

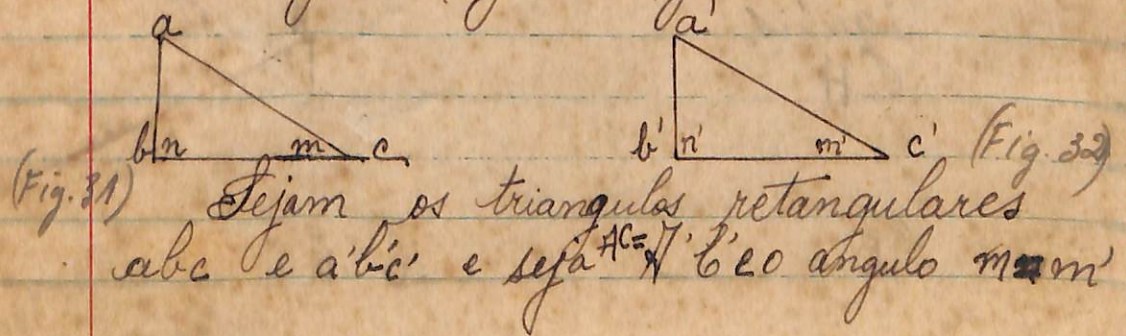
Ficando os pontos  $B$  e  $C$  imóveis, e coincidindo o ponto  $H$  com o ponto  $M$ , segue-se que  $H'B$  coincide com  $BM$  e  $H'C$  coincide com  $MC$  e coincidindo os triângulos  $HBC$  e  $H'B'C'$  em todos os seus elementos, eles são iguais.

$MCB$ , porém, é o triângulo  $H'B'C'$ , logo  $HBC$  e  $H'B'C'$  são iguais.

3º trimestre

### IX teorema

2 triângulos retangulares são iguais quando têm a hipotenusa igual e um ângulo agudo igual.



$$\triangle ABC = \triangle A'B'C' \quad \wedge \quad \angle n = \angle n'$$

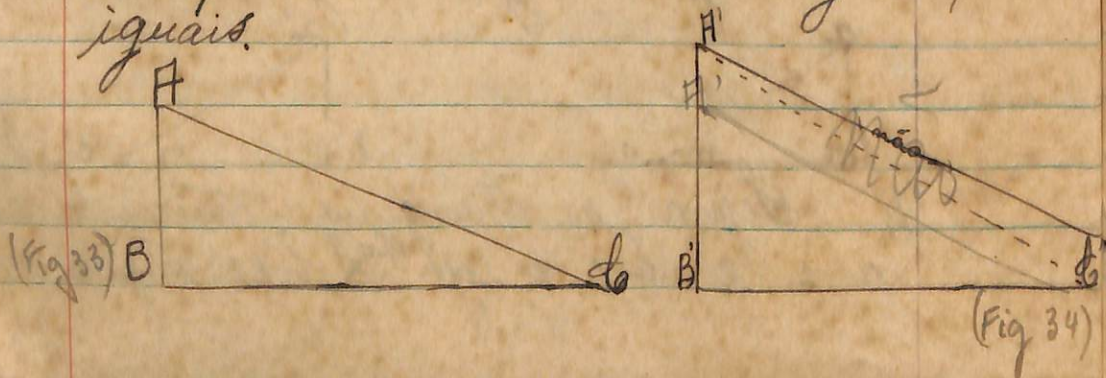
Quer-se demonstrar que os 2 triângulos são iguais.

Colocando o triângulo  $\triangle A'B'C'$  sobre o triângulo  $\triangle ABC$ , e fazendo coincidir  $A'C'$  com  $AC$ , a reta  $C'B'$  cai na direção de  $CB$ , porque os ângulos  $m$  e  $m'$  são iguais. Ao mesmo tempo  $B'$  só se pode traçar uma perpendicular à reta  $CB$ , logo  $A'B'$  cai na direção de  $AB$ .

Por conseguinte, o ponto  $B'$  coincide com o ponto  $B$ . Coincidindo, assim, os 2 triângulos em todos os seus elementos eles são iguais.

### X Teorema.

2 triângulos retângulos, quando têm a hipotenusa e um cateto igual são iguais.



Sejam os triângulos retângulos  $\triangle ABC = \triangle A'B'C'$ .

Quer-se demonstrar que os triângulos retângulos são iguais. Colocando o triângulo  $\triangle A'B'C'$  sobre o triângulo  $\triangle ABC$ , fazendo coincidir  $A'B'$  com  $AB$ , a reta  $B'C'$  cai na direção de  $BC$ , porque os ângulos em  $B$  e  $B'$  são iguais como retos.

Assim, temos o ponto  $A'$  com o qual coincide o  $A$ , uma perpendicular e duas oblíquas  $AC$  e  $A'C'$  que são iguais por hipótese.

Ora, 2 oblíquas iguais descrevem-se, igualmente, do pé da perpendicular, logo  $BC = B'C'$ .

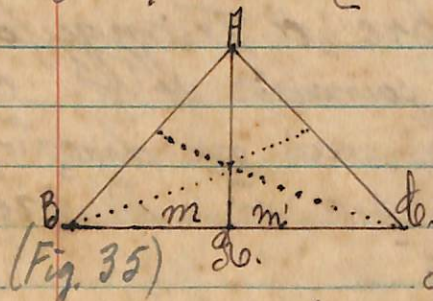
Assim, os 2 triângulos tem 3 lados, respectivamente, iguais, por conseguinte são iguais.

### XI Teorema

Quando 2 lados de um triângulo são iguais, os ângulos a ele opostos também

são iguais.

Seja o triângulo  $ABC$  e seja  $AB = AC$ .  
Quer-se demonstrar que o ângulo  $\hat{A}M = \hat{A}M'$ .



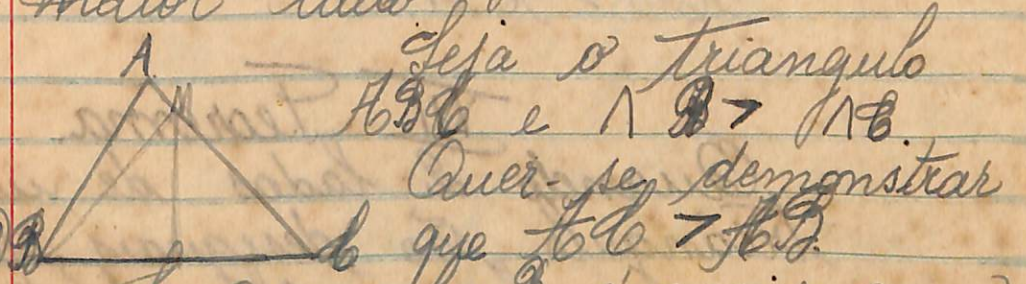
Divide-se o lado  $BC$  ao meio, sep. pelo ponto  $M$ . Temos os triângulos  $ABM$  e  $ACM$  que são iguais, porque têm os lados, respectivamente, iguais, a saber:  $AB = AC$  por hipótese

$BM = CM$  como metade de  $BC$ , e  $AM$  igual por ser comum. Em triângulos de lados iguais opõem-se lados iguais. Logo, o ângulo  $\hat{A}M$ , que no I triângulo se opõe ao lado  $AB$  é igual ao  $\hat{A}M'$ , que no II triângulo se opõe ao mesmo lado  $AC$ .

### XIV Teorema.

Quando 2 lados de um triângulo são desiguais, os ângulos

a eles opostos também o são e ao maior ângulo opõe-se o maior lado.



(Fig. 36)

Seja o triângulo  $ABC$  e  $\hat{A}B > \hat{A}C$ . Quer-se demonstrar que  $AC > AB$ .

Se o ângulo  $B$  é maior que o  $C$ , pode-se determinar uma parte do ângulo  $B$ , o ângulo  $B'$ .

Seja o triângulo  $AMB'$  e o triângulo  $AMB$ . Temos o triângulo  $AMB'$  que tem 2 lados iguais e quando 2 lados de um triângulo são iguais, os ângulos opostos também o são, logo:  $\hat{A}M'B' = \hat{A}M'B$ . Entre os pontos  $M'$  e  $B$  temos a quebrada  $M'M + M'B$  e a reta  $M'B$ .

Ora, entre 2 pontos a quebrada é maior que a reta, logo  $M'M + M'B > M'B$ . Substituindo  $M'B$  por seu igual  $M'B'$ , temos



verdade. evidente por si mesma.

$Ab + Mb > Ab$  Substituindo  
 $Ab + Mb$  por sua soma, temos:  
 $Ab > Ab$

### XII Teorema.

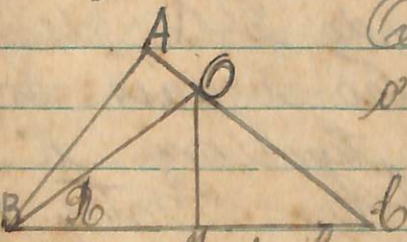
Quando 2 lados de um triângulo são desiguais, & os ângulos a eles opostos também são desiguais, e ao menor maior lado opõe-se o maior ângulo.

Seja o triângulo  $ABC$  e seja  $Ab > Ab$ .

Quer-se demonstrar que o  $\angle B$  é  $> \angle C$ .

Divide-se o lado  $BC$  ao meio, seja pelo ponto  $M$ . Por esse ponto traça-se uma perpendicular à reta  $BC$  e prolonga-se essa perpendicular até encontrar a reta  $(AB)$   $Ab$ .

Seja  $O$  o ponto de encontro



(Fig 36)

Unindo o ponto  $O$  ao ponto  $B$ , temos o triângulo  $OBC$  que tem 2 lados iguais:

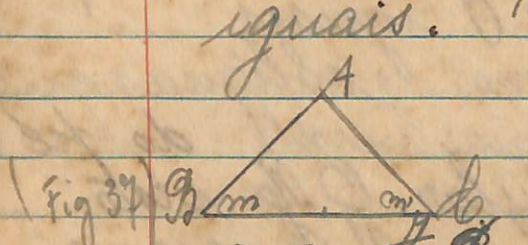
$OB = Oc$  como obliquas que se desviam, igualmente, do pé da perpendicular  $OM$ , visto  $Mb$  ser igual a  $Mc$ , como metades de  $BC$ . E quando 2 lados de um triângulo são iguais, os ângulos a eles opostos também são iguais, logo o  $\angle B$ , que se opõe ao lado  $Oc$ , é igual ao ângulo  $C$  que se opõe ao lado  $OB$ . O ângulo  $B$  é parte do ângulo  $B$  e como todo

é  $>$  a parte, temos:  
 $\angle B > \angle C$ . Substituindo o  $\angle B$  por seu valor  $\angle C$ , temos:  
 $\angle B > \angle C$ .

### XIII Teorema.

Quando 2 ângulos de um

triângulos são iguais, os lados a eles opostos também são iguais.

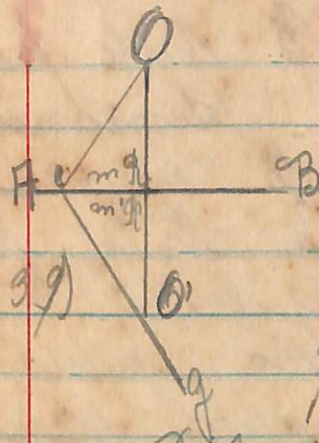
(Fig 37)  Seja o triângulo  $\triangle ABC$  e o  $\triangle A'B'C'$  e o  $\angle A = \angle A'$ . Quer-se demonstrar que  $BC = B'C'$ . Se o  $\angle A$  e o  $\angle A'$  não fossem iguais, os lados  $BC$  e  $B'C'$  não o seriam, porque, quando 2 lados de um triângulo são desiguais, os ângulos a eles opostos também o são. Assim, os  $\angle A$  e  $\angle A'$  também seriam desiguais. Por hipótese, porém, o  $\angle A = \angle A'$ , logo  $BC = B'C'$ .

## XV Teorema.

### I Parte.

Por um ponto dado fora de uma reta sempre se pode traçar uma perpendicular a esta reta, porém, somente uma.

(Fig 38)



Seja a reta  $AB$  e o ponto  $O$ . Quer-se demonstrar, que, por este ponto, sempre se pode traçar uma perpendicular à reta  $AB$ , porém, somente uma. Pelo ponto  $O$ , traça-se uma reta qualquer, que encontre  $AB$ . Seja  $OB$ , formando com a reta  $AB$ , o  $\angle B$ . Sob a reta  $AB$ , traça-se, pelo ponto  $C$ , outra reta que, com a reta  $AB$ , forme um ângulo igual ao ângulo  $B$ . Seja  $OC$  e o ângulo  $C$ . Na reta  $OC$ , a partir do ponto  $C$ , determina-se uma parte igual a  $OB$ , seja  $CO'$ , assim, temos  $OC = CO'$ . Unindo o ponto  $O$  ao ponto  $O'$ , temos  $OO' = OO'$ , perpendi-

cular à reta  $AB$  pelo ponto  $O$ , que se vai demonstrar.

Seja  $O'$  o ponto em que a reta  $OO'$  encontra  $AB$ . Assim, temos os triângulos  $O'OB$  e  $O'OB'$  que são iguais por terem um ângulo igual compreendido por lados, respectivamente, iguais:  $AO = AO'$  por construção;  $OB = OB'$  pela mesma razão e  $\angle O = \angle O'$  por ser comum. Com triângulos iguais a ângulos iguais opõem-se lados iguais.

Como  $OB = OB'$ , segue-se que os 2 ângulos  $B$  e  $B'$ , que se lhe opõem são iguais. Assim, a reta  $AB$  encontra  $OO'$ , formando com ela 2 ângulos adjacentes iguais, e por consequente  $AB$  é perpendicular

cular a  $OO'$ , e, reciprocamente,  $OO'$  é perpendicular a  $AB$ .

## II Parte.

Quer-se demonstrar que a reta  $OO'$  é a única perpendicular tracada do ponto  $O$  à reta  $AB$ . Para isso vamos demonstrar que qualquer outra reta, p. ex.,  $OB$  não é perpendicular a  $AB$ .

Os triângulos  $O'OB$  e  $O'OB'$  são iguais como já se demonstrou, e como em triângulos iguais a ângulos iguais opõem-se lados iguais temos:  $OB = O'B'$ , porque se opõem aos (lados) ângulos iguais  $M$  e  $M'$ .

Entre os pontos  $O$  e  $O'$  temos a reta  $OO'$ ,  $OB$  e a quebrada  $OB + B'O'$ , e como entre 2 pontos

a reta é menor que a quebrada, temos:  $OO' + P'O' < OO' + PO'$

Substituindo  $P'O'$  por seu igual  $PO$ , temos  $OO' + PO < OO' + PO'$  ou  $2 OO' < 2 PO$ .

Dividindo por 2, temos:

$OO' < PO$ . Assim, temos, no triângulo  $OO'P$  os lados.

$OO'$  e  $OP$  desiguais, e quando 2 lados de um triângulo são desiguais, os ângulos a eles opostos também o são; logo, os  $\angle PO$  e  $\angle O$  são desiguais, e como o  $\angle PO$  é reto, segue-se que o ângulo  $\angle O$  é obliquo e por conseguinte a reta  $OB$  é obliqua à reta  $AB$ .

Do mesmo modo, demonstrar-se-ia que qualquer outra reta traçada pelo ponto  $O$  à reta  $AB$ , seria a  $AB$  logo  $OB$  é a única per-

pendicular traçada do ponto  $O$  à reta  $AB$ .

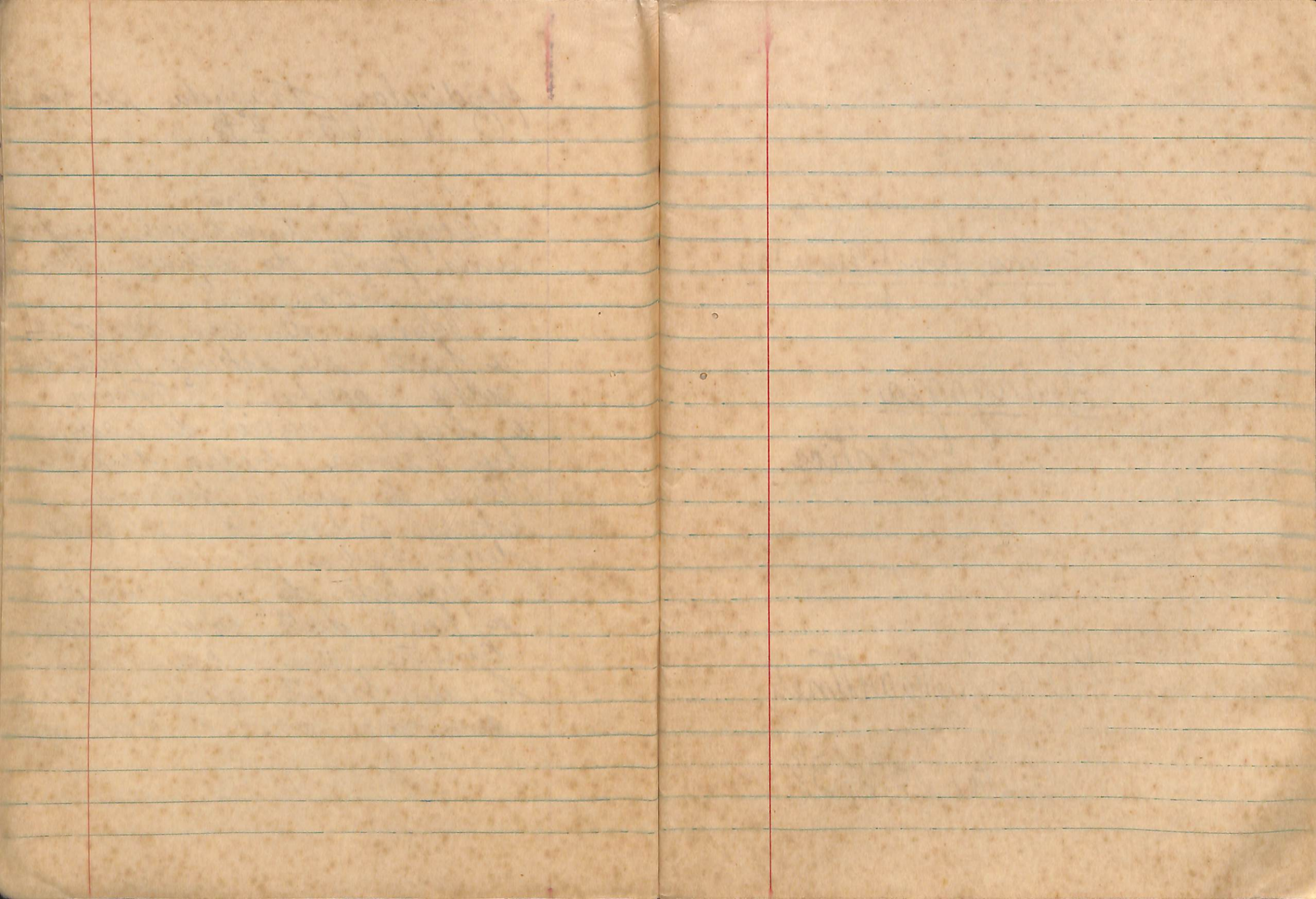
III. Ponto:

Corpo é tudo o que ocupa uma parte do espaço. Ex.: um livro.

Volume de um corpo é a parte de espaço que este corpo ocupa. Assim, o lugar vazio deixado por uma pedra que se tira de uma parede representada o volume desta pedra.

Superfície de um corpo é a parte deste corpo que limita seu volume: é a parte que pode ser nos ver e tocar.

Fim do III trimestre  
11/37



3º ano complementar

Pedagogia  
prática.

Mera G. Martinez.  
Pelotas, 17/5/38

Plano da Proposição.

Classe - II ano.  
Tema - Proposição.  
Matéria - Linguagem.  
Método - Indutivo - dedutivo.  
Modo - Simultâneo - individual.  
Forma - Expositiva - interrogativa.

I Fase: Iniciação.

Representam-se as crianças  
frases incompletas como:  
Brincar... roda. Vestido... seda.  
Módo... Pelotas. Perguntam-se  
se não faltam palavras nestas  
frases. Então, na frase Vestido  
de Seda, para que serviu  
a palavrinha de? Foi  
para completar o sentido,  
não foi? Também ligou  
a palavra vestido com seda.  
Então, o que fez? R. Com-  
pletou o sentido e ligou  
palavras. Sabem como se

chamam as palavrinhas  
que completam o sentido  
e unem uma palavra a outra?  
R. Preposição.

I. Fase: Aprendizado  
da definição.

Então, o que é preposição?  
R. Preposição é uma palavra que  
serve para ligar outras e com-  
pletar o sentido da frase.

III Fase: Aplicação.

Escrevem-se ao quadro  
frases, para que as crianças  
sublinhem as preposições.

Pedem-se aos alunos fra-  
ses em que entrem  
(as) preposições

Uma de copo de vidro cama de  
aco pão de ló. Vou a Rio Grande ferro.

V Plano do Advérbio.

Classe - 4º ano.  
Tema - Português  
Forma - Mista.  
Modo - Simultâneo - Individual.  
Método - Indutivo - dedutivo.

Iniciação.

Dão-se 2 frases, sendo que na  
1ª não deve entrar advérbio.

Ex.: A menina canta.

A menina canta expressiva-  
mente. A menina borda bem.

As 2 frases são iguais?  
Qual é a diferença que ha  
entre uma e outra?

Qual foi a palavra que  
modificou as mesmas frases?

A menina é aplicada.  
A menina é muito aplicada.  
Qual a diferença entre  
estas frases?

Qual delas exprime que a menina é mais aplicada?

Qual foi a palavra que modificou o adjetivo aplicada?

Quem sabe como se chamam estas palavras que servem para modificar um verbo, um adjetivo? Advérbios

Aprendizado da definição.  
Então, o que é advérbio?

R: É uma palavra que modifica um adjetivo e um verbo.

E o advérbio não pode modificar também outra palavra? Qual é? Outros advérbios.

Nas frases:

A menina lê bem.

A menina lê muito bem.  
Qual palavra modifica o advérbio muito? R: Bem.

Então, advérbio é uma palavra que modifica um adjetivo, um verbo ou um outro advérbio.

## Aplicação.

Podem-se às crianças frases com advérbios; podem, também, escrever-se algumas no quadro negro, para que elas procurem o advérbio.

A menina estuda pouco - Maria brinca muito.  
Luiza escreve bem. - Esta menina trabalha muito.

## Plano do adjetivo determinativo (demonstrativo)

Escola - 3º ano.

Tema - Adjetivo determinativo.

Método - Indutivo - dedutivo.

Forma - Mista.

Modo - Simultâneo - individual.

Materia - Linguagem.

## Iniciação.

Se eu quisesse designar um dos bancos da aula, para dizer (como) se é novo ou velho, como diria?



O banco é novo? Não.

Então, como poderia dizer?

R. Este banco é novo.

É se quisesse dizer que um quadro da aula é bonito? Aquêlê quadro é bonito.

É querendo mostrar 3 quadros?

R. Este, esse e aquêlê quadros são bonitos.

Quem quer escrever no quadro a frasezinha: Este banco é novo?

Se a professora quiser dizer a alguém que uma das alunas é muito aplicada, como poderia dizer?

R. Esta menina é aplicada.

(Tenha uma escrever a frase.)

Nas frases:

Este banco é novo

Aquêlê quadro é bonito.

Esta menina é aplicada.

que serão as palavrinhas este, esse, aquele?

Não sabem? Como é o nome da palavra que vem perto do substantivo, para qualificá-lo ou determiná-lo?

Adjetivo determinativo

Como estas palavras determinam este, esse, aquele, estas chamam-se adjetivos determinativos demonstrativos

Aprendizado da definição

Então, quem sabe dizer-me o que é um adjetivo determinativo demonstrativo?

R. É uma palavra que determina o substantivo.

Vamos, agora, aprender o feminino destes adjetivos?

De este? esse? etc.

Ensina-se, depois, a formar o plural.

## Aplicação.

Podem-se frases com estes adjetivos (podem estar no feminino ou no plural) e escreverem-se no quadro para as crianças sublinharem.

Aquele aluno é bom. Esse livro é velho.

## Plano do ditado

Tema - Ditado

Materia - Linguagem.

Modo -

Forma -

Método -

## Iniciação.

As meninas gostam de ler? Então, vamos fazer uma pequena leitura. Tomem seus livrinhos e abram na página...

Posição da leitura. Leiam, antes, só com os olhos. Terminaram? Agora, uma vai ler este trecho em voz alta. Não encontraram nenhuma palavra difícil? Vou escrever estas palavras no quadro para que vocês não as esqueçam.

Vamos começar.

Depois de determinado o ditado, a professora poderá escrevê-lo no quadro, para que os alunos corrijam os seus. Se a aula for muito numerosa, os alunos poderão corrigir os cadernos um dos outros. Podem, também, corrigir pelo livro. As palavras erradas devem ser escritas muitas vezes.

## Plano do adjetivo qualificativo

Escola - 2º ano.

Tema - Adjetivo qualificativo.

Materia - Linguagem

Método - Indutivo - dedutivo.

Forma - Mista.

Modo - Simultâneo-individual.

### Fase objetiva

Pergunta-se às crianças se não têm uma amiga de quem gostem muito. Pede-se então que digam como ela é.

Toma-se um caderno pedindo às meninas que digam como o acham o caderno.

Caderno {  
Ex. pequeno  
novo.  
azul.

Vocês não têm em casa, um gatinho? Como é ele?

Gato preto  
bonito.  
pequeno.

Então, as palavras que dizem a qualidade do substantivo como se chamam?

R: Adj. qualificativos.

### Aprendizado

Vocês se lembram o que é adjetivo?

É adjetivo qualificativo sabendo o que é R. É uma palavra que qualifica o substantivo.

### Fase Aplicação

Pedem-se frases com adjetivos qualificativos e escrevem-se no quadro, para que as crianças os substituam.

A menina é bondosa  
" Pluma " estudiosa

# ✓ Plano do adjetivo possessivo.

Área - 3º ano.

Tema - adjetivo possessivo.

Matéria - linguagem.

Método - Indutivo - dedutivo

Forma - Mista.

Modo - Simultâneo.

## Inicição.

2º<sup>o</sup> Faz-se rápida recordação do adj. qualificativo, dando a seguinte frase: Todos gostam das meninas boninhas.

Diz-se, então, às crianças que vão agora aprender um adjetivo novo.

## Desenvolvimento

Pedem-se e escrevem-se no quadro frase em que entrem adj. possessivos:

Meu livro é novo.

Que indica a palavrinha meu? (Indica a quem pertence o livro) e adorno é, <sup>plumbeo</sup>.

Tua boneca é bonita.  
Que indica a palavra tua? (Posse)

Os adjetivos que indicam posse, como se chamam?  
Adj. Possessivos.

Por quê? (Porque indicam posse) Onde vêm colocados os adjetivos? (junto ao subst.)

## Aprendizado.

Então, o que é adjetivo possessivo?

Consigna-se o feminino desta palavra (p. 56) e o plural

## Aplicação

Pedem-se frases com adjetivos possessivos, determinando

a pessoa do possessivo.

Pode ser no feminino e no plural.

Escrevem no quadro negro frases com adjetivos, para que as crianças os substituam.  
Empresta-me o teu livro.  
Da-me o teu caderno.  
Seu chapéu é novo.

1<sup>o</sup> Trimestre  
do  
Maio de 1938

II. Trimestre

Substantivos

comum e próprio

Aula	---	II ano
Método	---	Indut. - Dedutivo.
Forma	---	Interr. - Exposit.
Modo	---	Simult. - Indist.

I Fase: Iniciação:

Fazem-se no quadro 3 colunas, colocando na 1<sup>a</sup> (nomes) palavras que representam pessoas; na 2<sup>a</sup>, animais; na 3<sup>a</sup>, coisas.

II - Aprendizado:

Sabem como se chamam estas palavras que nomeiam pessoas, animais ou coisas? Subst.

É o que é um substantivo?  
É uma palavra que nomeia pes-

soas, animais ou cousas

Sabem quantas espécies de substantivos há? 2

Quais são? Comum e próprio.

Substantivo comum é o que designa várias pessoas, animais ou cousas. Quem sabe dar um exemplo de subst. comum?

Substantivo próprio é o que designa uma só pessoa, um só animal, uma só coisa.

### Aplicações

Manda-se o aluno indicar na aula um subst. comum ou próprio. Escrevem-se no quadro (palavras) frases p.<sup>as</sup> que escreverem sublinhando os substantivos.

Podem-se frases com substantivos.

### Coletivo

Aula	- - -	II ano.
Método	- - -	Exdub. - Dedub.
Forma	- - -	Inter. - Exposit.
Modo	- - -	Simult. - Indiv.

### Exercícios

Escrevem-se ao quadro palavras <sup>em frases</sup> como: Vi um rebanho de ovelhas.

Passou um batalhão de soldados, etc.

Manda-se sublinhar os substantivos.

### Aprendizado

Pergunta-se como se chamam as palavras batalhão, rebanho, etc. Substantivos. São subst., mas têm outro nome; ninguém sabe? Então, vou ensinar: chamam-se subst. coletivos.

Subst. coletivo é aquele que indica uma reunião de seres da mesma espécie.

### Aplicação:

Pedem-se frases (de) com subst. coletivos; escrevem-se no quadro frases, para que sublinhem os coletivos.

## Leitura

1º - Mandar ler silenciosamente, sem mover os lábios, sem pronunciar palavras.

2º - Mandar um aluno contar o que se leu. Explicar o título da lição.

3º - Depois da leitura em silêncio, a professora explicará a significação de alguma palavra difícil, dando os sinónimos e escrevendo-os no quadro.

4º - Mandar ler em voz alta, saltando

do de uma para outra menção.

5º - O mestre faz a leitura

6º - Dramatização

## Palavras primitivas e derivadas

Idioma	- - -	IV ano
Método	- - -	Indut. - Dedut.
Forma	- - -	Interr. - Expos.
Modo	- - -	Simult. - Indiv.

### Iniciação

Pedem-se às crianças frases com palavras dadas, como: livro, livraria, pedra, pedreiro

Nestas frases há palavras parecidas? Quais são? Como se chamam estas palavras: livro, pedra? Não sabem? Chamam-se primitivas. Sabem por que? R: Porque não se formam de outras.

E como se chamam as pa-  
lavras: pedreiro, livraria? N: Derivadas.

Por que? Porquê se derivam das pri-  
mitivas.

prim

jardim  
cruz

Então, quem sabe dizer que  
são palavras primitivas,  
derivadas?

carta  
costura  
telha

Fazem-se 2 colunas (no quadro)  
escrevendo numa as palavras primi-  
tivas, e na outra, as derivadas!

Nas palavras: pedra e pedreiro,  
não há letras iguais? Quais são? pedr.

jardineiro  
cruzeiro

Então, a palavra pedreiro está di-  
vida em 2 partes. Como se cha-  
ma a 1ª? Não sabem? Então,

colômbou  
costureira  
telhado  
telhado

ensina: a 1ª chama-se  
radical, a 2ª terminação.  
Radical é a parte que não muda  
nas 2 palavras (é igual).

### Aplicação

Pde-se a um aluno uma  
palavra primitiva, e os outros

darão as derivadas.

Pode, também, pedir-se frases  
com palavras primitivas ou  
derivadas, ou escrever frases  
para que sublinhem as pa-  
lavras.

## Sinônimos e Antônimos

Escola	---	IV	ano?
Método	---	Indut.	Dedutivo
Forma	---	Interr.	Exposit
Modo	---	Simult.	Indiv.

### Triciação

Escrevem-se (palavras) frases  
como:

- A casa é grande.
  - O menino está alegre.
  - Uma moça passava.
- Podem-se palavras que querem  
dizer a mesma coisa que casa.



= lar, habitação, morada.  
grande = vasta, ampla,  
espaçosa.

(A morada espaçosa)

Na 2ª - alegre = contente, satisfeito.

Na 3ª - moca = jovem.

passava = distraia-se.

Escrevem-se outras frases como:

A menina é alta.

O livro é novo.

A casa é pequena.

Fede-se o contrário destas palavras:

A menina é baixa.

O livro é velho.

A casa é grande.

Explica-se que essas palavras querem dizer o contrário.

### Aprendizado

Consta-se que as palavras que querem dizer a mesma coisa chamam-se sinónimos;

as que querem dizer o contrário chamam-se antónimos.  
Então, quem sabe o que são palavras sinónimas e antónimas

### Aplicação

Podem-se palavras sinónimas ou antónimas.

Fazem 2 colunas, ex:

sinónimos		antónimos	
bonito	belo	bom	mau
bola	globo	bonito	feio
amável	gentil	branco	preto
brancete	alvo		

### Palavras agudas, graves e esdrúxulas

Julia	---	IV. ano.
Método	---	Indut. - Dedut.
Forma	---	Porter. - Exposit.
Modo	---	Simult. - Indio.

Fazem-se no quadro 3 colunas, colocando na 1ª as palavras agudas, na 2ª graves, na 3ª esdrúxulas.

agudas	graves	esdrúxulas
café	casa	passaro
hotel	bola	árvore
farol	dedo	fábrica

Quantas sílabas tem a palavra café? 2 Qual é a sílaba forte nesta palavra? - <sup>a última</sup> fé ~~como~~ se chama esta sílaba? tônica

O mesmo se faz com as palavras hotel, farol

Na 2ª coluna - quantas sílabas tem a palavra casa? 2 Qual é a forte? a penúltima (ca)

Na 3ª - quantas sílabas tem a palavra passaro?

3ª. Qual é a forte? a antepenúltima (pa)

## Aprendizado

Ensina-se que as palavras, cuja sílaba forte é a última, chamam-se agudas.

Quando a sílaba forte é a penúltima - graves

Quando é a antepenúltima - esdrúxulas.

## Aplicação

Fazem-se palavras agudas, graves e esdrúxulas, colocando-as em 3 colunas, no quadro:

agudas	graves	esdrúxulas
café	menino	alfândega, chavena
hotel	menina	chicard, chácara
farol	lapis	sinônimo, antônimo
		máscara, pálido, hábito, relâmpago

numero

# V Verbo

Idioma - - - - - II ano  
Método - - - - - Indut. - Dedutivos  
Forma - - - - - Interr. - Expos.  
Modo - - - - - Simult. - Individ.

## Iniciação

Apresenta-se às crianças um lápis, perguntando o que se faz com ele? Escreve-se

Em lugar de dizer que eu escrevo, como poderia dizer? Pratico uma ação

(Pode apresentar-se, também, uma gravura de)

## Aprendizado

Como se chamam estas palavras que indicam que nós praticamos uma ação? Verbo

Então, o que é verbo?

É palavra que indica que pra-

ticamos uma ação.

## Aplicação

Podem-se exemplificar de verbos, ou frases em que apareça um verbo. Escrevem-se ao quadro frases para que sublinhem o verbo.  
Eu livo a gramática. Maria estudou a lição. A menina brincou com as bonecas.

## V 2º caso da soma

Idioma - - - - - I ano  
Método - - - - - Indut. - Dedut.  
Forma - - - - - Interr. - Expos.  
Modo - - - - - Simult. - Indiv.

Processos - - - - - recapitulação, objetivação, concretização, abstrações, escrita e aplicação.

Faz-se uma recapitulação das unidades e dezenas.

## Fase Objetiva

Mostram-se às crianças 10 lápis em uma mão e 5 na outra.

Se juntarmos os lápis, com quantos ficaremos? 15.

Em lugar de dizer juntar, como podemos dizer? Somar

Fazem-se outros exercícios com bolinhas, palitos, botões, etc.

## Fase concreta

Uma menina ganhou 15 balas, depois mais 4; com quantas ficou?

Maria tem 12 vestidos, comprou mais 2; com quantos ficou?

Uma menina tem 18 liros e ganha + 2; com quantos fica?

## Fase abstrata

Pergunta-se quantos são:  $10+2$ ,  $12+3$ ,  $11+4$ ,  $15+5$ ,  $13+6$ , etc

## Fase escrita

Escrevem-se 2 n.ºs:  $14$   
 $2$

É uma conta? Por que não é?  
Porque falta o traço e o sinal (+), colocado à esquerda do 2.º n.º.

Ensina-se que os n.ºs, de cima do traço chamam-se parcelas e o de baixo = soma.

## Aplicação

Manda-se escreverem no quadro diversas continhas; uns podem ditar para os outros.

Fazer uma recapitulação perguntando como se chamam os n.ºs acima <sup>abaixo</sup> do traço, etc

## 2.º caso da Subtração

Tula - - - 1 ano  
Método - - - Indut. - Dedut.

Forma - - - - - Interr. - Expos.  
Modo - - - - - Simult. - Indiv.  
Processos - - - - - Recapitulação,  
objetivação, concretizações, abstração,  
escrita e aplicações.

Fazer uma recordação das  
unidades e dezenas.

### Fase objetiva

Mostram-se 14 lápis às cri-  
anças; se tiram um, com quan-  
tos ficaram? 12

Em lugar de dizermos tirar,  
como podemos dizer? Diminuir

Fazem-se outros exercícios com  
diversos objetos, como: (1) bolinhas, botões,  
palitos, etc.

### Fase concreta

Uma menina ganhou 14 bombons  
e deu 2 a sua irmãzinha;

com quantos ficou?

Uma menina comprou 15 livros  
e deu 2 a uma amiga; com  
quantos ficou?

Uma menina tinha 12  
bonecas e quebrou uma;  
com quantas ficou?

### Fase abstrata

Pergunta-se quantos são: 16-3,  
14-2, 13-1, 15-5, etc

### Fase escrita

Escreve-se ao quadro  $12$

É uma conta? Não é, porque  
falta o traço e o sinal (-)  
que se coloca ao lado do  
 $2^o$  nº.

Ensina-se que o  $1^o$  se  
chama minuendo, e o  $2^o$

subtraendo e o de baixo  
do traço: resto.

## Aplicação

Mandam-se os alunos fazer,  
no quadro, diversas continhas; uns podem ditar  
para os outros.

## Multiplicação

Aula - - - 1 ano.  
Método - - - Indut. - Dedut.  
Forma - - - Interr. - Exposit.  
Modo - - - Simult. - Indiv.  
Processos - - - Objetivação, concretiza-  
ção, abstrações, escrita e aplicações.

### Fase objetiva

Mostram-se botões, perguntando:  
Quantos botões tenho nesta mão? 2  
E nesta? 2. Então, quantas vezes

eu tenho 2 botões? 2 vezes.  
E 2 vezes 2 botões quantos botões são?  
4.

Quantos lápis tenho nesta mão? 3  
E nesta outra? 3. Quantas vezes eu  
tenho 3 botões? 2 v. E 2 v. 3 lápis  
quantos são? 6.

Fazem-se outros exercícios como  
estes, com bombons, palitos, bolinhas,  
etc.

### Fase concreta

Uma menina ganhou 4 notas  
de manhã e 4 de tarde. quantas vezes  
ganhou 4 notas? 2 v. E 2 vezes 4 notas,  
quantos são? 8.

Uma menina foi à livraria e com-  
preu 3 livros; depois foi buscar  
mais 3; quantas vezes comprou  
3 livros? 2 v. E 2 v. 3 livros, quan-  
tos livros são? 6.

Numa avenida, ha uma fileira com 10 arvores; na outra, em frente, ha tambem 10; quantas vezes ha 10 arvores? e 2 vezes 10 arvores quantas arvores são? Eo.

### Fase abstrata

Pergunta-se quantas são  $2 \times 3$ ,  $4 \times 2$ ,  $6 \times 3$ ,  $2 \times 2$ ,  $3 \times 4$ ,  $3 \times 3$ , etc

Aprenderam, hoje, uma continha de vezes ou multiplicar e agora vão aprender a escreve-la.

### Fase escrita

Escreve-se no quadro  $\frac{2}{3}$   
é uma conta? Não Por quê?  
Porque falta o traço e um sinal (uma cruzinha deitada  $\times$ ) que se coloca ao lado do 2º n.º  
O 1º n.º chama-se Multiplicando, o 2º - Multiplicador e o 3º - resultado - Produto.

## Aplicação

Manda-se os alunos fazer continhas no quadro e uns podem ditar para os outros.

## Divisão

Aula	- - -	1 ano.
Método	- - -	Ind. - Dedut.
Forma	- - -	Porter. - Expos.
Modo	- - -	Simult. - Indiv.
Processos	- - -	Objetivação, concretização, abstração, escrita e aplicação.

## Fase objetiva

Tenho 6 lapis e quero repartir a 2 meninas; quantos lapis darei a cada uma? 3.  
Com lugar de dizer repartir

como, poderei dizer? Dividir  
Fazem-se outros exercícios com  
bolinhas, palitos, botões, etc.

## Fase concreta

Maria tem 8 balas e quer reparti-las  
entre 4 amiguinhas; quantas dará  
a cada uma?

Uma menina tem 6 livros e quer  
dividi-los entre seus 2 irmãozinhas.  
Quantos dará a cada um?

Uma menina tem 10 bonecas e  
quer dá-las às 2 irmãs; quantas  
~~deverá~~ dará a cada uma?

## Fase abstrata

Pergunta-se quantos são:  $4 \div 2$ ,  $6 \div 3$   
 $8 \div 2$ ,  $8 \div 4$ ;  $6 \div 3$ ,  $10 \div 2$ ,  $2 \div 2$ , etc.

## Fase escrita

Agora, vão aprender a escre-  
ver esta continha de dividir.

8 - 4 = 2 no quadro:  $4 \overline{) 8}$   
é uma continha? Não. Porquê?

$4 \overline{) 8}$

Porquê falta o sinal (=)?  
Ensina-se que o 1.º nº cha-  
ma-se dividendo; o 2.º divisor  
e o resultado; quociente.

## Aplicação

Fazem-se continhas no  
quadro, p.º que coloquem  
o resultado (o sinal =)

Divisão

Multiplicação

2.º Soma

3.º Subtração

Verbo

trunqueto

substituto

cilindro e pirâmide

Tortuga

Graves e agudas

Desdobras

Letras

Letras

Letras

Pal.

Pronome



# Pedação

Aula - - - 4º ano  
Método - - - Indutivo - dedutivo  
Forma - - - Expositiva - interrogativa  
Modo - - - Simultâneo - individual.

Lê-se ou conta-se às crianças uma história, mandando, em seguida, 2 ou 3 meninas repetirem-na.

Manda-se fazer a pedação, que será recolhida e corrigida no dia seguinte.

Depois da correção, devolvem-se as pedações, fazendo notar às crianças seus erros e explicando o porquê da correção.

## Lição de coisas:

### Giz

Aula - - -  
Método - - -  
Forma - - -

Modo - - -  
Processos - - -

Mostra-se  
Representa-se um giz às crianças.

- O que é isto?

- Um corpo.

- Muito bem. E quem sabe o nome deste corpo?

- Giz.

- Bem. Agora, vamos ver quem sabe uma propriedade do giz. Ninguém? Bem, então, eu vou ensinar.

O giz é: (branco e preto)

Sólido - porque apresenta resistência à quebra

poroso - " tem poros.

friável - " se reduz facilmente a pó.

brando - " se pode introduzir a unha.

pegajoso - " , molhando, pega em outros objetos.

absorvente - " absorve água ou tinta.

insípido - " não tem sabor.

inodoro - " " " cheiro.

Agora, vou ensinar como é o processo

pelo qual obtemos giz:

O giz é encontrada nas minas; é, pois, um mineral. Sendo <sup>provavelmente</sup> proveniente de solinas, ele existe na natureza, logo é um mineral natural.

Nas minas, está misturado com areia. É então bem lavado, até que a água fique branca e o giz, completamente livre da terra. É colocado, depois, em formas de papelão e posto a secar. Depois de seco, são estas formas rasgadas, obtendo-se assim o giz.

Obs. - A medida que ensinarmos as propriedades do giz faremos, no quadro negro, uma charada, como segue:

Giz { branco  
opaco  
solido  
poroso  
friavel  
brando  
faveloso  
absorvente  
insípido  
inodoro  
mineral natural.

## Artigo

Aula - - - 2º ano  
Tema - - - Artigo  
Materia - - - Linguagem  
Método - - - Indutivo - dedutivo  
Modo - - - Simultâneo - individual  
Forma - - - Interrogativa - expectativa  
Material - - - Gravuras, quadros, livros.

## Iniciação

Exerem-se ao quadro substantivos uniformes.

- o artista                      a artista  
o estudante                  a estudante
- O que representa a 1ª palavra, um homem ou uma mulher?
  - Um homem.
  - Muito bem. E como é que pode reconhecer que a primeira palavra representa um homem?
  - Pela palavra o  
(É assim com as outras palavras).

~~o pires            os pires  
o lapis            os lapis.~~  
- Quando dizemos "os pires", quantos pires temos?

- 1
- Muito bem. E como sabe que é 1 pires
- Pela palavra o
- Isto mesmo. Então, não têm que a palavra o indica uma só coisa e a palavra os indica mais de uma.

## Aprendizado

- Como se chamam então estas palavras que estão <sup>antes</sup> dos substantivos?  
- Não se lembram? Bem, então eu vou dizer-lhes: é artigo.

Qual é a menina que quer ler os artigos, que estão escritos no quadro negro?

Muito bem. Agora, vou ensinar-lhes a definição da palavra artigo: Artigo é uma palavra que se antepõe ao substantivo para designá-lo.

Quem quer repetir o que eu disse?

(Ensinar a divisão do artigo em definido e indefinido.)

Artigo definido - quando nos referimos a um objeto que conhecemos. Ex.: Traga-me o livro (quem dizer que eu já sei qual é o livro)

Indefinido - quando nos referimos a um objeto que não conhecemos. Ex.: Traga-me um livro (ainda não sei qual é o livro)

Escrevem-se, então, em colunas, o artigos definidos e indefinidos

o	um
a	uma
os	uns
as	umas

- Bem, e agora quem quer dizer o que é um artigo definido? Ninguém sabe? Então, eu vou dizer: Artigo definido é uma palavra que se coloca antes do substantivo, para determiná-lo.

Artigo indefinido - é o que se coloca antes do substantivo, para determiná-lo de

um modo pago.

## Aplicação

Pedir às crianças frases com os diversos artigos. Escrever frases no quadro para que sublinhem os artigos.

## Cubo e esfera

Ásua - - - -

Tema - - - - Cubo e esfera

Materia - - - - Geometria

Método - - - -

Modo - - - -

Forma - - - - Interrogativa-expositiva

Material - - - - um cubo e uma esfera  
(o obj. da mesma forma)

Apresenta-se às crianças um cubo.  
- Que é que eu tenho na mão?  
Um corpo.

- De que é feito este corpo  
De madeira

- E como está a madeira? Saiu  
assim da árvore?

Não. Está trabalhada e polida.  
- Conhecem algum objeto desta forma?

Caixa, dado, barra de sabão  
- O que observam neste corpo? Será redondo?  
É quadrado.

- Sabem como se chamam estes lados?

Faces  
- Quantas faces tem este corpo?  
6

(Consina. depois o que são arestas e  
vértices) (o nome do corpo: cubo)

Apresenta-se uma esfera.  
- É igual ao outro corpo?  
Não

- Qual a forma deste?  
Redonda

- Conhecem objetos redondos?  
Bola, globo, laranja

- Quantas faces tem?

Uma  
- Sem arestas e vértices?

Não  
- Por que não tem arestas? Não sabem?  
Bem, vou explicar: aresta, como já disse, é o encontro de duas faces. Como a esfera só tem uma face, não pode ter arestas. Compreenderam?

- Quero ver quem sabe por que não tem vértices?

Por que vértice é o encontro de duas arestas. Não tendo arestas, não pode ter vértices.

- Muito bem! Agora vou mostrar os dois corpos que estudarmos hoje (como é mesmo que eles se chamam) isso mesmo: o quadrado é cubo. E o redondo? Alguém sabe? Não? Bem: é esfera) como estava dizendo, vou mostrar juntos o cubo e a esfera e vocês me

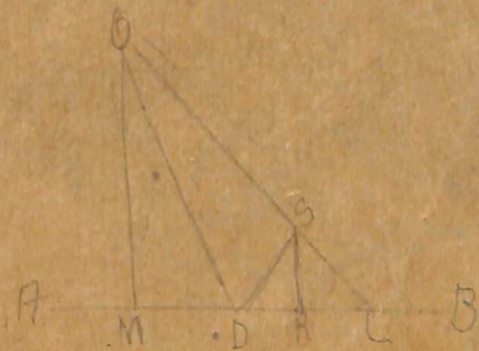
dixam tudo o que notarem neles. Quais as diferenças e semelhanças.

cubo } corpo { faces { 6  
                    { arestas { 12  
                    { vértices { 8  
  { iguais  
  { planas  
  { quadradas

esfera } corpo } face { 1 curva

---

Vera Gaspar Martínez



## Hino Nacional

I

Quiram do Ipiranga as margens placidas  
De um povo heroico o brado retumbante  
E o sol da liberdade, em raios fulgidos,  
Brilhou no céu da Pátria nesse instante.

Se o penhor dessa igualdade  
Conseguirmos conquistar com braço forte,  
Em teu seio, ó liberdade,  
Desafia o nosso peito a própria morte!

O' Pátria amada,  
Idolatrada,  
Salve! Salve!

Brasil, um sonho intenso, um raio vívido  
De amor e de esperança à terra desce,  
Se em teu formoso céu, risonho e límpido,  
A imagem do Cruzeiro resplandece

Gigante pela própria natureza,  
Ér' bôlo, és forte, impávido colosso,  
E o teu futuro espelha essa grandiosa

Terra adorada  
Entre outras mil,  
Ér' tu, Brasil,  
O' Pátria amada!

Des filhos deste sólo és mãe gentil,  
Pátria amada,  
Brasil!

Destado eternamente em berço esplendido,  
Ao som do mar e à luz do céu profundo,  
Fulguras, ó Brasil, florão da America,  
Iluminado ao sol do Novo Mundo!

Do que a terra mais garrida,  
Teus risonhos, lindos campos têm mais flores",  
"Nossos bosques têm mais vida",  
"Nossa vida" no teu seio "mais amores"

O' Pátria amada,  
Idolatrada,  
Salve! Salve!

Brasil, de amor eterno seja símbolo  
O lábaro que ostentas estrelado,  
E diga o verde-louro desta flâmula  
— Paz no futuro e glória no passado —

Mor te erguer da justiça a clava forte,  
Verás que um filho teu não foge à luta,  
Nem teme, quem te adora, a própria morte.

Terra adorada  
Entre outras mil,  
Ér' tu, Brasil,  
O' Pátria amada!

Des filhos deste sólo és mãe gentil,  
Pátria amada,  
Brasil!

## Hino á Bandeira

Salvo, lindo pendão da esperança,  
Salvo, símbolo augusto da paz!  
Tua nobre presença á lembrança  
A grandiosa da patria nos traz.

Recebe o afeto que se encerra  
Em nosso peito juvenil,  
Querido simbolo da terra,  
Da amada terra do Brasil

Em teu seio formoso, estratagemas  
Esta obra de purissimo anal  
A nodura tem por destas matas  
E o esplendor do Cruzeiro do Sul

Recebe o afeto, etc. etc.

Contemplando o teu sulco sagrado,  
Compreendemos o nosso dever:  
Ó Brasil, por seus filhos amado,  
Poderoso e feliz ha de ser!

Recebe o afeto, etc. etc.

Sobre a imensa nação brasileira  
Nos momentos de festa ou de dor,  
Pátria sempre adorada bandeira,  
Podirão da justiça e do amor!

OLAVO BILAC

## Hino da Independencia

Já pedes, da patria filhos,  
Ver' contente a mão gentil;  
Já raio a liberdade  
No horizonte do Brasil.

Brava Gente Brasileira!  
Longe vá temor seril;  
Ou ficar a patria livre,  
Ou morrer pelo Brasil!

Os grilhões que nos forjava  
Da perfidia astuto ardil,  
Houve mão mais poderosa —  
Zombou d'ela o Brasil!

Brava Gente Brasileira! etc.

Filhos, chama, caros filhos,  
É' depois de aprontar mil  
Que a vingar a negra injuria  
Vem chamar-vos o Brasil.

Brava Gente Brasileira! etc.

Não temeis impiar telegeseis,  
Que apreciam fôrça mortal:  
Vosso peitor, Vosso braço  
Sôo muralhas do Brasil.

Brava Gente Brasileira! etc.

Morta Pedro, á morte fronte,  
Alma suscipida e viril;  
Tendes não a D'el-rei Chefo  
Deste Império do Brasil.

Brava Gente Brasileira! etc.

O Real Herdeiro Augusto,  
Conhecendo o jugano vil,  
Em despeito dos tiranos,  
Quiz ficar no seu Brasil.

Brava Gente Brasileira! etc.

Revocam combates tristes -  
Da civil guerra civil,  
Mas legaram aprontados,  
Vendo a d'ela do Brasil.

Brava Gente Brasileira! etc.

Mal sou, na terra, ao longe  
Nosso grito varonil,  
Nos imensos ombros, logo,  
A cabeça ergue o Brasil.

Brava Gente Brasileira! etc.

Parabens, ó Brasileiros!  
Já com garbo juvenil  
Do Universo entre as Nações  
Resplandece a do Brasil.

Brava Gente Brasileira! etc.

Parabens, já romas flores;  
Já brilhante e zenhoril  
Vai juntar-se em nossos lares  
A Assembléa do Brasil.

Brava Gente Brasileira! etc.