

FABIO JOSÉ BACHARÁ SANCHEZ

MATEMÁTICA 1º SEMESTRE

6º SEMESTRE C.

EU/9008/123



## TF - FRAÇÕES (4)

Resolva os problemas no caderno, fazendo sempre a representação gráfica e a sentença matemática :

- 1) Numa escola, 200 alunos são católicos, 80 são protestantes e os 20 restantes são judeus. Considerando o total dos alunos como a unidade, responda:
  - a) Que fração do total dos alunos da escola corresponde aos católicos?
  - b) Que fração do total dos alunos da escola corresponde aos - protestantes?
  - c) Que fração dos alunos da escola corresponde aos judeus?
- 2) Andei  $\frac{3}{5}$  km para ir até a escola e fiz o mesmo caminho na volta. Quanto andei?
- 3) Em um aparelho de som, um disco dá  $33\frac{1}{2}$  voltas em 1 minuto. Se o disco tocar 21 minutos, quantas voltas dará?
- 4) Milena tem 4 quilogramas de balas. Quantos pacotes contendo  $\frac{2}{5}$  de quilograma Milena pode fazer com as balas que tem?
- 5) Compramos 3 pizzas para distribuir igualmente entre 6 pessoas. Que fração de uma pizza receberá cada pessoa?
- 6) A prefeitura de uma cidade distribuiu seu orçamento da seguinte maneira:
  - $\frac{3}{20}$  para construção de estradas;
  - $\frac{1}{4}$  para construção de escolas;
  - $\frac{1}{3}$  do restante para assistência médica.
 O que sobrou, isto é, R\$ 1.600.000,00 foi destinado a obras - sociais. Responda:
  - a) Qual é o orçamento da prefeitura?
  - b) Quanto foi destinado para cada um dos itens citados?

ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Fabiano S

DATA:

18/9/89

6ª SÉRIE

M. 1361

T.P. - PORCENTAGEM

Reveja suas fichas anteriores sobre porcentagem (M.50, M.61 e M.62).

1 - Escreva as porcentagens:

a) na forma de fração com denominador 100.

b) na forma de fração irredutível. (simplificar)

18% =  $\frac{18}{100} = \frac{9}{50}$  ✓

45% =  $\frac{45}{100} = \frac{9}{20}$  ✓

25% =  $\frac{25}{100} = \frac{1}{4}$  ✓

100% =  $\frac{100}{100} = \frac{1}{1}$  ✓

20% =  $\frac{20}{100} = \frac{1}{5}$  ✓

120% =  $\frac{120}{100} = \frac{6}{5}$  ✓

2 - Escreva na forma de porcentagem (%).

$\frac{2}{5} = 40\%$  ✓

$\frac{3}{15} = 20\%$  ✓

$\frac{1}{4} = 25\%$  ✓

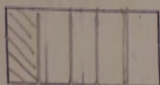
$\frac{13}{20} = 65\%$  ✓

$\frac{3}{10} = 30\%$  ✓

$\frac{14}{50} = 28\%$  ✓

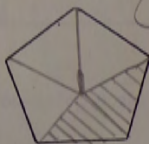
3 - a) Pinte 20% de cada figura:

$$20\% \quad \frac{20}{100} = \frac{1}{5}$$



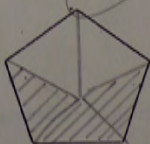
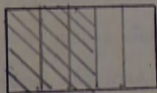
b) Pinte 40% de cada figura:

$$40\% \quad \frac{40}{100} = \frac{2}{5}$$



c) Pinte 60% de cada figura:

$$60\% \quad \frac{60}{100} = \frac{3}{5}$$



4 - Complete com  $>$ ,  $<$  ou  $=$ :

$$\frac{1}{5} \dots\dots < \dots\dots 25\%$$

$$75\% \dots\dots > \dots\dots \frac{3}{5}$$

$$\frac{4}{10} \dots\dots < \dots\dots 50\%$$

$$\frac{2}{5} \dots\dots > \dots\dots 25\%$$

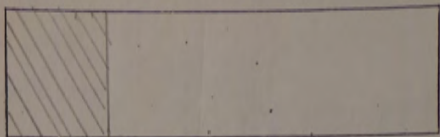
$$\frac{50}{100} \dots\dots < \dots\dots 75\%$$

$$20\% \dots\dots < \dots\dots \frac{49}{100}$$

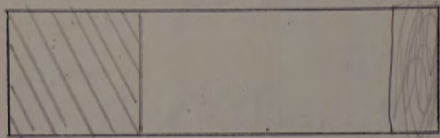


5 - Represente graficamente as porcentagens:

24% ou  $\frac{24}{100}$  ou  $\frac{6}{25}$



30% ou  $\frac{30}{100}$  ou  $\frac{3}{10}$



6 - Pedro tem 240 moedas antigas. Separou-as em 5 caixas, de acordo com o ano de impressão.

Obteve o seguinte:

10% das moedas são de 1.911,

15% das moedas são de 1.912,

20% das moedas são de 1.920,

25% das moedas são de 1.927,

30% das moedas são de 1.929.

Construa máquinas para resolver as questões seguintes:

a) Quantas moedas são de 1.911?

$$\begin{array}{r} 240 \\ \times \frac{10}{100} \\ \hline 24 \end{array}$$

R: Pedro tem 24 moedas de 1911

b) Quantas moedas são de 1.912?

$$\begin{array}{r} 240 \\ \times \frac{15}{100} \\ \hline 36 \end{array}$$

R: Pedro tem 36 moedas de 1912

c) Quantas moedas são de 1.920?

$$240 \frac{2}{10} 48$$

R: Pedro tem 48 moedas de 1.920

d) Quantas moedas são de 1.927?

$$240 \frac{108}{100} 60$$

R: Pedro tem 60 moedas de 1.927

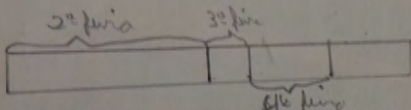
e) Quantas moedas são de 1.929?

$$240 \frac{3}{10} 72$$

R: Pedro tem 72 moedas de 1.929

7 - Gustavo completou o tanque de sua moto na 2ª feira e gastou, nesse mesmo dia 50% do tanque. Na 3ª feira gastou mais 10% do tanque. Na 4ª feira gastou mais 1/5 do tanque.

a) Faça um gráfico para representar esta situação.



b) Que porcentagem do tanque Gustavo ainda tem para gastar?

R: Gustavo ainda tem para gastar 20% do tanque

c) Se o tanque da moto de Gustavo tem capacidade para 10 litros de gasolina, quantos litros Gustavo já gastou?

R: Gustavo já gastou 8 litros

$$\begin{array}{r} 295 \\ 321 \\ \hline 412 \\ \text{cm} \end{array}$$

representar em gráfico pelo gráfico

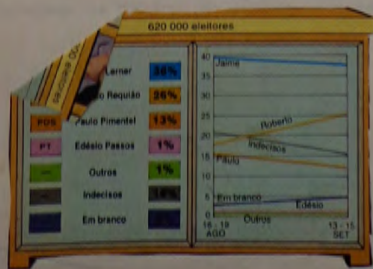
M. B. Santos

# 41% DOS INVESTIMENTOS EM MAQUINAS, EQUIPAMENTOS E INSTALAÇÕES FEITOS NO PAÍS SÃO DE EMPRESAS QUE USAM ESTE SÍMBOLO.

INDICADORES FINANCEIROS			
	Atual (2-86)	Ho um mês	Ho um ano
<b>RENDA FIXA</b>			
Overnight (financiamento — médio ao mês)	0,94%	0,94%	2,02%
CDB* (90 dias, líquido ao mês)	0,99%	0,99%	3,16%
Letra de câmbio* (líquido ao mês)	0,99%	0,98%	3,31%
Fundo de renda fixa (ao mês)	0,94%	0,94%	2,52%
Caderneta de poupança (ao mês)	0,5%	0,5%	0,5%
<b>RENDA VARIÁVEL</b>			
Ibovespa (índice)	16 957	19 666	1 296
IBV (índice)	5 668	4 752	682
Carteira de blue chips* (índice)	2 511	2 563	181
Carteira de segunda linha* (índice)	14 446	17 103	1 115
Ouro (Cr\$-grama — São Paulo)	226,00	216,00	66,00
<b>MERCADO NACIONAL</b>			
Custo do dinheiro (taxa efetiva, ao mês, juros compostos)			
— Bancos comerciais, desconto empresas médias	2,71%	2,68%	6,49%
— Bancos de investimento	2,20%	2,28%	5,75%
— Crédito direto ao consumidor	4,00%	3,58%	5,59%
Valor do OTM (Cr\$)	106,40	106,40%	42,02
<b>MERCADO INTERNACIONAL</b>			
Libor (ao ano, empréstimos de 6 meses)	7,00%	6,83%	7,87%
Prime rate (ao ano)	9,00%	9,00%	10,00%
Dólar paralelo (Cr\$)	20,80	19,90	6,34
Dólar paralelo/oficial	50,38%	43,78%	18,70%
Bolsa de Nova York (Dow Jones Industrial — índice)	1 878	1 774	1 300

\* Taxa padrão de 100 mil cruzeiros, governo Prosa

† Os dados das colunas "ho um mês" e "ho um ano" foram deflacionados pelo variação do IPC-A para permitir comparações. Para atualização contínuas sendo feita até os últimos, dentro do nível estatístico econômico, número mensal e anuais tem a indexação.



ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Felipe S

DATA: 12/08/87

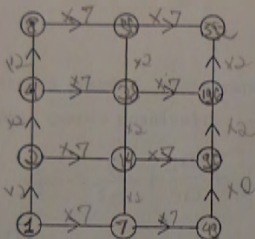
6ª SÉRIE

M357 87

Avaliação 2º bimestre

1- Observe a estrutura fatorial construída abaixo, onde:  $\xrightarrow{x \ 7}$

e  $\uparrow x \ 2$



- Complete a estrutura fatorial, observando as direções indicadas e descubra o número representado.
- Indique o número representado na estrutura fatorial, através de seus fatores primos:

$$2 \times 2 \times 2 \times 7 \times 7 = 392$$

- Determine todos os fatores do número representado na estrutura fatorial:

$$F_{392} \{ 1, 2, 4, 7, 8, 14, 28, 49, 56, 98, 196, 392 \}$$

- 2- Decomponha o número 72 em seus fatores primos e determine todos os seus fatores (divisores).

$$\begin{array}{r|l} 72 & 3 \\ 24 & 2 \\ 12 & 2 \\ 6 & 2 \\ 3 & 3 \\ 1 & \end{array}$$

$$F_{72} = \{1, 2, 3, 4, 6, 8, 9, 12, 18, 24, 36, 72\}$$

- a) Indique o número 72 através de seus fatores primos.

$$8 \times 9 = 72$$

X

- 3- Resolva as operações com frações, registrando as etapas e simplificando os resultados, quando possível:

a)  $\frac{1}{5} + \frac{2}{3} + \frac{5}{2} = \frac{6}{30} + \frac{20}{30} + \frac{75}{30} = \frac{101}{30}$  C

$$m.m.c(5, 3, 2) = 30$$

b)  $\frac{7}{8} + \frac{1}{2} - \frac{1}{4} = \frac{7}{8} + \frac{4}{8} - \frac{2}{8} = \frac{9}{8}$  C

$$m.m.c(8, 2, 4) = 8$$

c)  $\frac{4}{7} \cdot \frac{2}{4} = \frac{8}{28} = \frac{2}{7}$  C

d)  $\frac{4}{5} \cdot \frac{5}{4} + \frac{3}{4} = \frac{20}{20} + \frac{3}{4} = \frac{20}{20} + \frac{15}{20} = \frac{35}{20} = \frac{7}{4}$  C

$$m.m.c(20, 4) = 20$$

e)  $\frac{8}{5} - \frac{2}{3} = \frac{24}{15} - \frac{10}{15} = \frac{14}{15}$  *Atenção para a operação!!!*

$$m.m.c(5, 3) = 15$$



$$f) \frac{9}{4} : \frac{2}{8} = \frac{9 \cdot 2}{8} = \frac{18}{8} = \frac{9 \cdot 2}{4} = \frac{18}{4} = \frac{9}{2} = 4 \frac{1}{2} \quad C$$

$$g) \frac{3}{2} : \frac{2}{4} = \frac{3 \cdot 2}{4} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2} \quad C$$

4- Resolva as expressões, registrando as etapas e simplificando os resultados quando possível:

$$a) \left[ \frac{2}{3} + \left( \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{6} \right) \right] = \frac{11}{12}$$

$$\frac{2}{3} + \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{6} = \frac{8}{6} + \frac{3}{12} = \frac{11}{12} \quad C$$

$$\frac{3}{2} \cdot \frac{1}{6} = \frac{3}{12}$$

$$M.M.C.(3, 2) = 12$$

$$b) \left[ \left( \frac{6}{12} : \frac{1}{3} \right) \cdot \frac{2}{3} \right] =$$

$$\frac{18}{12} \cdot \frac{2}{3} = \frac{36}{36} = 1 \quad C$$

$$\frac{6}{12} : \frac{1}{3} = \frac{18}{12}$$

$$c) \left\{ 4 - \left[ \frac{2}{3} + \left( \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{6} \right) \right] - \left[ \left( \frac{6}{12} : \frac{1}{3} \right) \cdot \frac{2}{3} \right] - \frac{1}{12} \right\} = \frac{2}{1}$$

$$\left\{ 4 - \left[ \frac{2}{3} + \frac{3}{12} \right] - \left[ \frac{18}{12} \cdot \frac{2}{3} \right] - \frac{1}{12} \right\} =$$

$$4 - \frac{11}{12} - \frac{1}{1} - \frac{1}{12} = \frac{48}{12} - \frac{11}{12} - \frac{12}{12} - \frac{1}{12} = \frac{14}{12} = \frac{7}{6}$$

$$\dots (0, 12, 24) \Rightarrow 24$$

razão  
correto. A função  
da origem!

$$\frac{3}{2} \cdot \frac{1}{6} = \frac{3}{12}$$

$$\frac{6}{12} : \frac{1}{3} = \frac{18}{12}$$

$$\frac{2}{3} + \frac{3}{12} = \frac{8}{12} + \frac{3}{12} = \frac{11}{12}$$

$$\frac{18}{12} \cdot \frac{2}{3} = \frac{36}{36}$$

5- Resolva os problemas:

a) Marina gastou a sua mesada da seguinte maneira:

$\frac{2}{3}$  em lanches, sendo que com  $\frac{1}{2}$  do que gastou em lanches comprou sanduíches.

- Que fração da sua mesada gastou em sanduíches?

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} = \frac{2 \cdot 1}{3 \cdot 2} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{3}$$

?!

R: gastou em sanduíche  $\frac{1}{3}$  de mesada

- Que fração da sua mesada sobrou para outros gastos?

R: Sobrou para outros gastos  $\frac{1}{3}$

b) Considerando que Marina recebe Cz\$ 2 400,00 de mesada, responda:

- Quanto Marina gastou em lanche?

$$\begin{array}{r} 800 \\ 800 \\ \hline 1600 \end{array}$$

R: Marina gastou em lanche Cz\$ 1.600

- Quanto gastou em sanduíches?

$$\begin{array}{r} 1600 \\ 1600 \\ \hline 3200 \end{array}$$

R: Gastou em sanduíches Cz\$ 1.600

- Quanto sobrou para outros gastos?

$$\begin{array}{r} 2400 \\ - 1600 \\ \hline 0800 \end{array}$$

R: Sobrou para outros gastos Cz\$ 800

ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Fabiano

DATA: 11/6/87

6ª SÉRIE

M. / 31

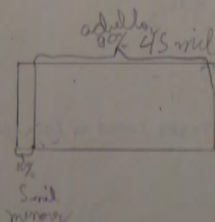
L.C. - PROBLEMAS COM PORCENTAGEM

Para resolver estes problemas, você pode recorrer a:

- gráficos,
- máquinas,
- cálculos.

Se tiver alguma dúvida, reveja suas fichas M./51/83 e M./52/83.

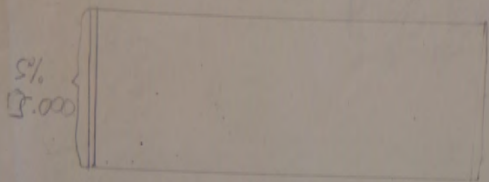
- 1 - Num estádio de futebol havia 50.000 torcedores, dos quais 10% eram menores. Quantos eram adultos?



← TORCEDORES

R: 45.000 torcedores adultos

- 2 - Um vendedor recebe 5% de comissão sobre as vendas efetuadas. Qual a sua comissão na venda de um produto no valor de Cr\$ 100.000,00?



R: Sua comissão é de R\$ 5.000,00

- 3 - Ao ser paga com atraso, uma prestação de Cr\$ 800,00 sofreu um acréscimo de 3%.

a) De quanto foi o acréscimo?

$$800 \times \frac{3}{100} = 24$$

R: O acréscimo é de R\$ 24,00

b) Qual foi o total pago?

$$\begin{array}{r} 800 \\ + 24 \\ \hline 824 \end{array}$$

R: O total pago é de R\$ 824,00

4 - 12 alunos representam 25% de uma classe.

Qual é o total de alunos desta classe?

$$\begin{array}{r} 12 \\ 12 \\ 12 \\ 12 \\ \hline 48 \end{array}$$

R: O total de alunos é de 48

5 - São descontados 8% do salário de um operário para o INAMPS.

O salário do operário é Cr\$ 40.000,00.

a) Qual o valor do desconto?

R: O desconto é de 3.200,00

$$400 \quad \left( \frac{8}{100} \right) \quad 32$$

b) Quanto recebe este operário (salário líquido)?

$$\begin{array}{r} 34000,00 \\ - 3200,00 \\ \hline 30800,00 \end{array}$$

R: O salário líquido é de 30.800,00



ESCOLA VERA CRUZ

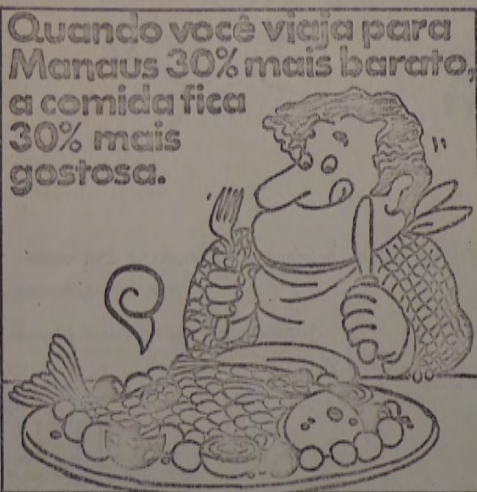
NOME: Roberto

DATA: 4/8/81

6ª SÉRIE

M. 133

A.C. - PORCENTAGEM - PROBLEMAS



- A - Leia a mensagem acima, que retiramos de um jornal de São Paulo. Tente explicá-la com suas palavras.

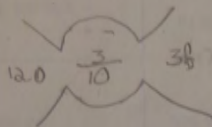
de que o passageiro tem  $\frac{3}{10}$  mais barato assim como de  $\frac{3}{10}$  mais ele come com  $\frac{3}{10}$  a mais no resto

B - Resolva os problemas, usando como recurso seus conhecimentos anteriores (máquinas, gráficos, sentenças matemáticas).

Não se esqueça: deve deixar registrado tudo que for feito.

- 1) Uma passagem aérea, de ida e volta, a Belo Horizonte custa Cr\$ 12.000,00. Se conseguirmos um desconto de 30%, qual será o preço da passagem?

R: O preço da passagem vai ficar Cr\$ 8400

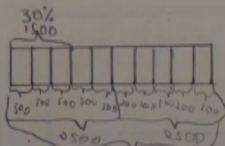


$$\begin{array}{r} 12000 \\ - 3600 \\ \hline 8400 \end{array}$$

- 2) Recebo Cr\$ 5.000,00 de mesada. A partir de setembro vou ser aumentado em 30%.

Quanto vou receber de aumento?

R: Irei receber de aumento Cr\$ 1500



Quanto passarei a receber de mesada?

$$\begin{array}{r} 5.000 \\ + 1.500 \\ \hline 6.500 \end{array}$$

R: Irei receber de mesada Cr\$ 6500,00

3) Numa classe de 40 alunos foram organizados grupos para irem pesquisar na Biblioteca.

Este trabalho ficou distribuido de acordo com a tabela abaixo.

DIA DA SEMANA	TRABALHAM NA BIBLIOTECA	NÚMERO DE ALUNOS
2a. feira	30% dos alunos	12
3a. feira	10% dos alunos	4
4a. feira	15% dos alunos	6
5a. feira	40% dos alunos	16
6a. feira	5% dos alunos	2

Complete esta tabela.

- 4) Fomos informados que, numa indústria, por falta de peças, foram fabricados, nesta semana, apenas 28 motos. Estas 28 motos correspondem a 25% da produção normal. Se não tivessem faltado peças, quantas motos essa indústria teria produzido?

R: A indústria produziria

112

$$\begin{array}{r}
 3 \\
 28 \\
 28 \\
 28 \\
 28 \\
 28 \\
 \hline
 112
 \end{array}$$

- 5) Para confeccionar uma fantasia vamos gastar 80 metros de fitas coloridas. Você deverá completar a tabela abaixo, onde aparecem a porcentagem, a cor e a metragem das fitas. Use mais duas cores a sua escolha. Não se esqueça que não deve sobrar, nem faltar fitas. Vamos gastar os 80 metros.

COR DAS FITAS	PORCENTAGEM	QUANTIDADE EM METROS
Vermelhas	10%	8 m
Azuis	20%	16 m
Verdes	20%	16 m
Amarela	20%	16 m
Branca	30%	24 m

ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Fabiano S

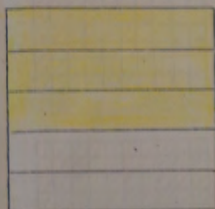
DATA: 4/8/87

6ª SÉRIE

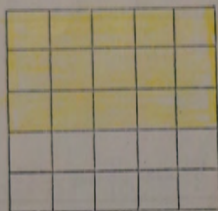
M. / 32 / 87

A.C. - PORCENTAGEM

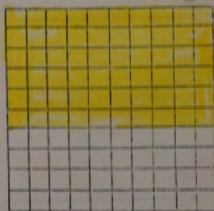
1. Pinte, sempre na horizontal, as frações indicadas nos gráficos abaixo:



$$\frac{3}{5}$$



$$\frac{15}{25}$$



$$\frac{60}{100}$$

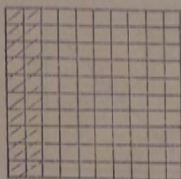
Você pode observar que:

$$\frac{3}{5} = \frac{15}{25} = \frac{60}{100}$$

A fração  $\frac{60}{100}$  pode ser escrita 60% e lê-se: 60 por cento

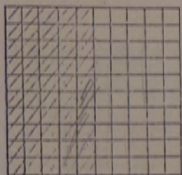


2. Observe o exemplo e complete:



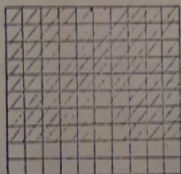
$$\frac{20}{100} \text{ ou } \frac{2}{10} \text{ ou } \frac{1}{5}$$

20 por cento ou 20%



$$\frac{50}{100} \text{ ou } \frac{5}{10} \text{ ou } \frac{1}{2}$$

50 por cento ou 50%

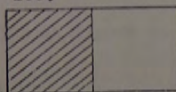


$$\frac{80}{100} \text{ ou } \frac{8}{10} \text{ ou } \frac{4}{5}$$

80 por cento ou 80%

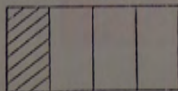
3. Encontre as porcentagens, procurando frações equivalentes com denominador 100.

Exemplo:



$$\frac{1}{2} = \frac{5}{10} = \frac{50}{100}$$

50 por cento ou 50%



$$\frac{1 \cdot 25}{4 \cdot 25} = \frac{25}{100}$$

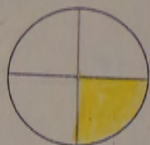
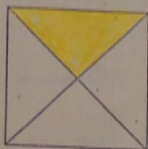
25 por cento ou 25%



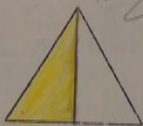
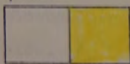
$$\frac{2}{4} = \frac{15 \cdot 25}{20 \cdot 25} = \frac{375}{500}$$

75 por cento ou 75%

4. a) Pinte 25% de cada figura:



b) Pinte 50% de cada figura:



c) Pinte 75% de cada figura:



d) Pinte 50% da figura em vermelho e mais 25% da figura em azul:



5. Vamos corresponder as porcentagens:

$$\frac{1}{10} \rightarrow 10\%$$

$$\frac{93}{100} \rightarrow 93\%$$

$$\frac{30}{100} \rightarrow 30\%$$

$$\frac{3}{4} \rightarrow 75\%$$

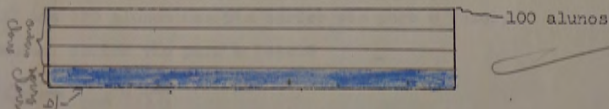
$$\frac{1}{2} \rightarrow 50\%$$

$$\frac{2}{5} \rightarrow 40\%$$

6. As 5<sup>as</sup> séries têm no total 100 alunos. Nossa classe tem  $\frac{1}{4}$  deste total.

Nossa classe corresponde a 25 % do total de alunos das 5<sup>as</sup> séries.

Represente esta situação no gráfico:



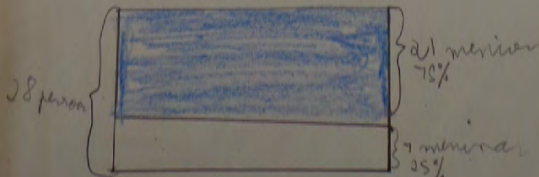
7. Resolva o problema e represente-o graficamente:

Uma classe tem 28 alunos. 75% dos alunos são meninos.

Quantos meninos? 21

Quantas meninas? 7

Qual a porcentagem de meninas? 25%



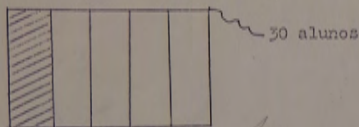
8. Uma classe tem 30 alunos. No 1º bimestre do ano, 20% destes alunos leram o livro Memórias de um Menino de Negócios.

Quantos alunos leram Memórias de um Menino de Negócios? 6

Lembre-se que:

$$20\% \rightarrow \frac{20}{100} = \frac{2}{10} = \frac{1}{5}$$

Então, 20% de 30 é o mesmo que  $\frac{1}{5}$  de 30.



$$20\% \text{ de } 30 = \underline{6}$$

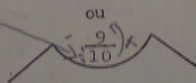
9. 90% dos 120 alunos das 5ªs séries vão para o Paiol.

Quantos alunos vão para o Paiol?

$$90\% \rightarrow \frac{90}{100} = \frac{9}{10}$$

Para calcularmos uma porcentagem podemos também utilizar máquinas:

total de alunos 90% alunos que vão  
120 ou para o Paiol



$$90\% \text{ de } 120 = \underline{108}$$

*108 vão para o paiol 108 alunos*

10. Calcular:

a) 30% de 60 = 18

$$60 \times \frac{3}{10} = 18$$

b) 25% de 12 = 3

$$12 \times \frac{1}{4} = 3$$

c) 75% de 36 = 27

$$36 \times \frac{3}{4} = 27$$



## TP - FRAÇÕES (4)

Resolva os problemas no caderno, fazendo sempre a representação gráfica e a sentença matemática :

- 1) Numa escola, 200 alunos são católicos, 80 são protestantes e os 20 restantes são judeus. Considerando o total dos alunos como a unidade, responda:
  - a) Que fração do total dos alunos da escola corresponde aos católicos?
  - b) Que fração do total dos alunos da escola corresponde aos - protestantes?
  - c) Que fração dos alunos da escola corresponde aos judeus?
- 2) Andei  $\frac{3}{5}$  km para ir até a escola e fiz o mesmo caminho na volta. Quanto andei?
- 3) Em um aparelho de som, um disco dá  $33\frac{1}{2}$  voltas em 1 minuto. Se o disco tocar 21 minutos, quantas voltas dará?
- 4) Milena tem 4 quilogramas de balas. Quantos pacotes contendo  $\frac{2}{5}$  de quilograma Milena pode fazer com as balas que tem?
- 5) Compramos 3 pizzas para distribuir igualmente entre 6 pessoas. Que fração de uma pizza receberá cada pessoa?
- 6) A prefeitura de uma cidade distribuiu seu orçamento da seguinte maneira:
 

$\frac{3}{20}$	para construção de estradas;	
$\frac{7}{4}$	para construção de escolas;	
$\frac{1}{3}$	do restante	para assistência médica.

O que sobrou, isto é, R\$ 1.600.000,00 foi destinado a obras - sociais. Responda:

  - a) Qual é o orçamento da prefeitura?
  - b) Quanto foi destinado para cada um dos itens citados?

$$\begin{array}{r} 1 \\ 19 \\ 10 \\ 114 \\ 42 \\ 42 \end{array}$$

Vale

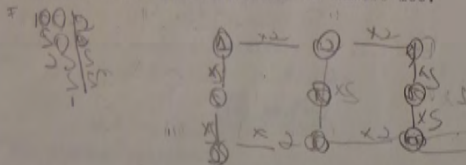
ORIENTAÇÃO DE ESTUDOS

A- Estrutura fatorial e divisibilidade.

Anote o número das fichas a serem estudadas.

FICHAS n°: 13, 14, 15, 16, 17, 18

1. Construa a estrutura fatorial do número 100.



Observando a estrutura fatorial que você construiu, responda:

a) Quais são os múltiplos de 5 menores ou igual a 100?

ns = 5, 10, 15, 20, 25, 30, 35, 40, 45, 50, 55, 60, 65, 70, 75, 80, 85, 90, 95, 100.

b) O número 100 é divisível por 10? Por que?

Por que 10 é fator de 100.

c) O número 100 é divisível por 6? Por que?

Por que 6 não é fator de 100

d) Indique todos os fatores (divisores) de 100.

$F_{100} \{ 1, 2, 4, 5, 10, 20, 25, 50, 100 \}$

e) A estrutura fatorial do número 50 está contida na estrutura fatorial do número 100. Que relação existe entre os números 50 e 100?

*É que 50 = fatores de 100*

2. Assinale os números divisíveis por 2, 5 e 10:

12, 15, 13, 111, 220, 181

Que recurso utilizou?

*O recurso do zero final*

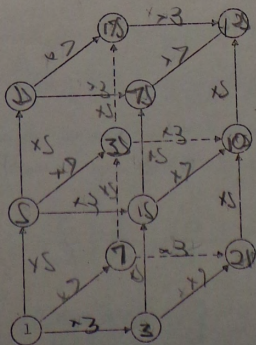
3. Assinale os números divisíveis por 2, 3 e 6:

18, 14, 36

Que recurso utilizou?

*Eu calculei todos os números*

4. Descubra um número que possa ser organizado na estrutura fatorial abaixo.



Número: 420

```

  525 | 5
  105 | 5
   21 | 7
    3 | 3
     1 |
  
```

Indique o número que você organizou na estrutura fatorial, através de seus fatores primos:

$$\begin{array}{r|l} 5 & 5 \\ 10 & 5 \\ 2 & 7 \\ 3 & 3 \end{array}$$

5. Decompor os números que seguem em seus fatores primos:

216 e 54

$$\begin{array}{r|l} 216 & 2 \\ 108 & 2 \\ 54 & 2 \\ 27 & 3 \\ 9 & 3 \\ 3 & 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 54 & 2 \\ 27 & 3 \\ 9 & 3 \\ 3 & 3 \\ 1 & \end{array}$$

- a) Quantas direções terá a estrutura fatorial do número 216?

Quais?

Tero 2 direções do 2 e do 3

- b) Quantas direções terá a estrutura fatorial do número 54?

Quais?

Tero 2 direções do 2 e do 3

#### B- Frações:

Anote o número das fichas a serem estudadas.

FICHAS n°:  $\left\{ \frac{2}{3}, \frac{4}{9}, \frac{8}{12}, \frac{10}{15}, \dots \right\}$

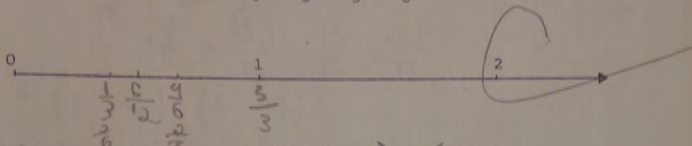
1. Construa as classes de equivalência, indicando pelo menos 4 representantes para cada classe:

$$\frac{2}{3} = \left\{ \frac{4}{6}, \frac{6}{9}, \frac{8}{12}, \frac{10}{15}, \dots \right\}$$

$$\frac{5}{4} = \left\{ \frac{10}{8}, \frac{15}{12}, \frac{20}{16}, \frac{25}{20}, \dots \right\}$$

2. Represente na reta numerada:

$$\frac{3}{3}, \frac{6}{12}, \frac{4}{6}, \frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{2}{6}$$



3. Compare as frações, completando com  $>$ ,  $<$  ou  $=$ .

$$\frac{3}{3} > \frac{2}{3}$$

$$\frac{4}{6} < \frac{4}{3}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{2}{6}$$

$$\frac{2}{5} > \frac{3}{10}$$

4. Resolva as operações com frações registrando as etapas:

$$a) \frac{2}{3} + \frac{3}{5} = \frac{10}{15} + \frac{9}{15} = \frac{19}{15}$$

$$e) \frac{2}{5} - \frac{3}{4} = \text{não é possível}$$

m.m.c(3,5) = 15

$$b) \frac{4}{3} + \frac{2}{4} = \frac{16}{12} + \frac{6}{12} = \frac{22}{12} = \frac{11}{6}$$

$$f) \frac{6}{2} - \frac{2}{3} = \frac{18}{6} - \frac{4}{6} = \frac{14}{6} = \frac{7}{3}$$

m.m.c(3,4) = 12

m.m.c(2,3) = 6

$$c) \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{8} = \frac{2}{24} = \frac{1}{12}$$

$$g) 5 \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{4} = \frac{23}{16}$$

m.m.c(3,8)

$$d) \frac{2}{15} : \frac{1}{5} = \frac{10}{15} = \frac{2}{3}$$

$$h) 2 \frac{1}{3} : \frac{3}{9} = \frac{63}{9} = 7$$

5. Resolva as expressões, registrando as etapas e simplificando os resultados, quando possível:

$$a) \left( \frac{2}{5} + \frac{5}{4} - \frac{1}{2} \right) + \left( 3 \frac{1}{3} - 2 \frac{1}{2} \right) =$$

$$\frac{23}{20} + \left( 3 \frac{1}{3} - 2 \frac{1}{2} \right)$$

$$\frac{23}{20} + \frac{19}{6} = \frac{119}{60}$$

m.m.c(5,4) = 20

$$\frac{63}{60} + \frac{30}{60} - \frac{10}{60} = \frac{83}{60}$$

m.m.c(3,2) = 6

$$\frac{83}{60} + \frac{21}{20} - \frac{10}{20} = \frac{119}{60}$$

m.m.c(3,4) = 12

$$\frac{2}{6} - \frac{1}{6} = \frac{1}{6}$$

m.m.c(3,4) = 12



$$b) 1 \frac{1}{5} - \left[ \left( \frac{2}{3} - \frac{1}{3} \right) : \frac{1}{3} \right] =$$

$$1 \frac{1}{5} - \left[ \frac{1}{3} : \frac{1}{3} \right] =$$

$$1 \frac{1}{5} - \frac{3}{5} = \frac{15}{5} - \frac{3}{5} = \frac{12}{5}$$

$$c) \left( \frac{2}{8} \cdot \frac{1}{5} \right) : \left( \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{2} \right) =$$

$$\frac{2}{40} : \frac{3}{4} = \frac{8}{120}$$

6. Resolva os problemas:

a) Um quitandeiro tinha uma caixa cheia de laranjas. Vendeu

$\frac{2}{11}$  do total das laranjas pela manhã e  $\frac{3}{11}$  à tarde. Ainda ficou com 330 laranjas. Quantas laranjas havia na caixa quando estava cheia?

$$\frac{11}{11} - \frac{2}{11} - \frac{3}{11} = \frac{6}{11} \quad \times \frac{55}{5} \quad \begin{array}{r} 275 \\ + 330 \\ \hline 605 \end{array}$$

$$330 : \frac{6}{11} = 55 \quad \frac{1}{11} - \frac{2}{11} - \frac{3}{11} = \frac{6}{11}$$

*R: havia 605 laranjas na caixa cheia*  
 b) Com 5 quilogramas de manteiga, quantos pacotes de  $\frac{1}{4}$  de quilograma de manteiga podemos produzir?

$$\begin{array}{r} 5 \\ \times 4 \\ \hline 20 \end{array}$$

*Podemos produzir 20*

c) Joana encontrou  $\frac{1}{2}$  de uma torta na geladeira. Comeu  $\frac{1}{3}$  da parte que encontrou. Que parte da torta comeu?



*comeu  $\frac{1}{6}$  de torta*

A.C. - FRAÇÕES (3)

Operações: divisão

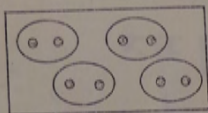
1. Vamos descobrir e completar:

Pergunta-se

Representa-se

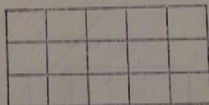
Em matemática

Em 8, quantos grupos de 2?



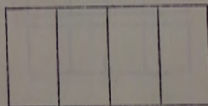
$8 : 2 = \underline{4}$

Em 15, quantos grupos de 5?



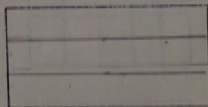
$15 : 5 = \underline{3}$

Em 1, quantas partes correspondentes a  $\frac{1}{4}$ ?



$1 : \frac{1}{4} = \underline{4}$

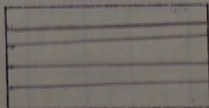
Em 1, quantas partes correspondentes a  $\frac{1}{3}$ ?



$1 : \frac{1}{3} = \underline{3}$

Em 1, quantos

$\frac{1}{5}$ ?



$1 : \frac{1}{5} = \underline{5}$

2. Observando as sentenças matemáticas do exercício 1, descubra uma regra para dividir, a unidade por uma fração.  
 Aplique a regra resolvendo as divisões:

a)  $1 : \frac{1}{6} = \underline{6}$

c)  $1 : \frac{1}{9} = \underline{9}$

b)  $1 : \frac{1}{8} = \underline{8}$

d)  $1 : \frac{1}{7} = \underline{7}$

REGRAS

no caderno

$1 : \frac{1}{7} = \underline{7}$

3. Vamos continuar:

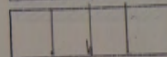
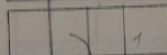
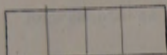
Pergunta-se

Representa-se

Em matemática

Em 3, quantas partes correspondentes

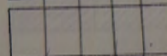
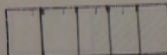
a  $\frac{1}{4}$  ?



$3 : \frac{1}{4} = \underline{12}$

Em 2, quantos

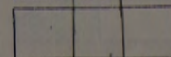
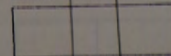
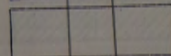
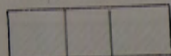
$\frac{1}{5}$  ?



$2 : \frac{1}{5} = \underline{10}$

Em 4, quantos

$\frac{1}{3}$  ?



$4 : \frac{1}{3} = \underline{12}$

4. Observando as sentenças matemáticas do exercício 3, descubra uma regra para dividir um inteiro por uma fração.

Aplique a regra resolvendo as divisões:

a)  $3 : \frac{1}{5} = \underline{15}$

c)  $5 : \frac{1}{5} = \underline{25}$

b)  $10 : \frac{1}{6} = \underline{60}$

d)  $80 : \frac{1}{4} = \underline{320}$

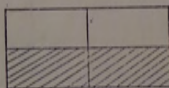
Esta regra vale para as divisões do exercício 2? Sim

5. Pergunta-se

Representa-se

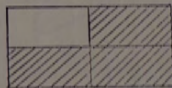
Em matemática

Em  $\frac{2}{4}$  quantas partes correspondentes a  $\frac{1}{4}$  ?



$\frac{2}{4} : \frac{1}{4} = \underline{2}$

Em  $\frac{3}{4}$  quantos  $\frac{1}{4}$  ?

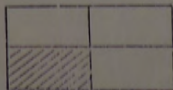


$\frac{3}{4} : \frac{1}{4} = \underline{3}$

Em  $\frac{5}{4}$  quantos  $\frac{1}{4}$  ?



$\frac{5}{4} : \frac{1}{4} = \underline{5}$



6. Complete e se necessário faça os desenhos:

a) Em  $\frac{1}{2}$  quantos  $\frac{1}{4}$ ?  $\frac{1}{2} : \frac{1}{4} = 2$

S.M.: \_\_\_\_\_

b) Em  $\frac{3}{2}$  quantos  $\frac{1}{4}$ ? \_\_\_\_\_

S.M.:  $\frac{3}{2} : \frac{1}{4} = 6$

c) Em  $\frac{5}{2}$  quantos  $\frac{1}{4}$ ? \_\_\_\_\_

S.M.:  $\frac{5}{2} : \frac{1}{4} = 10$

7. Observando as sentenças matemáticas dos exercícios 5 e 6, descubra uma regra para dividir fração.

Aplique a regra efetuando as divisões:

a)  $\frac{3}{6} : \frac{1}{6} = 3$

d)  $\frac{1}{4} : \frac{1}{8} = \frac{8}{4} = 2$

b)  $\frac{1}{2} : \frac{1}{6} = 3$

e)  $\frac{7}{9} : \frac{1}{9} = 7$

c)  $\frac{5}{8} : \frac{1}{8} = 5$

f)  $\frac{1}{3} : \frac{1}{9} = 3$

Esta regra vale para resolver as divisões dos exercícios 2 e 4?

Para todos



ESCOLA VERA CRUZ

NOME:

Fabiano Sandoz

DATA:

19/5/87

6ª SÉRIE

M. 28/87

A.C. - FRAÇÕES (2)

Operações: Adição e Subtração

*Olímpio  
militar  
Canguin*

1. Resolva as frações utilizando o m.m.c. e simplifique os resultados:

$$a) \frac{2}{5} + \frac{1}{2} = \frac{4}{10} + \frac{5}{10} = \frac{9}{10}$$

$$m.m.c.(5,2) = 10$$

$$b) \frac{2}{4} + \frac{1}{8} = \frac{4}{8} + \frac{1}{8} = \frac{5}{8}$$

$$m.m.c.(4,8) = 8$$

$$c) \frac{2}{6} + \frac{3}{9} = \frac{6}{18} + \frac{6}{18} = \frac{12}{18} = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$$

$$m.m.c.(6,9) = 18$$

$$d) \frac{3}{6} + \frac{1}{2} + \frac{9}{18} = \frac{9}{18} + \frac{9}{18} + \frac{9}{18} = \frac{27}{18} = \frac{3}{2} = \frac{3}{2}$$

$$m.m.c.(6,2,18) = 18$$

2. Subtraia as frações, utilizando o m.m.c. e simplifique sempre os resultados:

$$a) \frac{2}{3} - \frac{1}{2} = \frac{4}{6} - \frac{3}{6} = \frac{1}{6}$$

$$\text{m.m.c.}(3,2) = 6$$

$$b) \frac{2}{6} - \frac{1}{3} = \frac{2}{6} - \frac{2}{6} = \frac{0}{6}$$

$$\text{m.m.c.}(6,3) = 6$$

$$c) \frac{2}{4} - \frac{1}{8} = \frac{4}{8} - \frac{1}{8} = \frac{3}{8}$$

$$\text{m.m.c.}(4,8) = 8$$

$$d) \frac{15}{27} - \frac{1}{3} = \frac{15}{27} - \frac{9}{27} = \frac{6}{27} = \frac{2}{9}$$

$$\text{m.m.c.}(27,3) = 27$$

3. Complete as sentenças abaixo, tornando-as verdadeiras:

$$a) \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{6} = 1$$

$$\text{m.m.c.}(2,3) = 6$$

$$\frac{3}{6} + \frac{2}{6} + \frac{1}{6} = 1$$

$$b) \frac{1}{6} + \frac{1}{3} + \frac{3}{6} = 1$$

$$\text{m.m.c.}(6,3) = 6$$

$$\frac{1}{6} + \frac{2}{6} + \frac{3}{6} = 1$$

$$c) \frac{1}{5} + \frac{2}{20} + \frac{14}{20} = 1$$

$$\text{m.m.c.}(5,20) = 20$$

$$\frac{4}{20} + \frac{2}{20} + \frac{14}{20} = 1$$

$$d) \frac{1}{2} + \frac{4}{8} + \frac{0}{8} = 1$$

$$m.m.c(2,8)=8$$

$$\frac{4}{8} + \frac{4}{8} + \frac{0}{8} = 1$$

$$e) \frac{1}{8} + \frac{2}{4} + \frac{3}{8} = 1$$

$$m.m.c(8,4,8)=8$$

$$\frac{1}{8} + \frac{4}{8} + \frac{3}{8} = 1$$

4. Resolva as sentenças matemáticas:

$$a) 1 - \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{5}\right) = \frac{1}{1} - \frac{7}{10} = \frac{10}{10} - \frac{7}{10} = \frac{3}{10}$$

$$m.m.c(2,5)=10$$

$$m.m.c(1,10)=10 \quad \frac{10}{10} - \frac{7}{10} = \frac{3}{10}$$

$$b) \left(\frac{3}{3} - \frac{1}{3}\right) + \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3}\right) = 0$$

$$\frac{8}{8} + \frac{2}{8} = \frac{10}{8}$$

$$c) \left(\frac{2}{1} - \frac{5}{8}\right) + \left(\frac{4}{6} - \frac{2}{3}\right) = \frac{3}{8} + \frac{0}{8} = \frac{3}{8}$$

$$m.m.c(1,8)=8$$

$$\frac{8}{8} - \frac{5}{8} = \frac{3}{8}$$

$$\frac{4}{6} - \frac{2}{3} = \frac{0}{6}$$

$$m.m.c(6,3)=6$$

$$\frac{3}{8} + \frac{0}{8} = \frac{3}{8}$$

$$d) \left(\frac{2}{1} - \frac{1}{3}\right) - \left(\frac{1}{4} + \frac{2}{3}\right) = \frac{5}{3} - \frac{11}{12} = \frac{20}{12} - \frac{11}{12} = \frac{9}{12} = \frac{3}{4}$$

$$m.m.c(1,3)=3$$

$$\frac{6}{3} - \frac{1}{3} = \frac{5}{3}$$

$$m.m.c(4,3)=12$$

$$\frac{3}{12} + \frac{8}{12} = \frac{11}{12}$$

$$m.m.c(3,4)=12$$

$$\frac{20}{12} - \frac{11}{12} = \frac{9}{12}$$

$$e) \left(\frac{2}{4} - \frac{1}{8}\right) + \frac{3}{8} = \frac{3}{8} + \frac{3}{8} = \frac{6}{8} = \frac{3}{4}$$

$$m.m.c(4,8)=8$$

$$\frac{4}{8} - \frac{1}{8} = \frac{3}{8}$$

$$f) \frac{2}{3} - \left(\frac{2}{4} - \frac{1}{8}\right) = \frac{2}{3} - \frac{3}{8} = \frac{16}{24} - \frac{9}{24} = \frac{7}{24}$$

$$m.m.c(4,8)=8$$

$$m.m.c(6,8)=24$$

$$\frac{4}{8} - \frac{1}{8} = \frac{3}{8}$$

$$\frac{8}{24} - \frac{9}{24} = \frac{7}{24}$$

$$e) \frac{6}{5} + \left( \frac{3}{6} - \frac{1}{3} \right) = \frac{6}{5} + \frac{1}{6} = \frac{36}{30} + \frac{5}{30} = \frac{41}{30}$$

$$m.m.c.(6,3) = 6$$

$$m.m.c.(5,6) = 30$$

$$\frac{7}{6} - \frac{2}{6} = \frac{1}{6}$$

$$\frac{36}{30} + \frac{5}{30} = \frac{41}{30}$$

$$h) \frac{1}{1} - \left( \frac{2}{5} - \frac{1}{3} \right) = \frac{1}{1} - \frac{2}{5} = \frac{5}{5} - \frac{2}{5} = \frac{3}{5}$$

$$m.m.c.(1,5) = 5$$

$$m.m.c.(5,3) = 15$$

$$\frac{6}{15} - \frac{5}{15} = \frac{1}{15}$$

$$\frac{16}{15} - \frac{1}{15} = \frac{14}{15}$$

$$i) \left( \frac{3}{4} + \frac{2}{3} \right) - \frac{4}{12} = \frac{17}{12} - \frac{4}{12} = \frac{13}{12}$$

$$m.m.c.(4,3) = 12$$

$$\frac{9}{12} + \frac{8}{12} = \frac{17}{12}$$

CorrigirT.P. - FRAÇÕES (3)Operações

Atenção: Todos os exercícios devem ter os resultados simplificados, quando possível.

1. Efetue as adições e subtrações:

$$a) \frac{12}{6} + \frac{3}{8} = \frac{48}{24} + \frac{9}{24} = \frac{57}{24} = \frac{19}{8} \quad C$$

$$b) \frac{8}{9} + \frac{7}{4} = \frac{32}{36} + \frac{63}{36} = \frac{95}{36} \quad C$$

$$c) \frac{20}{3} + \frac{1}{5} + \frac{4}{3} = \frac{100}{15} + \frac{3}{15} + \frac{20}{15} = \frac{123}{15} = \frac{41}{5} \quad C$$

$$d) \frac{8}{3} + \frac{5}{4} + \frac{1}{2} = \frac{32}{12} + \frac{15}{12} + \frac{6}{12} = \frac{53}{12} \quad \text{Reunir algarismos!}$$

$$e) \frac{13}{4} - \frac{5}{6} = \frac{39}{12} - \frac{10}{12} = \frac{29}{12} \quad C$$

$$f) \frac{21}{4} - \frac{2}{5} = \frac{105}{20} - \frac{8}{20} = \frac{97}{20} \quad C$$

$$g) \frac{19}{3} - \frac{4}{3} - \frac{8}{3} = \frac{7}{3} \quad C$$

$$h) \frac{9}{5} - \frac{1}{8} - \frac{3}{20} = \frac{72}{40} - \frac{5}{40} - \frac{6}{40} = \frac{61}{40}$$

Reunir: tabuada!!!



2. Efetue as multiplicações:

$$a) \frac{4}{10} \times \frac{5}{2} = \frac{20}{20} = 1 \quad C$$

$$e) 8 \times \frac{1}{8} \times \frac{1}{4} = \frac{8}{32} = \frac{1}{4} \quad C$$

$$b) \frac{9}{8} \times \frac{3}{2} = \frac{27}{16} \quad C$$

$$f) 0 \times \frac{2}{5} = \frac{0}{5} = 0$$

$$c) 4 \times \frac{3}{4} \times \frac{1}{1} = \frac{12}{4} = \frac{3}{1} \quad C$$

$$g) \frac{1}{6} \times 5 = \frac{5}{6} \quad C$$

$$d) \frac{1}{3} \times 0 = \frac{0}{3} = 0$$

$$h) \frac{7}{5} \times \frac{10}{14} = \frac{70}{70} = 1 \quad \text{Pense! Calcule!}$$

3. Resolva as divisões:

Lembre-se: você pode trabalhar com frações equivalentes.

$$a) \frac{3}{4} : \frac{1}{2} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2} \quad C$$

$$e) \frac{2}{9} : \frac{3}{9} = \frac{18}{27} = \frac{2}{3} \quad C$$

$$b) \frac{4}{5} : \frac{1}{1} = \frac{4}{5} \quad C$$

$$f) \frac{4}{5} : \frac{8}{1} = \frac{4}{40} = \frac{1}{10} \quad C$$

$$c) \frac{3}{7} : \frac{2}{7} = \frac{21}{14} = \frac{3}{2}$$

$$g) \frac{9}{16} : \frac{3}{4} = \frac{36}{48} = \frac{3}{4} \quad \text{Pense! Calcule!}$$

$$d) \frac{4}{9} : \frac{1}{2} = \frac{8}{9} \quad C$$

$$h) \frac{5}{6} : \frac{5}{4} = \frac{20}{30} = \frac{2}{3} \quad C$$

4. Dê o valor das expressões:

$$a) \frac{3}{4} + \frac{1}{3} + \frac{1}{2} - \frac{7}{12} = \frac{9}{12} + \frac{4}{12} + \frac{6}{12} - \frac{7}{12} = \frac{12}{12} = 1 \quad \text{Calcule!}$$

m m c (12, 3, 2, 12) = 12

$$b) \frac{1}{2} - \frac{2}{3} = \frac{3}{6} - \frac{4}{6} = -\frac{1}{6} \quad \text{Calcule!}$$

m m c (2, 3) = 6

$$c) 4 \times \frac{3}{4} \times \frac{1}{1} = \frac{12}{4} = \frac{3}{1} \quad C$$

$$d) \frac{2}{1} \cdot \frac{5}{6} \times \frac{4}{5} \times 0 = \frac{10}{6} \times \frac{4}{5} \times 0 = \frac{40}{30} = 0$$

*m.m.c.(1,6)=6*

$$e) \frac{2}{3} \times \frac{3}{2} \times 4 = \frac{24}{6} = \frac{4}{1} = 4 \quad C$$

$$f) \frac{2}{5} \times \frac{1}{4} \times \frac{20}{300} : \frac{5}{25} = \frac{8}{300} = \frac{4}{150} = \frac{2}{75} \text{ Simplifique!}$$

6. Complete as expressões abaixo tornando-as verdadeiras:

$$a) \frac{3}{4} \times \frac{1}{\dots} = \frac{3}{8} \quad C$$

$$d) \frac{3}{5} \times \frac{\dots}{8} = 1 \quad \text{Rever!}$$

$$b) \frac{\dots}{5} \times \frac{2}{9} = \frac{6}{27} \quad C$$

$$e) \frac{3}{7} \times \frac{\dots}{8} = 0 \quad C$$

$$c) \frac{7}{8} \times \frac{\dots}{1} \times \frac{1}{2} = \frac{21}{16} \quad C$$

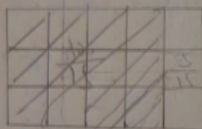
$$f) \frac{\dots}{3} \times \frac{4}{7} = \frac{4}{21} \quad C$$

A.C. - FRAÇÕES (1)Operações: Adição e Subtração

## I - Adição e Subtração de frações.

1. Utilizando desenho resolva a adição:

$$\frac{4}{5} + \frac{1}{3} = \frac{12}{15} + \frac{5}{15} = \frac{17}{15}$$



2. Determine as classes de equivalência:

$$\frac{4}{5} = \left\{ \frac{8}{10}, \frac{12}{15}, \frac{16}{20}, \frac{20}{25}, \frac{24}{30}, \frac{28}{35} \dots \right\}$$

$$\frac{1}{3} = \left\{ \frac{2}{6}, \frac{3}{9}, \frac{4}{12}, \frac{5}{15}, \frac{6}{18}, \frac{7}{21}, \frac{8}{24}, \frac{9}{27}, \frac{10}{30} \dots \right\}$$

Utilizando frações equivalentes a cada uma das frações, resolva a subtração:

$$\frac{4}{5} - \frac{1}{3} = \frac{12}{15} - \frac{5}{15} = \frac{7}{15}$$

Explique o que você fez: Viemos a classe de equivalência, colocamos as frações equivalentes com denominador igual e subtraímos.

3. Determine o m.m.c. entre 4 e 6.

$$M_4 = \{0, 4, 8, 12, 16, 20, 24, 28, 32, 36, 40, \dots\}$$

$$M_6 = \{0, 6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54, 60, \dots\}$$

$$M_4 \cap M_6 = \{0, 12, 24, 36, \dots\}$$

$$\text{m.m.c.}(4, 6) = \{12\}$$

Lembre-se: m.m.c. entre dois ou mais números é o menor múltiplo comum, diferente de zero.

Utilizando o m.m.c. (4,6) resolva a adição abaixo, deixando tudo que pensar, registrado.

$$\frac{5}{6} + \frac{5}{4} =$$

$$\frac{5}{6} = \frac{10}{12}$$

$$\frac{5}{4} = \frac{15}{12}$$

$$\frac{10}{12} + \frac{15}{12} = \frac{25}{12}$$

Chame a professora para verificar o exercício 3, antes de prosseguir.

4. Utilizando o m.m.c. resolva as adições e subtrações:

$$a) \frac{5}{6} - \frac{5}{8} = \frac{5}{24} \quad \frac{5}{6} = \frac{20}{24}$$

m.m.c. {24}

$$\frac{5}{8} = \frac{15}{24}$$

$$\frac{20}{24} - \frac{15}{24} = \frac{5}{24}$$

$$b) \frac{3}{4} + \frac{7}{10} = \frac{29}{20}$$

m.m.c. {20}

$$\frac{3}{4} = \frac{15}{20}$$

$$\frac{7}{10} = \frac{14}{20}$$

$$\frac{15}{20} + \frac{14}{20} = \frac{29}{20}$$

$$c) \frac{1}{5} + \frac{3}{4} =$$

m.m.c. {20}

$$\frac{1}{5} = \frac{4}{20}$$

$$\frac{3}{4} = \frac{15}{20}$$

$$d) \frac{2}{3} + \frac{3}{5} + \frac{1}{6} =$$

m.m.c. {30}

$$\frac{2}{3} = \frac{14}{15} = \frac{28}{30}$$

$$\frac{3}{5} = \frac{18}{30}$$

$$\frac{1}{6} = \frac{5}{30}$$

$$e) \frac{1}{4} + \frac{2}{3} - \frac{5}{8} =$$

m.m.c. {24}

$$\frac{1}{4} = \frac{6}{24}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{16}{24}$$

$$\frac{5}{8} = \frac{15}{24}$$

$$f) \frac{2}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{15} =$$

m.m.c. {15}

$$\frac{2}{3} = \frac{10}{15}$$

$$\frac{1}{5} = \frac{3}{15}$$

$$\frac{1}{15} = \frac{1}{15}$$

$$g) \frac{2}{5} - \frac{1}{3} + \frac{1}{3} =$$

m.m.c. {15}

$$\frac{2}{5} = \frac{6}{15}$$

$$\frac{16}{15} = \frac{6}{15} + \frac{6}{15} = \frac{6}{15}$$

$$h) \frac{3}{8} - \frac{1}{4} + \frac{1}{5} =$$

m.m.c. {40}

$$\frac{3}{8} = \frac{15}{40}$$

$$\frac{1}{4} = \frac{10}{40}$$

$$\frac{1}{5} = \frac{8}{40}$$

$$\frac{15}{40} - \frac{10}{40} + \frac{8}{40} = \frac{13}{40}$$



## II- Simplificação de frações:

Observe:

$$\text{Se } \frac{2}{3} = \frac{4}{6}$$

x2                      x2

então

$$\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

:2                      :2

Se multiplicarmos o numerador e o denominador de uma fração por um mesmo número ela não se altera. (Teremos frações equivalentes)

Se dividirmos o numerador e o denominador de uma fração por um mesmo número, ela não se altera. (Teremos frações equivalentes).

No caso de  $\frac{4}{6}$  podemos dividir o numerador e o denominador por 2;

No caso de  $\frac{2}{3}$  é possível dividir o numerador e o denominador por um mesmo número? Sim

Dizemos que  $\frac{2}{3}$  é a forma simplificada de  $\frac{4}{6}$ .

Simplifique  $\frac{24}{36}$  até chegar a forma mais simplificada.

Costumamos sempre indicar os resultados de adições e subtrações de frações com uma fração simplificada.

A fração na sua forma mais simplificada é chamada de fração irredutível.

1. Simplifique as frações, escrevendo-as na forma irredutível:

a)  $\frac{15}{45} = \frac{15 \div 15}{45 \div 15} = \frac{1}{3}$

b)  $\frac{100}{105} = \frac{100 \div 5}{105 \div 5} = \frac{20}{21}$

$$c) \frac{14}{70} = \frac{1}{5}$$

$$d) \frac{36}{48} = \frac{3}{4}$$

$$e) \frac{36}{90} = \frac{2}{5}$$

2. Volte ao exercício 4 do item (I) e simplifique os resultados das adições e subtrações, quando possível.

$$F \frac{4}{5}$$

$$G \frac{4}{5}$$

T.P. - FRAÇÕES (2)Operações

Para operar com frações e resolver expressões que envolvem frações, você pode utilizar os seguintes recursos:

a) Frações de frações (X):

- representação gráfica,
- cadeia de máquinas em série.

b) Adição de frações (+):

- representação gráfica,
- cadeia de máquinas em paralelo,
- substituição das frações por outras equivalentes com denominadores iguais.
- ~~mínimo~~ <sup>M.M.C.</sup> múltiplo comum (m.m.c.).

Se tiver alguma dúvida, você pode consultar suas pastas:

- c) Para subtrair (-) frações, você pode utilizar gráficos, igualar os denominadores (procurando equivalentes) ou utilizar o recurso do m.m.c.

1. Resolva as adições e subtrações de frações, deixando sempre os resultados na forma mais simplificada:

$$\frac{5}{9} + \frac{2}{9} = \frac{7}{9}$$

$$\frac{7}{12} + \frac{5}{6} = \frac{17}{12}$$

*m.c.m. = 12*

$$\frac{15}{4} + \frac{9}{6} + \frac{5}{2} = \frac{83}{12} = \frac{31}{4}$$

*m.m.c. = 12*

$$\frac{16}{14} - \frac{5}{7} = \frac{6}{14} = \frac{3}{7}$$

*m.c.m. = 14*

$$\frac{3}{6} + \frac{3}{2} = \frac{9}{2}$$

*m.c.m. = 2*

$$\frac{5}{1} - \frac{3}{8} = \frac{37}{8}$$

$$\frac{3}{5} + \frac{3}{2} - \frac{1}{1} =$$

$$\frac{6}{10} + \frac{15}{10} - \frac{10}{10} = \frac{11}{10}$$

*m.c.m. = 10*

$$3\frac{13}{4} - \frac{2}{5} =$$

$$\frac{63}{20} - \frac{8}{20} = \frac{57}{20}$$

*m.c.m. = 20*

2. Calcule as frações de frações, chegando sempre a resultados simplificados:

$$\frac{1}{4} \times \frac{5}{10} = \frac{5}{40} = \frac{1}{8}$$

$$\frac{6}{5} \cdot \frac{1}{3} = \frac{6}{15} = \frac{2}{5}$$

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{4}{3} = \frac{12}{24} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{2}{5} \cdot \frac{5}{2} = \frac{10}{10} = 1$$

$$\frac{7}{5} \cdot \frac{1}{1} = \frac{7}{5}$$

$$\frac{1}{9} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{9}{1} = \frac{9}{18}$$

$$\frac{5}{1} \cdot \frac{1}{3} = \frac{5}{3}$$

Nas expressões podem aparecer sinais de pontuação, que indicam a operação que deve ser resolvida em primeiro lugar.

Por exemplo, se temos  $(4 + 6) : 2$ , devemos primeiro resolver os parênteses.

Então:

$$\underbrace{(4 + 6)}_{10} : 2 = 10 : 2 = 5$$

Podem aparecer também outros sinais de pontuação:

[ ] = colchetes

{ } = chaves

Quando temos, numa mesma expressão, vários sinais de pontuação, devemos resolver:

- em primeiro lugar os parênteses ( ),
- em segundo lugar os colchetes [ ],
- por último as chaves { }.

Veja o exemplo:

$$\left\{ 8 - \left[ 5 + \underbrace{(4 - 3)}_1 \right] + \underbrace{(7 - 4)}_3 \right\} =$$

$$\left\{ 8 - \underbrace{[5 + 1]}_6 + 3 \right\} =$$

$$\left\{ \underbrace{8 - 6 + 3}_5 \right\} = 5$$



3. Resolva as expressões seguintes, respeitando os sinais de pontuação e simplificando os resultados finais:

$$\left(\frac{4}{3} + \frac{2}{3}\right) \cdot \frac{3}{8} =$$

$$\frac{6}{3} \cdot \frac{3}{8} = \frac{18}{24} = \frac{6}{8} = \frac{3}{4}$$

$$\left(\frac{1}{3} \cdot \frac{3}{2}\right) + \left(\frac{1}{4} \cdot \frac{9}{5}\right) =$$

$$\frac{3}{6} + \frac{9}{20} = \frac{30}{60} + \frac{27}{60} = \frac{57}{60}$$

$$\frac{2}{3} \cdot \left(\frac{1}{4} + \frac{1}{3}\right) = \frac{14}{36} = \frac{7}{18}$$

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{7}{12} = \frac{14}{36}$$

$$\frac{2}{12} + \frac{4}{12} = \frac{7}{12}$$

$$\left(\frac{1}{3} \cdot \frac{2}{4}\right) + \frac{1}{5} = \frac{24}{60} = \frac{12}{30} = \frac{4}{10} = \frac{2}{5}$$

$$\frac{2}{12} + \frac{1}{5} = \frac{10}{60} + \frac{12}{60} = \frac{24}{60}$$

$$\frac{1}{3} \cdot \frac{2}{4} = \frac{2}{12}$$

$$\left[ \frac{3}{4} + \left( \frac{1}{5} \cdot \frac{3}{4} \right) \right] \cdot \frac{10}{9} = \frac{170}{180} =$$

$$\frac{3}{4} + \frac{3}{20} = \frac{15}{20} + \frac{3}{20} = \frac{17}{20} \cdot \frac{10}{9} = \frac{170}{180}$$

$$\frac{1}{5} \cdot \frac{3}{4} = \frac{3}{20}$$

$$\frac{1}{3} \cdot \left[ \left( \frac{4}{5} + \frac{1}{5} \right) \cdot \frac{2}{3} \right] - \frac{1}{9} =$$

$$\frac{1}{3} - \left[ \frac{5}{5} \cdot \frac{2}{3} \right] - \frac{1}{9} =$$

$$\frac{1}{3} - \frac{10}{15} - \frac{1}{9} = \frac{20}{45}$$

$$\left( \frac{3}{5} \cdot \frac{5}{3} \right) - \left( \frac{2}{3} \cdot \frac{3}{2} \right) =$$

$$\frac{15}{15} - \frac{6}{6} = \frac{30}{30} - \frac{30}{30} = 0$$

$$\frac{4}{5} + \frac{1}{5} = \frac{5}{5}$$

$$\frac{15}{45} - \frac{10}{45} - \frac{1}{9} = \frac{20}{45}$$

$$\frac{5}{5} \cdot \frac{2}{3} = \frac{10}{15}$$

$$\frac{3}{5} \cdot \frac{5}{3} = \frac{15}{15}$$

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{3}{2} = \frac{6}{6}$$

Página 32

T.P. - Frações

Adição e Subtração

1. Observe o material multibase base 3 e complete com a fração correspondente:



→ cubão = 1



→ placa =  $\frac{1}{3}$



→ barra =  $\frac{1}{9}$



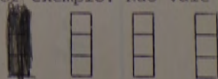
→ cubinho =  $\frac{1}{27}$

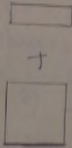
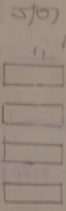
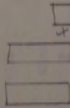
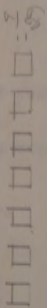
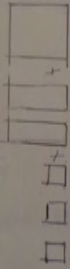
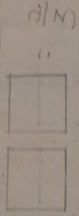
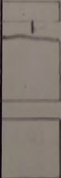
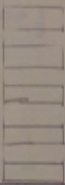
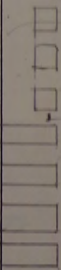
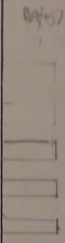
2. Utilizando material multibase  $B_3$  resolva as operações que seguem completando o quadro em cada caso e dando o resultado através de uma única fração.

Observe: ao representar o resultado através de material, no quadro, use apenas um tipo de peça. Por exemplo: Não vale representar



e sim



SENTENÇA MATEMÁTICA	REPRESENTAÇÃO DA EXPRESSÃO EM MATERIAL BASE 3	REPRESENTAÇÃO DO RESULTADO EM MATERIAL BASE 3 TRANSFORMADO
$\frac{1}{3} + \frac{1}{9} = \frac{2}{9}$		
$\frac{2}{9} + \frac{1}{27} = \frac{5}{27}$		
$\frac{2}{27} + \frac{1}{3} + \frac{2}{9} = \frac{2}{3}$		
$\frac{2}{3} - \frac{1}{9} = \frac{5}{9}$		
$\frac{4}{9} - \frac{2}{27} = \frac{10}{27}$		

3. Observando a 1ª e a 3ª colunas do quadro da folha anterior, transforme as frações, como no exemplo abaixo, e resolva novamente as expressões:

Exemplo:

a.  $\frac{1}{3} + \frac{1}{9} \Rightarrow$  resultado = 4 barras

$\frac{1}{3} \Rightarrow$  1 placa  $\Rightarrow$  3 barras  $\Rightarrow$   $\frac{3}{9}$

$\frac{1}{9} \Rightarrow$  1 barra

Então:

$\frac{1}{3} + \frac{1}{9} = \frac{3}{9} + \frac{1}{9} = \frac{4}{9}$

b.  $\frac{2}{9} + \frac{1}{27} \Rightarrow$  resultado = 7a barra

$\frac{2}{9} \Rightarrow$  2 barras  $\Rightarrow$  6 cubos  $\Rightarrow$   $\frac{6}{27}$

$\frac{1}{27} \Rightarrow$  1 cubo

Então

$\frac{6}{27} + \frac{1}{27} = \frac{6+1}{27} = \frac{7}{27}$

c.  $\frac{3}{27} + \frac{1}{3} + \frac{2}{9} \Rightarrow$  resultado = 6 placas

$\frac{3}{27} \Rightarrow$  3 cubos

$\frac{1}{3} \Rightarrow$  1 placa  $\Rightarrow$  3 barras  $\Rightarrow$  3 cubos  $\Rightarrow$   $\frac{3}{27}$

$\frac{2}{9} \Rightarrow$  2 barras  $\Rightarrow$  6 cubos  $= \frac{6}{27}$

Então  
 $\frac{3}{27} + \frac{3}{27} + \frac{6}{27} = \frac{3+3+6}{27} = \frac{12}{27} = \frac{4}{9}$

d.  $\frac{2}{3} - \frac{1}{9} \rightarrow$  resulta em  $\frac{5}{9}$

$\frac{2}{3} \rightarrow 2$  placas  $\rightarrow 7$  cubinhos  $= \frac{7}{9}$   
 $\frac{1}{9} = 1$  barra

$$\frac{2}{3} = \frac{1}{3} = \frac{1}{3} - \frac{6}{9} = \frac{5}{9}$$

e.  $\frac{4}{9} - \frac{3}{27} \rightarrow$  result.  $\frac{1}{9}$

$\frac{4}{9} \Rightarrow 4$  barras  $\rightarrow 12$  cubinhos  $= \frac{12}{27}$

$\frac{3}{27} = 1$  cubinho

$$\frac{4}{9} - \frac{3}{27} = \frac{12}{27} - \frac{3}{27} = \frac{9}{27} = \frac{1}{3}$$

4. Agora verifique:

1 Placa  $\equiv$  3 barras  $\left( \frac{1}{3} \equiv \frac{3}{9} \right)$

1 Barra  $\equiv$  3 cubinhos  $\left( \frac{1}{9} \equiv \frac{3}{27} \right)$

No exercício 3 fizemos as transformações de frações, observando sempre uma lei:

"A fração dada e a fração transformada devem ser equivalentes".

5. Observando com atenção as expressões que resolveu no exercício 3, escreva uma conclusão sobre as operações adição e subtração com frações:

~~Para adicionarmos ou subtrairmos frações precisamos encontrar a fração equivalente as frações dadas que tenham o mesmo denominador. Realizamos a operação adicionando as numeradoras e mantendo o denominador~~

cc/

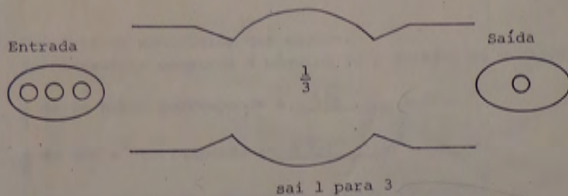
Ex  $\frac{1}{3} + \frac{1}{9} = \frac{3}{9} + \frac{1}{9} = \frac{4}{9}$

.4.



L.C. Frações (2)

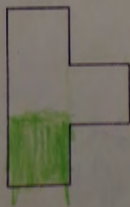
1. Observe o que faz a máquina:



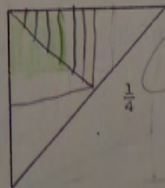
a) Complete a tabela, passando cada entrada pela máquina acima:

E	12	24	9	18	6	30	60	27
S	4	8	3	6	2	10	20	9

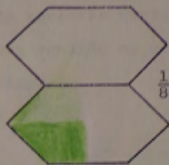
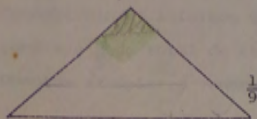
2. Pinte em cada figura a fração indicada:



$\frac{1}{3}$



$\frac{1}{4}$



3. Complete os exercícios que seguem.

Se necessário construa a máquina ou o desenho no verso da folha:

$\frac{2}{3}$  de 24 horas corresponde a 16 horas.

$\frac{4}{5}$  de 250 m<sup>2</sup> corresponde a 200 m<sup>2</sup>.

$\frac{5}{8}$  de Cz\$ 48 000,00 corresponde a 30 000,00

$\frac{1}{3}$  dos meses do ano corresponde a 4 meses.

$\frac{2}{4}$  de um século corresponde a 50 anos.

4. Uma pessoa disse:

- Vivi  $\frac{1}{5}$  da minha vida na Europa, onde passei 10 anos. Quantos anos tem esta pessoa?

R. Esta pessoa tem 50 anos

$$\begin{array}{r} 50 \text{ } \frac{5}{10} \\ 10 \\ \hline 50 \end{array}$$

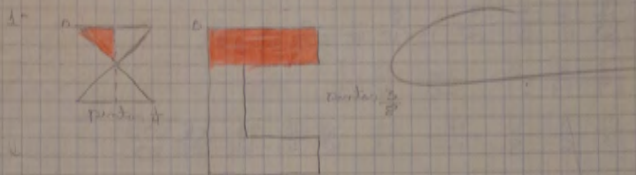
Um jornaleiro ao completar a venda de 1200 exemplares da revista "CONSTITUINTE", informou que o número de revistas vendidas correspondia a  $\frac{2}{3}$  do total de revista que havia vendido no mês anterior. Quantos exemplares vendeu no mês anterior?

$$\begin{array}{r} 1200 \text{ (2)} \\ 1200 \text{ } 600 \\ \hline 6000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 600 \\ 600 \\ 600 \\ \hline 1800 \end{array}$$

R: no mês passado ele vendeu 1800 exemplares  
plav

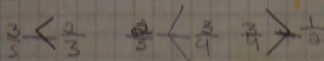
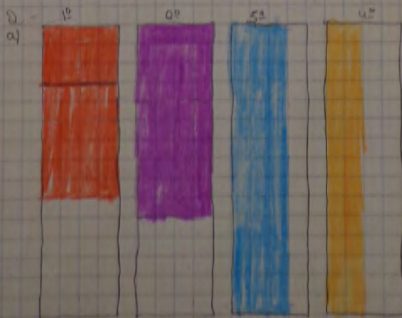
## P.O. Bernoulli frações



- 2 - Desenhe 4 retângulos de 10 por 4 quadrados de lado.  
 a) no 1º retângulo, pinte 1 de figura; no 2º, 2; no 3º, 3; e no 4º, pinte 4  
 b) compare, usando  $\frac{1}{4}$ ,  $\frac{2}{4}$  ou  $\frac{3}{4}$  e  $\frac{4}{4}$  e  $\frac{1}{4}$ ,  $\frac{2}{4}$ ,  $\frac{3}{4}$ ,  $\frac{4}{4}$
- 3 - Construa uma reta numerada, tendo como unidade de comprimento o lado do quadrado.  
 a) represente as frações dos itens a e b de exercícios 2  
 b) localize  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{2}{3}$ ,  $\frac{3}{4}$   
 c) coloque todos os pontos de cada um em ordem decrescente
- 4 - Construa as classes de equivalência das frações:  
 $\frac{2}{3}$ ,  $\frac{4}{6}$ ,  $\frac{1}{3}$

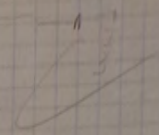
- 5 - Construa para unidade o quadrado formado por 6 quadrados de lado.  
 a) represente  $\frac{2}{3}$  e  $\frac{1}{2}$   
 b) localize entre duas frações, na reta numerada.  
 c) represente-a com a codificação

## Resposta

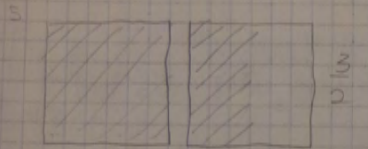


$\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$   
 $\frac{1}{3} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{12}$   
 $\frac{1}{4} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{20}$   
 $\frac{1}{5} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{30}$   
 $\frac{1}{6} \times \frac{1}{7} = \frac{1}{42}$   
 $\frac{1}{7} \times \frac{1}{8} = \frac{1}{56}$   
 $\frac{1}{8} \times \frac{1}{9} = \frac{1}{72}$   
 $\frac{1}{9} \times \frac{1}{10} = \frac{1}{90}$   
 $\frac{1}{10} \times \frac{1}{11} = \frac{1}{110}$   
 $\frac{1}{11} \times \frac{1}{12} = \frac{1}{132}$   
 $\frac{1}{12} \times \frac{1}{13} = \frac{1}{156}$   
 $\frac{1}{13} \times \frac{1}{14} = \frac{1}{182}$   
 $\frac{1}{14} \times \frac{1}{15} = \frac{1}{210}$   
 $\frac{1}{15} \times \frac{1}{16} = \frac{1}{240}$   
 $\frac{1}{16} \times \frac{1}{17} = \frac{1}{272}$   
 $\frac{1}{17} \times \frac{1}{18} = \frac{1}{306}$   
 $\frac{1}{18} \times \frac{1}{19} = \frac{1}{342}$   
 $\frac{1}{19} \times \frac{1}{20} = \frac{1}{380}$   
 $\frac{1}{20} \times \frac{1}{21} = \frac{1}{420}$   
 $\frac{1}{21} \times \frac{1}{22} = \frac{1}{462}$   
 $\frac{1}{22} \times \frac{1}{23} = \frac{1}{506}$   
 $\frac{1}{23} \times \frac{1}{24} = \frac{1}{552}$   
 $\frac{1}{24} \times \frac{1}{25} = \frac{1}{600}$   
 $\frac{1}{25} \times \frac{1}{26} = \frac{1}{650}$   
 $\frac{1}{26} \times \frac{1}{27} = \frac{1}{702}$   
 $\frac{1}{27} \times \frac{1}{28} = \frac{1}{756}$   
 $\frac{1}{28} \times \frac{1}{29} = \frac{1}{812}$   
 $\frac{1}{29} \times \frac{1}{30} = \frac{1}{870}$

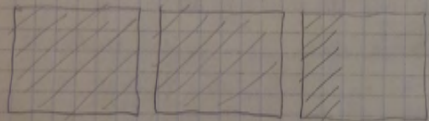
1.  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$   
 2.  $\frac{1}{3} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{12}$   
 3.  $\frac{1}{4} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{20}$   
 4.  $\frac{1}{5} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{30}$   
 5.  $\frac{1}{6} \times \frac{1}{7} = \frac{1}{42}$   
 6.  $\frac{1}{7} \times \frac{1}{8} = \frac{1}{56}$   
 7.  $\frac{1}{8} \times \frac{1}{9} = \frac{1}{72}$   
 8.  $\frac{1}{9} \times \frac{1}{10} = \frac{1}{90}$   
 9.  $\frac{1}{10} \times \frac{1}{11} = \frac{1}{110}$   
 10.  $\frac{1}{11} \times \frac{1}{12} = \frac{1}{132}$   
 11.  $\frac{1}{12} \times \frac{1}{13} = \frac{1}{156}$   
 12.  $\frac{1}{13} \times \frac{1}{14} = \frac{1}{182}$   
 13.  $\frac{1}{14} \times \frac{1}{15} = \frac{1}{210}$   
 14.  $\frac{1}{15} \times \frac{1}{16} = \frac{1}{240}$   
 15.  $\frac{1}{16} \times \frac{1}{17} = \frac{1}{272}$   
 16.  $\frac{1}{17} \times \frac{1}{18} = \frac{1}{306}$   
 17.  $\frac{1}{18} \times \frac{1}{19} = \frac{1}{342}$   
 18.  $\frac{1}{19} \times \frac{1}{20} = \frac{1}{380}$   
 19.  $\frac{1}{20} \times \frac{1}{21} = \frac{1}{420}$   
 20.  $\frac{1}{21} \times \frac{1}{22} = \frac{1}{462}$   
 21.  $\frac{1}{22} \times \frac{1}{23} = \frac{1}{506}$   
 22.  $\frac{1}{23} \times \frac{1}{24} = \frac{1}{552}$   
 23.  $\frac{1}{24} \times \frac{1}{25} = \frac{1}{600}$   
 24.  $\frac{1}{25} \times \frac{1}{26} = \frac{1}{650}$   
 25.  $\frac{1}{26} \times \frac{1}{27} = \frac{1}{702}$   
 26.  $\frac{1}{27} \times \frac{1}{28} = \frac{1}{756}$   
 27.  $\frac{1}{28} \times \frac{1}{29} = \frac{1}{812}$   
 28.  $\frac{1}{29} \times \frac{1}{30} = \frac{1}{870}$



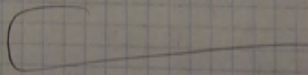
1.  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$   
 2.  $\frac{1}{3} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{12}$   
 3.  $\frac{1}{4} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{20}$   
 4.  $\frac{1}{5} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{30}$   
 5.  $\frac{1}{6} \times \frac{1}{7} = \frac{1}{42}$   
 6.  $\frac{1}{7} \times \frac{1}{8} = \frac{1}{56}$   
 7.  $\frac{1}{8} \times \frac{1}{9} = \frac{1}{72}$   
 8.  $\frac{1}{9} \times \frac{1}{10} = \frac{1}{90}$   
 9.  $\frac{1}{10} \times \frac{1}{11} = \frac{1}{110}$   
 10.  $\frac{1}{11} \times \frac{1}{12} = \frac{1}{132}$   
 11.  $\frac{1}{12} \times \frac{1}{13} = \frac{1}{156}$   
 12.  $\frac{1}{13} \times \frac{1}{14} = \frac{1}{182}$   
 13.  $\frac{1}{14} \times \frac{1}{15} = \frac{1}{210}$   
 14.  $\frac{1}{15} \times \frac{1}{16} = \frac{1}{240}$   
 15.  $\frac{1}{16} \times \frac{1}{17} = \frac{1}{272}$   
 16.  $\frac{1}{17} \times \frac{1}{18} = \frac{1}{306}$   
 17.  $\frac{1}{18} \times \frac{1}{19} = \frac{1}{342}$   
 18.  $\frac{1}{19} \times \frac{1}{20} = \frac{1}{380}$   
 19.  $\frac{1}{20} \times \frac{1}{21} = \frac{1}{420}$   
 20.  $\frac{1}{21} \times \frac{1}{22} = \frac{1}{462}$   
 21.  $\frac{1}{22} \times \frac{1}{23} = \frac{1}{506}$   
 22.  $\frac{1}{23} \times \frac{1}{24} = \frac{1}{552}$   
 23.  $\frac{1}{24} \times \frac{1}{25} = \frac{1}{600}$   
 24.  $\frac{1}{25} \times \frac{1}{26} = \frac{1}{650}$   
 25.  $\frac{1}{26} \times \frac{1}{27} = \frac{1}{702}$   
 26.  $\frac{1}{27} \times \frac{1}{28} = \frac{1}{756}$   
 27.  $\frac{1}{28} \times \frac{1}{29} = \frac{1}{812}$   
 28.  $\frac{1}{29} \times \frac{1}{30} = \frac{1}{870}$



1 unit,  $\frac{1}{2}$



$\frac{7}{3}$  unit,  $\frac{1}{3}$





Maths 3

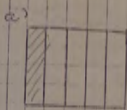
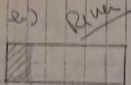
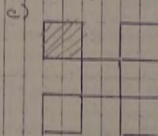
1.1.30 8/1

OC Benson Kocan







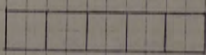

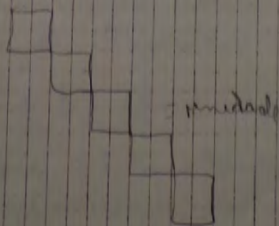
LC - Frações (1)Uniqu

1 - Pinte em cada figura a fração indi-

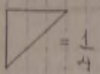
 $\frac{1}{5}$  $\frac{1}{5}$  $\frac{1}{5}$ 

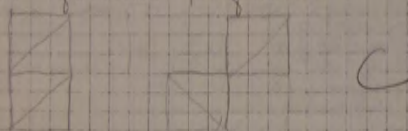
4

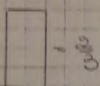
2 - Represente através de desenhos:

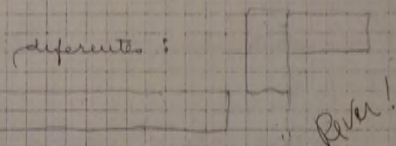
a)  $\frac{1}{5}$  da figura a do exercício 1 b)  $\frac{1}{5}$  da figura b do exercício 1 c)  $\frac{1}{5}$  da figura c do exercício 1 3 - Considerando  $\frac{1}{5}$  da figura c do exercício 1 você pode construir unidades com outras formas.Observe:  =  $\frac{1}{5}$   = unidadea) Considerando ainda  =  $\frac{1}{5}$ , construa a unidade diferente das duas formas já construídas:

C

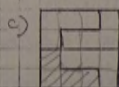
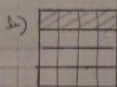
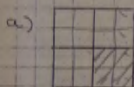
b) Considere  e construa a unidade em três formas diferentes:



d) Considere  e construa a unidade em três formas diferentes:



4- Temos abaixo, três cópias de uma figura:



Qual é a medida de superfície da figura?

5 quadrados = 5 unidades

b) Pinte em cada figura a parte correspondente a  $\frac{1}{4}$ , observando a representação indicada

c) Calcule a medida de superfície da parte  $= \frac{1}{4}$  em cada uma das representações e registre abaixo

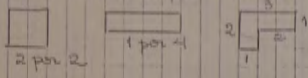
na cópia a: 4 quadrados

na cópia b: 9 quadrados

na cópia c: 1 quadrado

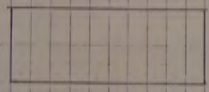
d) O que você concluiu sobre a medida de superfície da parte  $= \frac{1}{4}$  da unidade, representada de diferentes maneiras?

Observe que as medidas dos lados mudam, mas a área foi mantida.



a medida da área de 1 da unidade corresponde a 1 da medida de superfície da unidade.

5) Se a medida de superfície da figura abaixo:

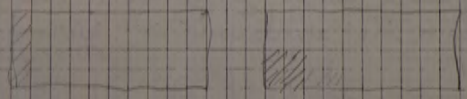


Área = 40 quadrados

a) Desenhe duas cópias desta cópia observando com cuidado as medidas (em quadrados).

Represente em cada cópia a parte correspondente a  $\frac{1}{10}$ , utilizando duas maneiras diferentes para representar a unidade.

Explicando:  $\frac{1}{10}$  da primeira cópia da unidade deve ter forma diferente de  $\frac{1}{10}$  da segunda cópia.



b) Compare as áreas nas duas representações de  $\frac{1}{10}$  que você assinou nas figuras acima. Têm a mesma medida de superfície? Qual é? Têm igualdade?

c) Verifique se a área correspondente a  $\frac{1}{10}$  da figura (unidade) representa também  $\frac{1}{10}$  da área da unidade.

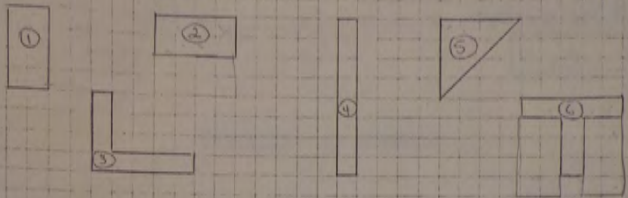
Registre sua conclusão:

De fato, a unidade de superfície é a mesma em ambas as representações. -3-

Atenção para a figura!



6 - Verifique as medidas (de superfície) das figuras abaixo:

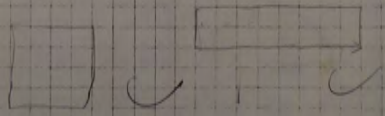


a) O que conclui sobre as medidas de superfície (área) das figuras?  
As que todos têm 2 quadrados.

b) Figuras de formas diferentes, que tenham a mesma área, podem representar uma mesma fração de determinada unidade?  
Sim, pode representar a mesma fração.

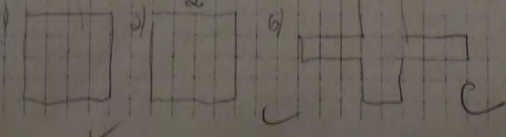
c) Se cada uma das figuras acima representa  $\frac{1}{2}$  de determinada figura considerada como unidade, qual é a área de unidade?  
A área é de 6 quadrados.

d) Utilizando as formas acima representadas como  $\frac{1}{2}$  da unidade, continue a unidade em duas formas diferentes.



e) Encontre uma forma para a unidade na qual possa ser representada a parte correspondente a  $\frac{1}{2}$ , como aparece nas figuras 1, 2 e 3.  
 Represente em três cópias da unidade o verso da folha.

d) Continue a unidade, considerando a figura 6 como  $\frac{1}{2}$ . Você escolhe a forma.



ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Juliana Soares

DATA: 15/4/89

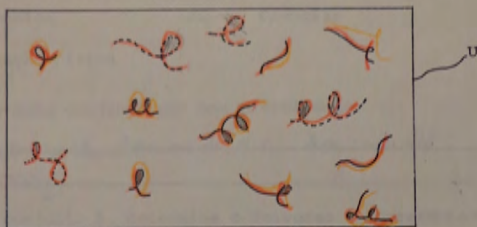
6ª SÉRIE

1030

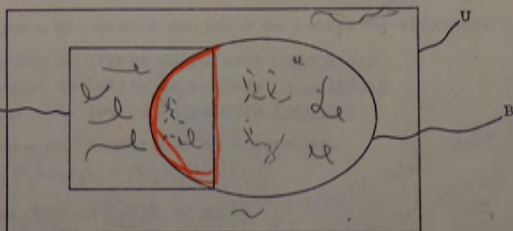
Bom +

AVALIAÇÃO - 1º BIMESTRE

- 1 - Considere para Universo o conjunto abaixo. Os elementos desse conjunto são pedaços de fios de linha com laçadas ou sem laçadas.  
Pinte os fios pontilhados e contínuos em duas cores diferentes.



- a) Represente este conjunto no diagrama que segue.  
A é o conjunto dos fios que têm um único laço.  
B é o conjunto dos fios que têm laços ou são pontilhados.



*Atenção para a propriedade de B!*

- b) Assinale no gráfico com hachurado o conjunto  $A \cap B$ .

- 2 - Considere para Universo o conjunto de pessoas da sua família.  
 Represente por uma propriedade, pelo menos dois conjuntos desse Universo.

A: É o conjunto das pessoas de 16 anos C

B: É o conjunto das pessoas de 15 anos C

- 3 - Considere para Universo o conjunto:

$U = \{P, M, E.S., Ci, Artes, E.F.\}$

P = Português ; E.S. = Estudos Sociais

M = Matemática ; Ci = Ciências

E.F. = Educação Física

Represente este conjunto por uma propriedade:

U é o conjunto das matérias da escola  
Boas aulas C

- 4 - Observe o conjunto A, determine o Universo e represente-o por uma propriedade.

$A = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, \dots\}$

U: numeros

Propriedade: A é o conjunto dos números ímpares

*Atenção para a intuição!*

- 5 - Considere para Universo o conjunto de letras do alfabeto.

P é o conjunto de letras da palavra Computador

Q é o conjunto de letras da palavra Calculadora

R é o conjunto de letras da palavra Sonhador

- a) Represente por enumeração os conjuntos:

$P = \{c, o, m, p, u, t, a, d, o, r\}$

$Q = \{c, a, l, c, u, l, a, d, o, r, a\}$

$R = \{s, o, n, h, a, d, o, r\}$

*Não se repete elementos em um mesmo conjunto!*

- b) Represente por enumeração os conjuntos:

$P \cap Q = \{c, a, u, d, o, r\}$  C

$Q \cup R = \{c, a, l, c, u, l, a, d, o, r, a, s, o, n, h, a, d, o, r\}$



c) Complete com  $\in$  ou  $\notin$  :

C.....P	o.....Q	c.....R
u.....R	l.....P	a.....Q
m.....Q	n.....R	t.....P

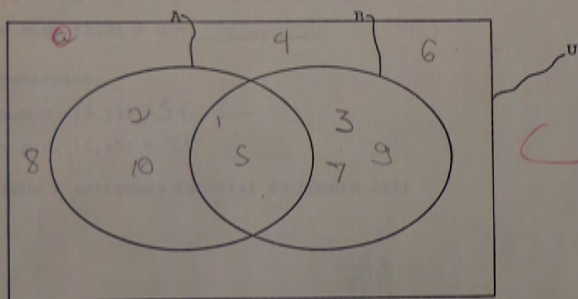
6 - Considere:

$$U = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$$

$$A = \{1, 2, 5, 10\}$$

$$B = \{1, 3, 5, 7, 9\}$$

a) Agora, complete o diagrama:



b) Represente por enumeração os conjuntos:

$$A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 7, 9, 10\}$$

$$A \cap B = \{1, 5\}$$

7 - Considere para universo o conjunto dos números naturais:

$$N = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$$

80 anos? 4

a) Escreva por enumeração os conjuntos:

Múltiplos de 7:

$$M_7 = \{7, 14, 21, 28, 35, 42, \dots\} \quad 4$$

Múltiplos de 2:

$$M_2 = \{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 20, 22, \dots\} \quad 4$$

Múltiplos de 4:

$$M_4 = \{4, 8, 12, 16, 20, 24, \dots\} \quad 4$$

b) Complete:

$$M_7 \cap M_2 = \{14, 28, 42, \dots\} \quad 4$$

$$\text{m.m.c.}(7, 2) \neq 0 = 14 \quad \checkmark$$

$$M_2 \cap M_4 = \{4, 8, 12, 16, 20, 24, \dots\} \quad 4$$

$$\text{m.m.c.}(2, 4) \neq 0 = 4 \quad \checkmark$$

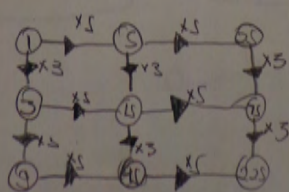
c) Determine:

$$\text{m.m.c.}(9, 12) = 36 \quad \checkmark$$

$$\text{m.m.c.}(5, 10) = 10 \quad \checkmark$$

9 - Desenhe a estrutura fatorial do número 225:

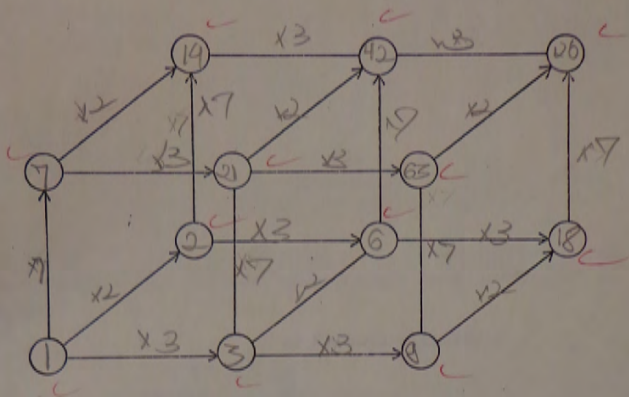
$$\begin{array}{r} 225 \\ \underline{75} \quad 3 \\ 15 \quad 5 \\ \underline{3} \quad 3 \\ 1 \end{array}$$



O zero é múltiplo de todos os números!

C

10 - Temos os números: 63, 126 e 28. Qual deles pode ser representado na estrutura fatorial abaixo? Mostre que a sua resposta é verdadeira completando a estrutura fatorial.



o) 63

$$\begin{array}{r|l} 63 & 3 \\ 21 & 3 \\ 7 & 7 \\ 1 & \end{array}$$

o) 126

$$\begin{array}{r|l} 126 & 3 \\ 42 & 2 \\ 21 & 3 \\ 7 & 7 \\ 1 & \end{array}$$

o) 28

$$\begin{array}{r|l} 28 & 2 \\ 14 & 2 \\ 7 & 7 \\ 1 & \end{array}$$

4

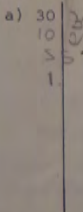
Resposta?

T.P. - ESTRUTURA FATORIAL UM DE NÚMERO (3)

Divisibilidade

Releia a ficha de A.C. - Estrutura Fatorial de um número (3), antes de resolver as questões propostas neste T.P.

1. Construa a estrutura fatorial do número 30, determinando antes os seus fatores primos, através do algoritmo de decomposição de um número.



b) Estrutura fatorial



$30 = 2 \cdot 3 \cdot 5 = 30$

- c) Escreva o conjunto de fatores de 30.

$F_{30} = \{1, 2, 3, 5, 6, 10, 15, 30\}$

- d) Complete:

30 é divisível por 1? Por que? Por que 1 é fator de 30, isto é 30 é divisível por 1.

30 é divisível por 2? Por que? Por que 2 é fator de 30, isto é 30 é divisível por 2.

30 é divisível por 3? Por que? Por que 3 é fator de 30, isto é 30 é divisível por 3.

- e) Determine o conjunto de todos os números pelos quais podemos dividir, exatamente, o número 30.

$$D_{30} = \{1, 2, 3, 5, 6, 10, 15, 30\}$$

2. Represente o número 60 através de seus fatores primos:

$$60 = 2 \times 2 \times 3 \times 5$$

- a) Sem construir a estrutura fatorial, responda e justifique sua resposta:

60 é divisível por 27? sim

Por que? 2 e 3 fatores de 60

60 é divisível por 37? sim

Por que? 3 e 4 fatores de 60

60 é divisível por 47? sim

Por que? 4 e 5 fatores de 60

60 é divisível por 12? sim

Por que? 12 e 5 fatores de 60

3. Todo número natural é divisível por 1? sim

Por que? 1 e 2 fatores de todos os números

4. Complete o quadro abaixo, lembrando que você já construiu as estruturas fatoriais e determinou fatores dos números indicados na A.C. de Divisibilidade e em exercícios anteriores desta ficha. Basta assinalar com um x.

	108	50	945	30	60
É divisível por 2	X	X		X	X
É divisível por 5		X	X	X	X
É divisível por 10		X		X	X



5. Nem sempre é necessário construir a estrutura fatorial ou decompor um número em seus fatores primos, para descobrir os seus divisores.

Nós temos algumas regras práticas, em matemática, que nos permitem afirmar que um número é divisível ou não, por 2, 3, 4, 5, 6, 8, 10...

Por exemplo, todo número que é divisível por 2 pode ser conhecido pelo seu algarismo final. Você pode tentar descobrir isto, observando os números trabalhados nesta ficha, que são divisíveis por 2.

Uma dica:

Todo número que é divisível por 2, tem o caminho do x 2 na sua estrutura fatorial.

Todo número que tem o caminho do x 2 é um número par

Como terminam (algarismo final) os números pares? com 0, 2, 4, 6, 8

Descobriu a regra prática? Registre a sua conclusão:

Quando o dígito final de um número é 0, 2, 4, 6 ou 8, esse número é par.

6. Fazendo o mesmo raciocínio, você pode descobrir as regras e responder as questões:

a) Qual é a característica dos números divisíveis por 5?

Terminam com 0 ou 5

b) Dê exemplos de números divisíveis por 5.

R: Ex: 200, 50, 105, 205, 1055, 1555, 1600, 2000

c) Qual é a característica dos números divisíveis por 10?

Terminam com 0

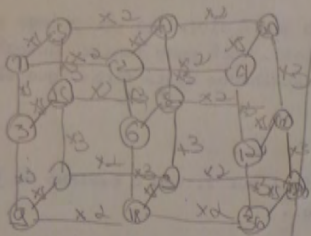
d) Dê exemplos de números divisíveis por 10.

R: Ex: 200, 10, 20, 30, 40, 100, 10000, 5000, 20

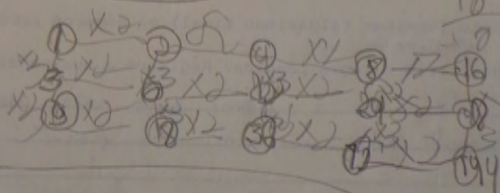


$$\begin{array}{r}
 180 \\
 \underline{60} \\
 30 \\
 \underline{10} \\
 5 \\
 \underline{5} \\
 1
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 144 \\
 \underline{72} \\
 36 \\
 \underline{18} \\
 9 \\
 \underline{3} \\
 3 \\
 \underline{3} \\
 1
 \end{array}$$



$$\begin{array}{r}
 1000 \\
 \underline{500} \\
 180 \\
 \underline{50} \\
 50 \\
 \underline{10} \\
 5 \\
 \underline{5} \\
 1
 \end{array}$$



$$\begin{array}{r}
 x1 \quad \underline{x2} \quad 2 \quad \underline{x2} \quad 4 \quad \underline{x2} \quad 8 \\
 \downarrow \quad \underline{x2} \quad 10 \quad \underline{x2} \quad 30 \quad \underline{x2} \quad 100 \\
 \downarrow \quad \underline{x2} \quad 50 \quad \underline{x2} \quad 100 \\
 \downarrow \quad \underline{x2} \quad 250 \quad \underline{x2} \quad 500 \\
 \downarrow \quad \underline{x2} \quad 250 \quad \underline{x2} \quad 500
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 180 \\
 \underline{60} \\
 30 \\
 \underline{10} \\
 5 \\
 \underline{5} \\
 1
 \end{array}$$

7. Em cada um dos exercícios que seguem, você deverá completar o algarismo que falta no  para que:

a) 23  seja divisível por 2 e 5 ao mesmo tempo.

b) 32  seja divisível por 2.

c) 76  seja divisível por 10.

d) 4  6 seja divisível por 2.

e) 23   seja divisível por 5 e por 10.

8. Escreva o maior número com três algarismos que seja divisível por:

a) 5 = 335

b) 10 = 990

c) 2 = 998

9. Agora você já pode descobrir o que está sendo solicitado na tabela. Se precisar de espaço para cálculos, use o verso da folha. Complete, assinalando com x.

	180	144	1000	999	1350
É divisível por 2	X	X	X		X
É divisível por 3	X	X	X		X
É divisível por 6	X	X	X		X
É divisível por 5	X	X	X	X	X
É divisível por 10	X	X	X	X	X
É divisível por 15	X	X	X	X	X
É divisível por 12	X	X	X		X
É divisível por 30	X	X	X		X

A.C. - ESTRUTURA FATORIAL DE UM NÚMERO (3)

Divisibilidade

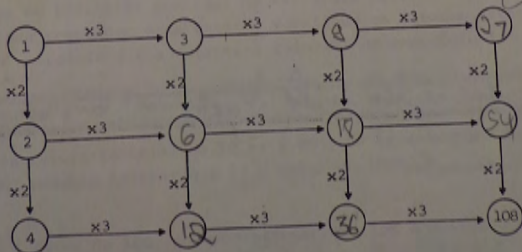
1. Vamos analisar a estrutura fatorial do número 108.

a) Determine seus fatores primos utilizando o dispositivo prático.

$$\begin{array}{r|l} 108 & 2 \\ 54 & 2 \\ 27 & 3 \\ 9 & 3 \\ 3 & 3 \\ 1 & \end{array}$$

$$108 = 2^2 \times 3^3 = 108$$

b) Conhecendo os fatores primos do número 108, podemos construir todos os demais fatores, montando sua estrutura fatorial. Complete:



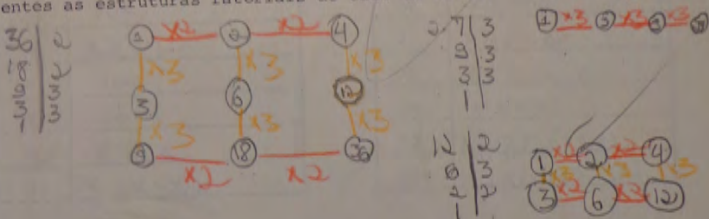
c) Analisando a estrutura fatorial temos que:

$$108 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3$$

2. Observando o exercício 1, determine todos os fatores de 108:

108: 1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 27, 36, 54, 108

3. Escolha pelo menos três desses fatores e construa em cores diferentes as estruturas fatoriais de cada um deles.



4. As estruturas fatoriais que você construiu estão contidas na estrutura fatorial do número 108 (exercício 1)?

Sim, as estruturas fatoriais que construímos estão contidas no 108

5. Seria possível afirmar que as estruturas fatoriais de todos os fatores de 108 estão contidas na estrutura fatorial do número 108? Para responder esta questão verifique os fatores determinados no exercício 2 e a estrutura fatorial do exercício 1.

Sim, seria possível afirmar que as estruturas fatoriais de todos os fatores estão contidas na estrutura fatorial do número 108

6. Se a estrutura fatorial do 12 está contida na estrutura fatorial do 108, podemos afirmar que 12 é fator de 108? Sim

7. Se 12 é fator de 108, podemos afirmar que 108 é múltiplo de 12?

Sim, podemos afirmar que 108 é múltiplo de 12

8. Para chegarmos a cada um dos fatores, na estrutura fatorial, temos sempre que construir caminhos de multiplicação. Observe os exemplos e complete os quadros abaixo com os caminhos de multiplicação necessários em cada caso.

Fator	
2	$\times 2$
3	$\times 3$
4	$\times 2 \times 2$
6	$\times 2 \times 3$
8	$\times 2 \times 2 \times 2$
9	$\times 3 \times 3$
12	$\times 2 \times 2 \times 3$

Fator	
18	$\times 3 \times 3 \times 2$
24	$\times 2 \times 2 \times 2 \times 3$
27	$\times 3 \times 3 \times 3$
36	$\times 2 \times 3 \times 2 \times 3$
54	$\times 2 \times 3 \times 3 \times 3$
72	$\times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$
108	$\times 2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3$

Observe que:

Se a estrutura fatorial do 108 tem o caminho  $\times 2$ , o 2 é fator de 108 e 108 é divisível por 2.

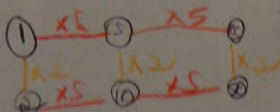
Se a estrutura fatorial do 108 tem o caminho  $\times 2 \times 3$ , o 6 é fator de 108 e 108 é divisível por 6.

9. Escreva uma regra para descobrir os divisores (fatores) de um número, utilizando estrutura fatorial.

~~Utilizando a estrutura fatorial de um número, podemos descobrir os divisores do número. Para isso, basta multiplicar os fatores da estrutura fatorial do número entre si, começando pelo 1.~~

10. Construa a estrutura fatorial do número 50.

$$\begin{array}{r} 50 \quad 2 \\ 25 \quad 5 \\ 5 \quad 5 \\ 1 \end{array}$$





- a) Utilizando a estrutura fatorial, justifique a afirmação:  
50 é divisível por 25.

~~50 é divisível por 25 porque  $25 \times 2 = 50$   
e porque a estrutura fatorial de 25 está  
contida na estrutura de 50~~

11. Para responder se 192 é divisível por 6, precisamos saber se na estrutura fatorial do número 192, existe o caminho  $2 \times 3$ .

Tente descobrir se existe este caminho na estrutura, sem construí-la. Utilize algoritmo de decomposição em fatores primos.

$$\begin{array}{r|l}
 192 & 2) 6 \\
 96 & 2) \\
 48 & 2) \\
 24 & 2) \\
 12 & 2) \\
 6 & 2) \\
 3 & 3) \\
 1 & 
 \end{array}$$

Resposta: 192 é divisível por 6

12. Como você vê, podemos, encontrar os fatores de um número, descobrindo os caminhos de multiplicação da sua estrutura fatorial, sem construí-la.

Para isso, basta decompor esse número em seus fatores primos.

Faça isto com o número 945.

- a) Decomponha 945 em seus fatores primos.  
b) Verifique se 945 é divisível por 2, 3, 5, 9 e 10.

$$\begin{array}{r|l}
 945 & 3) \\
 315 & 3) \\
 105 & 3) \\
 35 & 5) \\
 7 & 7) \\
 1 & 
 \end{array}$$

$P = 3^3 \cdot 5 \cdot 7$  é divisível por 3, 5, 9 e não é divisível por 2 e 10



ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Esteban

DATA: 6/4/87

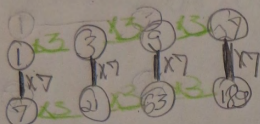
M. / 19 / 87

6a. SÉRIE

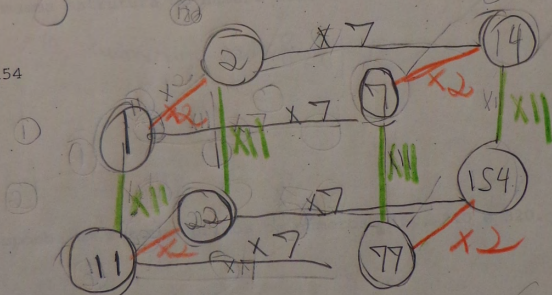
T.P. - ESTRUTURA FATORIAL DE UM NÚMERO (2)

1. Desenhe as estruturas fatoriais dos números:

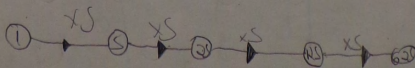
a) 189



b) 154



c) 625



$$\begin{array}{r} 5 \\ 5 \\ 5 \\ 5 \\ \hline 625 \end{array}$$

2. Encontre pelo menos dois números que tenham:

a) A mesma estrutura do número 189..

O número 189 é 270, 378

b) A mesma estrutura do número 154.

O número 154 é 308, 462

c) A mesma estrutura do número 625.

O número 625 é 1250, 1875

3. Decomponha em fatores primos os números: 150, 210 e 320.

$$\begin{array}{r|l} 150 & 3 \\ 50 & 2 \\ 25 & 5 \\ 5 & 5 \\ 0 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 210 & 2 \\ 105 & 3 \\ 35 & 5 \\ 7 & 7 \\ 1 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 320 & 2 \\ 160 & 2 \\ 80 & 2 \\ 40 & 2 \\ 20 & 2 \\ 10 & 2 \\ 5 & 5 \\ 1 & \end{array}$$

## A.C. - ESTRUTURA FATORIAL DE UM NÚMERO (2)

Decomposição de um número em fatores primos

Você viu, construindo estruturas fatoriais que podemos es  
crever um número como produto de fatores.

Veja o exemplo do número 24:

$$24 = 2 \times 12$$

$$24 = 3 \times 8$$

$$24 = 6 \times 4$$

$$24 = 2 \times 2 \times 6$$

$$24 = 3 \times 2 \times 4$$

$$24 = 6 \times 2 \times 2$$

ou ainda

$$24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3$$

Neste último caso, o número 24 está escrito com o maior  
número de fatores possíveis (fatores primos).

1. Faça o mesmo com os números, representando-os através de diferen  
tes produtos. Não se esqueça de representá-los através de seus  
fatores primos.

a)  $36 = 6 \times 6$   
 $36 = 2 \times 18$   
 "  $3 \times 12$   
 "  $3 \times 2 \times 6$   
 "  $9 \times 4$   
 "  $3 \times 3 \times 4$   
 "  $2 \times 2 \times 3 \times 3$

b)  $18 =$   
 "  $2 \times 9$   
 "  $3 \times 3 \times 2$   
 "  $6 \times 3$   
 "  $2 \times 3 \times 3$

c)  $45 =$   
 "  $9 \times 5$   
 "  $3 \times 3 \times 5$

d)  $32 = 2 \times 16$   
 "  $4 \times 8$   
 "  $2 \times 2 \times 8$   
 "  $4 \times 2 \times 4$   
 "  $2 \times 2 \times 2 \times 2$

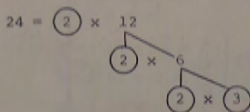
e)  $11 = 11$

f)  $100 = 2 \times 50$   
 $4 \times 25$   
 $2 \times 2 \times 25$   
 $5 \times 5 \times 4$   
 $2 \times 2 \times 5 \times 5$

Para achar os fatores primos de um número, você pode se utilizar do seguinte dispositivo prático:

Exemplo 1:

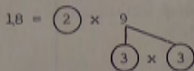
24	2
12	2
6	2
3	3
1	



Logo  $24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3$

Exemplo 2:

18	2
9	3
3	3
1	



Logo  $18 = 2 \times 3 \times 3$

2. Utilizando o dispositivo prático decomponha em fatores primos os números: *na vertical ou de lado*

a)  $26 = 2 \times 13$  ✓

b)  $48 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$  ✓  
 $2^4 \times 3$

c)  $210 = 2 \times 5 \times 3 \times 7$  ✓

d)  $80 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5$  ✓  
 $2^4 \times 5$

$$\begin{array}{r|l}
 26 & 2 \\
 13 & 15 \\
 1 & \\
 \hline
 \end{array}$$

C

$$\begin{array}{r|l}
 48 & 2 \\
 24 & 2 \\
 12 & 2 \\
 6 & 2 \\
 3 & 3 \\
 1 & \\
 \hline
 \end{array}$$

C

$$\begin{array}{r|l}
 210 & 2 \\
 105 & 5 \\
 21 & 3 \\
 7 & 7 \\
 1 & \\
 \hline
 \end{array}$$

C

$$\begin{array}{r|l}
 80 & 2 \\
 40 & 2 \\
 20 & 2 \\
 10 & 2 \\
 5 & 5 \\
 1 & \\
 \hline
 \end{array}$$



3. Utilizando o dispositivo prático decompõe em fatores primos o número 954.

$$\begin{array}{r|l} 954 & 3 \\ \hline 318 & 3 \\ 106 & 2 \\ 53 & 53 \\ 1 & \end{array}$$

$$954 = 3 \times 3 \times 2 \times 53$$

4. Assinale com (x) as afirmações corretas:

$60 = 2^2 \times 3 \times 5$

$38 = 2 \times 2 \times 5$

$16 = 2 \times 2 \times 5$

$27 = 3 \times 3 \times 3$

$50 = 2 \times 5 \times 5$

$50 = 2 \times 2 \times 5$

$68 = 2^2 \times 17$

$35 = 7 \times 5$

$16 = 3^2 \times 2$

$8 = 2^3$

$16 = 2^3 \times 2$

$50 = 2 \times 5^2$

$27 = 2 \times 3^2$

$60 = 2 \times 2 \times 3 \times 5$

$38 = 2 \times 19$

$68 = 2 \times 3 \times 17$

5. Assinale os números que estão representados por um produto de fatores primos:

$2 \times 3 \times 5$

$4 \times 3 \times 7$

$2^3 \times 5 \times 7$

$2^3 \times 37$

$3 \times 7 \times 15$

$7 \times 5 \times 3$

$5^2 \times 7^2 \times 3^2$

$2 \times 5 \times 10$

3. Utilizando o dispositivo prático decompõe em fatores primos o número 954.

$$\begin{array}{r|l} 954 & 3 \\ \hline 318 & 3 \\ \hline 106 & 2 \\ \hline 53 & 53 \\ \hline 1 & \end{array}$$

$$954 = 3 \times 3 \times 2 \times 53$$

4. Assinale com (x) as afirmações corretas:

$60 = 2^2 \times 3 \times 5$

$16 = 3^2 \times 2$

$38 = 2 \times 2 \times 5$

$8 = 2^3$

$16 = 2 \times 2 \times 5$

$16 = 2^3 \times 2$

$27 = 3 \times 3 \times 3$

$50 = 2 \times 5^2$

$50 = 2 \times 5 \times 5$

$27 = 2 \times 3^2$

$50 = 2 \times 2 \times 5$

$60 = 2 \times 2 \times 3 \times 5$

$68 = 2^2 \times 17$

$38 = 2 \times 19$

$35 = 7 \times 5$

$68 = 2 \times 3 \times 17$

5. Assinale os números que estão representados por um produto de fatores primos:

$2 \times 3 \times 5$

$4 \times 3 \times 7$

$2^3 \times 5 \times 7$

$2^3 \times 37$

$3 \times 7 \times 15$

$7 \times 5 \times 3$

$5^2 \times 7^2 \times 3^2$

$2 \times 5 \times 10$

ORIENTAÇÃO DE ESTUDO

Vamos estudar?

1 - Comece relendo cada ficha e refazendo alguns exercícios:

- Conjuntos - Introdução
- Conjuntos ( $\in$ ,  $\notin$ )
- Conjuntos - Representação

Verifique se está sabendo:

- Representar conjuntos em diagramas.
- Determinar o conjunto Universo para um conjunto dado.
- Representar um conjunto por enumeração.
- Representar um conjunto por uma propriedade.
- Utilizar os símbolos  $\in$ ,  $\notin$ .

Faça agora os exercícios:

a) Considere para Universo o conjunto dos Estados do Brasil.

Lembre-se: você pode consultar o Atlas.

A é o conjunto dos Estados cujo nome começa com a letra P.

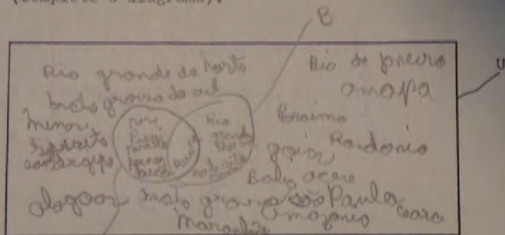
B é o conjunto dos Estados da região Sul.

Represente os conjuntos A e B por enumeração:

$$A = \{ \text{para, Piauí, Paraíba, Pernambuco, Paraná} \}$$

$$B = \{ \text{Rio Grande do Sul, São Catarina, Paraná} \}$$

Represente os conjuntos: Universo, A e B no diagrama abaixo  
(complete o diagrama).



b) Observe os conjuntos que seguem e determine o conjunto Universo para cada um deles:

$$A = \{ \text{verde, amarelo, azul, branco} \}$$

Universo: As cores

Represente o conjunto A por uma propriedade: A é o conjunto

das cores da bandeira

$$B = \{ 5^{\text{a}} A, 5^{\text{a}} B, 6^{\text{a}} A, 6^{\text{a}} B, 7^{\text{a}} A, 7^{\text{a}} B, 8^{\text{a}} A, 8^{\text{a}} B \}$$

Universo: Escolas

Represente o conjunto B por uma propriedade: A é o conjunto

das séries A e B

$$C = \{ 0, 2, 4, 6, 8 \}$$

Universo: numeros pares menores de 10

Represente o conjunto C por uma propriedade: A é o conjunto

pares menores de 10

$$D = \{ 4, 6, 8, 10, 12, 14, \dots \}$$

Universo: numeros pares maiores de 2

Represente o conjunto D por uma propriedade: A é o conjunto

dos numeros pares maiores de 2





c) Considere para Universo o conjunto de verbos da língua Portuguesa.

$P = \{ \text{fazer, querer, poder, dizer...} \}$

$Q = \{ \text{andar, pegar, carregar, miar...} \}$

$R = \{ \text{rir, mentir, cair...} \}$

Complete com  $\in$  ou  $\notin$ :

fazer... $\in$ ...P

compor... $\notin$ ...Q

carregar... $\in$ ...Q

mentir... $\in$ ...P

cair... $\in$ ...R

amar... $\notin$ ...Q

poluir... $\in$ ...R

escrever... $\notin$ ...P

2 - Vamos voltar à pasta e reler as fichas:

- Conjuntos - Reunião e Intersecção
- Conjuntos - Reunião e Intersecção
- Múltiplos e Fatores
- Múltiplos e Fatores
- Menor Múltiplo Comum (M.M.C.)

Verifique se está sabendo:

- Representar em diagrama a reunião de dois conjuntos dados.
- Representar em diagrama a intersecção de dois conjuntos dados.
- Representar por enumeração a reunião de dois conjuntos dados.
- Representar por enumeração a intersecção de dois conjuntos dados.
- Utilizar os símbolos  $\cup$  e  $\cap$ .
- Determinar o conjunto de múltiplos de um número.
- Determinar o conjunto de fatores de um número.

- Determinar o conjunto reunião e o conjunto intersecção entre conjuntos de múltiplos de diferentes números.
- Determinar o conjunto reunião e o conjunto intersecção entre conjuntos de fatores de diferentes números.
- Representar estas reuniões e intersecções em diagramas.
- Determinar o m.m.c. por enumeração dos conjuntos de múltiplos de dois ou mais números.

Faça agora os exercícios:

- a) Dois estudantes, Ronaldo e Henrique, querem aproveitar as férias visitando as cidades históricas de Minas Gerais. Ronaldo quer visitar Ouro Preto, Sabará, Diamantina e Belo Horizonte, por ser a capital do Estado.

Henrique quer visitar Belo Horizonte, Ouro Preto, Congonhas do Campo e Mariana.

Chamemos de R o conjunto de cidades que Ronaldo quer visitar.  
Complete:

$$R = \{ \text{Ouro Preto, Sabará, Diamantina, Belo Horizonte} \}$$

Chamemos de H o conjunto de cidades que Henrique quer visitar.  
Complete:

$$H = \{ \text{Belo Horizonte, Ouro Preto, Congonhas do Campo, Mariana} \}$$

Determine por enumeração o conjunto C das cidades que são comuns nos planos de viagem dos dois estudantes.

$$C = \{ \text{Belo Horizonte, Ouro Preto} \}$$

Complete com o símbolo de modo que a sentença se torne verdadeira.

$$C = R \cap H$$

Determine por enumeração o conjunto D, de todas as cidades mencionadas, as que Ronaldo quer visitar e as que Henrique quer visitar.

$$D = \{ \text{Belo Horizonte, Ouro Preto, Sabará, Diamantina, Congonhas do Campo, Mariana} \}$$

Complete com o símbolo de modo que a sentença se torne verdadeira.

$$D = R \cup H$$

b) Considere para Universo o conjunto:

$$U = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20\}$$

$$A = \{0, 2, 4, 6, 8\}$$

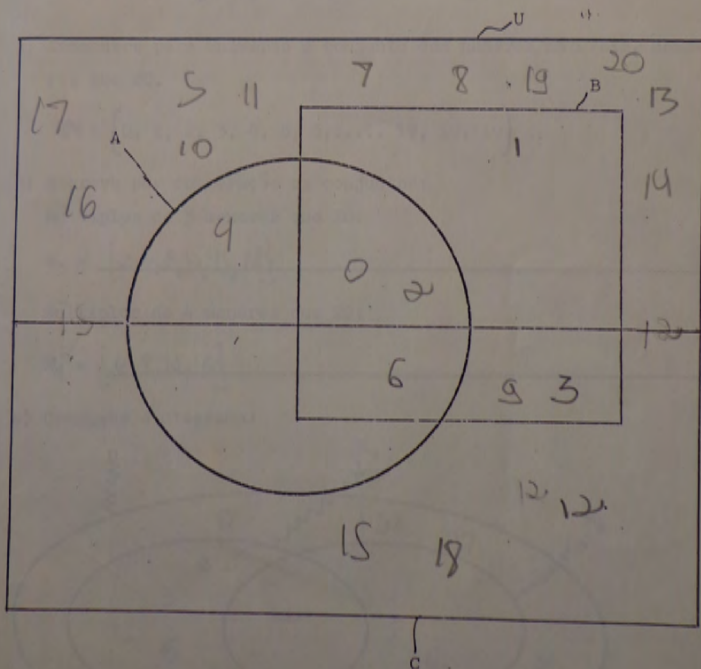
B. Conjunto dos fatores de 18.

$$B = \{1, 2, 3, 6, 9\}$$

C. Conjunto dos múltiplos de 3 menores que 20.

$$C = \{3, 6, 9, 12, 15, 18\}$$

Complete o diagrama:



Agora complete:

$$A \cap B = \{0, 2\}$$

$$B \cap C = \{2, 9\}$$

$$A \cap B \cap C = \{2\}$$

$$A \cup B = \{0, 2, 4, 8\}$$

$$B \cup C = \{1, 3, 9, 12, 15, 18\}$$

$$A \cup B \cup C = \{0, 1, 2, 3, 4, 8, 9, 12, 15, 18\}$$

3. Considere para Universo o conjunto dos números naturais, menores que 20.

$$\mathbb{N} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, \dots, 17, 18, 19\}$$

- a) Escreva por enumeração os conjuntos:

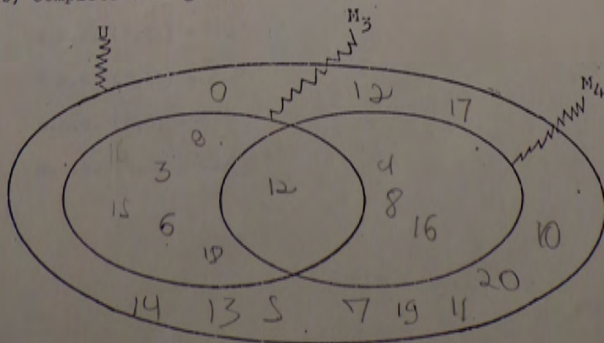
Múltiplos de 3 menores que 20:

$$M_3 = \{3, 6, 9, 12, 15, 18\}$$

Múltiplos de 4 menores que 20:

$$M_4 = \{4, 8, 12, 16\}$$

- b) Complete o diagrama:





c) Complete:

$$M_3 \cap M_4 = \underline{\{12\}}$$

$$\text{m.m.c.}(3,4) = \underline{12}$$

4. Considere para Universo o conjunto dos números naturais:

$$N = \underline{\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, \dots, 35, \dots\}}$$

Complete:

$$M_2 = \underline{\{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 20, 22, 24, 26, \dots\}}$$

$$M_9 = \underline{\{9, 18, 27, 36, 45, \dots\}}$$

$$M_{10} = \underline{\{10, 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90, 100, \dots\}}$$

$$M_5 = \underline{\{5, 10, 15, 20, 25, 30, 35, 40, 45, 50, \dots\}}$$

$$M_2 \cap M_9 = \underline{\{18, 36, \dots\}}$$

$$\text{m.m.c.}(2,9) = \underline{18}$$

$$M_2 \cap M_{10} = \underline{\{10, 20, 30, \dots\}}$$

$$\text{m.m.c.}(2,10) = \underline{10}$$

$$M_5 \cap M_9 = \underline{\{45, \dots\}}$$

$$\text{m.m.c.}(5,9) = \underline{45}$$

e) Complete:

$$\text{m.m.c.}(7,21) = \underline{21}$$

$$\text{m.m.c.}(3,11) = \underline{33}$$

$$\text{m.m.c.}(6,8) = \underline{24}$$

$$\text{m.m.c.}(4,6) = \underline{12}$$



5 - Para finalizar releia as fichas:

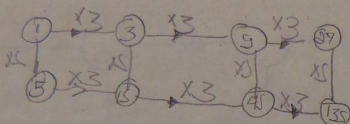
- Estrutura Fatorial de um número
- Estrutura Fatorial

Verifique se está sabendo:

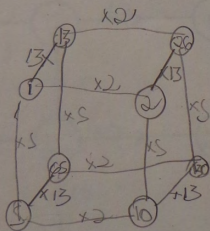
- Construir a estrutura fatorial de um número.
- Dada a estrutura fatorial, descobrir que números ela pode representar.

a) Construir as estruturas fatoriais dos números 135 e 130.

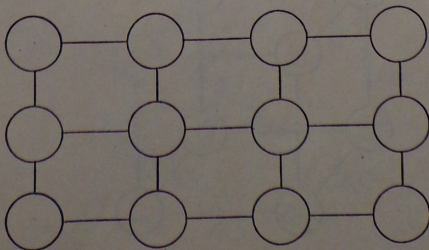
$$\begin{array}{r|l} 135 & 5 \\ 27 & 3 \\ 8 & 3 \\ 3 & 3 \\ 0 & \end{array}$$



$$\begin{array}{r|l} 130 & 5 \\ 26 & 13 \\ 2 & 2 \\ 0 & \end{array}$$



b) Entre os números: 200, 108, 162, 225, quais os que podem ser representados pela estrutura fatorial abaixo?



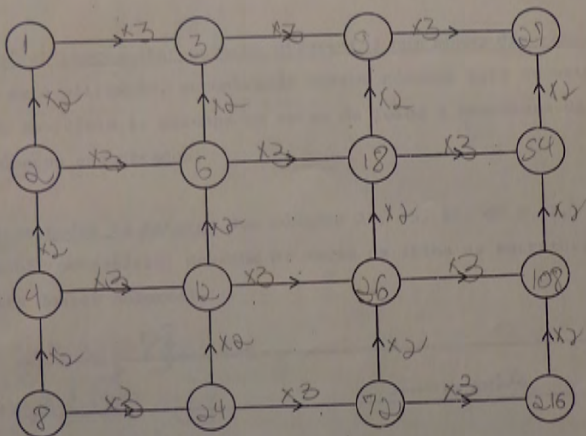
Quais podem ser os números 200, 108

T.P. - ESTRUTURA FATORIAL UM DE NÚMERO (1)

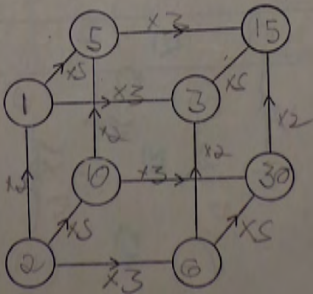
*construção  
maneira*

1. Escolha os diagramas adequados para representar as estruturas fatoriais dos números 200, 216 e 30.

a)



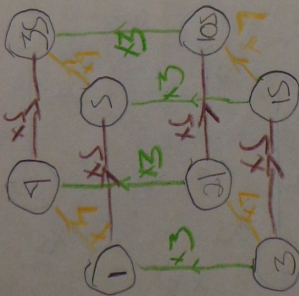
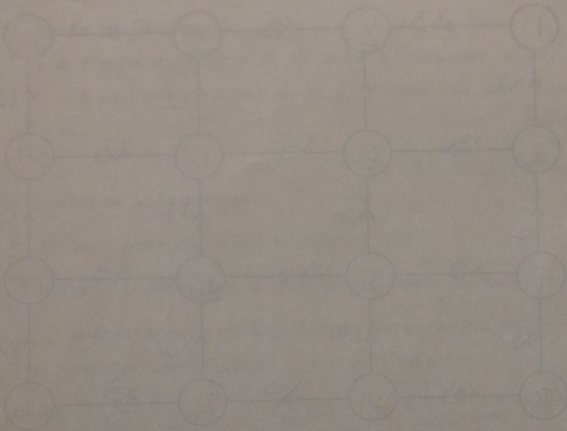
b)

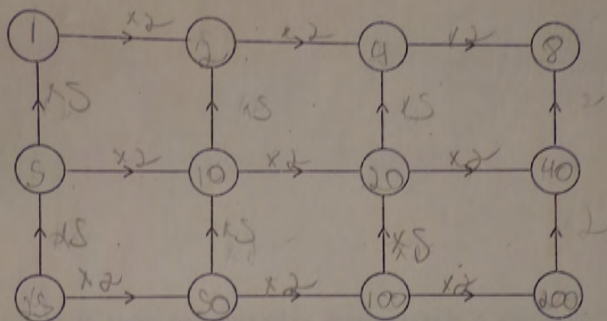


1/18/81

initiate

13





2. É possível representar números diferentes num mesmo diagrama.

Prove esta afirmação, encontrando outros números para as estruturas do exercício 1. Desenhe no verso da folha a estrutura de um dos números encontrados.

3. Encontre todos os fatores dos números 27, 45, 15, 40 e 42.

(Se achar necessário, desenhe no verso da folha as estruturas fatoriais destes números).

F 27:  $\{1, 3, 9, 27\}$  c

F 45:  $\{1, 3, 5, 9, 15, 45\}$  incompleto

F 15:  $\{1, 3, 5, 15\}$  c

F 40:  $\{1, 2, 4, 5, 8, 10, 20, 40\}$  c

F 42:  $\{1, 2, 3, 6, 14, 42\}$  incompleto



ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Fabiano

DATA: 24/3/87

6a. SÉRIE C

M. / 13/87

A.C. - ESTRUTURA FATORIAL DE UM NÚMERO (1)

1ª TAREFA:

1. Na cidade do 36 todos os habitantes devem visitar o seu dono.

Os caminhos que levam para o 36 são sempre de multiplicação.

Assim por exemplo:

- o 2 pode visitar o 36 através do caminho  $\times 18$ .
- o 5 não pode visitar o 36, por isso não pode morar nesta cidade.

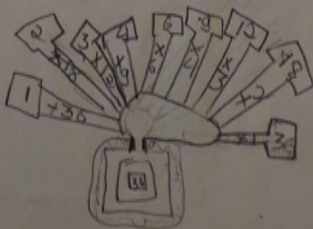
2. Responda as questões:

- a) Quem pode morar na cidade do 36?
- b) Como poderia ser a construção desta cidade?

Registre suas conclusões no verso desta folha. Lembre-se que o desenho também é uma forma de registro.

$$a) = \{1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36\}$$

B





2ª TAREFA:

1. Os habitantes da cidade do 36 acharam que seria mais interessante, se pudessem também se visitar. É claro que isto nem sempre é possível se as estradas são sempre de multiplicação.

2. Responda:

Quem pode visitar quem?  $\odot$  1 visita todos  $\odot$  dois visita  $\odot$  4, 6, 12, 18, 36  $\odot$  3 visita  $\odot$  6, 9, 12, 18, 36  $\odot$  4 visita  $\odot$  4, 36  $\odot$  6 visita  $\odot$

3. Construa todos os caminhos possíveis de modo que: 12, 18, 36  $\odot$  9 visita

a) O número de estradas seja o menor possível.  $\odot$  18, 36  $\odot$  12 visita  $\odot$  36  $\odot$  18 visita

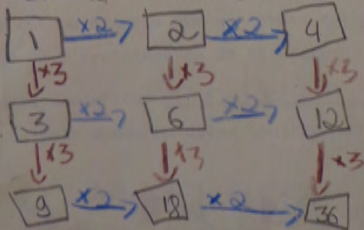
b) As estradas estejam arrumadas da melhor forma possível.  $\odot$  36.

c) As ruas do mesmo nome sejam da mesma cor.

Observe: Esta construção é a Estrutura Fatorial do número 36.

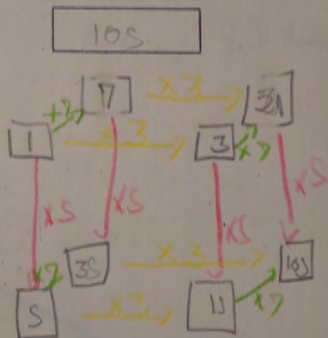
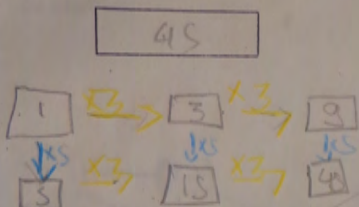
Registre-a no espaço abaixo, através de um desenho.

Estrutura Fatorial de  $n=36$



3ª TAREFA:

Construa a estrutura fatorial dos números:

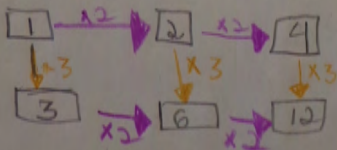


4ª TAREFA:

Encontre outros números com as mesmas estruturas fatoriais dos números que você trabalhou na 3ª tarefa.

Que números encontrou? 30, 12

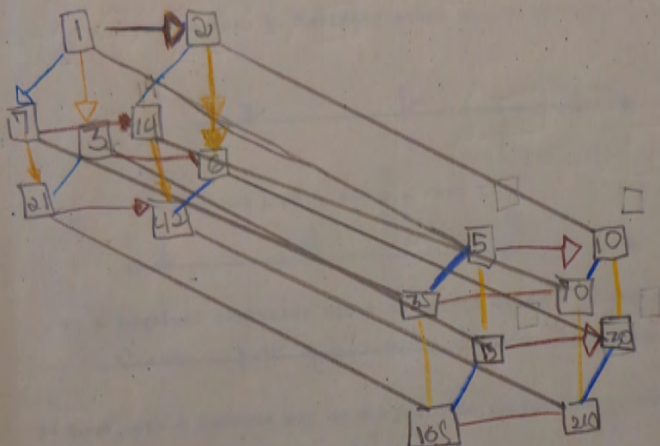
Represente pelo menos um deles construindo a estrutura fatorial.



5ª TAREFA:

Encontre a estrutura fatorial do número 210 e represente-a no espaço abaixo.

$$210 = 2 \times 3 \times 5 \times 7$$



ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Yanias

DATA:

29/8/87

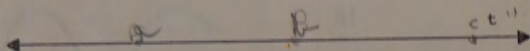
6ª SÉRIE

M.121

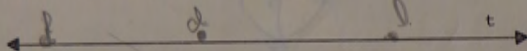
L.C. - CONJUNTOS (3)

Geometria

1- Temos abaixo a reta  $t$ . Assinale sobre ela os pontos A, B, e C.



a) Assinale outros pontos sobre a reta  $t$ :

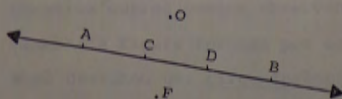


b) É possível assinalar todos os pontos da reta  $t$ ? Por que?

Sim por que cada um tem um lugar

2- Toda reta é formada por um conjunto de pontos, logo, cada ponto representa um elemento da reta.

a) Observe a figura que segue e complete com  $\in$  ou  $\notin$ :



A	<u><math>\in</math></u>	t
F	<u><math>\notin</math></u>	t
D	<u><math>\in</math></u>	t
O	<u><math>\notin</math></u>	t

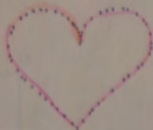
b) Na figura do item a, temos alguns segmentos de reta:  $\overline{AC}$ ,  $\overline{AB}$ ,  $\overline{AD}$ ,  $\overline{CB}$  etc...

Observe o segmento  $\overline{AB}$  e complete:

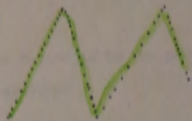
Todo segmento de reta é formado por um ponto

3- Temos abaixo alguns conjuntos de pontos. Utilizando lápis de cor, represente mais alguns pontos em cada conjunto e descubra a figura. Use outra cor de lápis para cobrir a figura.

a)



b)



c)



d)



4- Nesta figura observe que todo ponto deve estar a 2 cm de distância de O.



- a) Construa <sup>dois</sup> outros pontos observando a distância de O. A e B
- b) Desenhe a figura formada por este conjunto de pontos. Você desenhou uma Circunferência.
- c) Chame a circunferência de C e complete com  $\in$  ou  $\notin$ :

A  $\in$  C

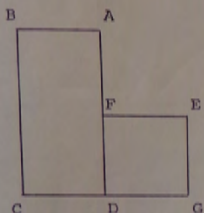
B  $\in$  C

O  $\in$  C



5- Temos uma figura plana formada por um quadrado e por um retângulo.

Vamos chamar o quadrado de  $Q$  e o retângulo de  $R$ .



Determine o conjunto de pontos que representa:

$$\{Q\} \cap \{R\} = \{F, D\}$$

T.P. - CONJUNTOS (2)

Múltiplos e Fatores

*Regular +  
menor  
compr*

1 - Observe o exemplo e depois complete:

5 é fator de 15 porque  $5 \cdot 3 = 15$

8 é fator de 40 porque  $8 \cdot 5 = 40$  C

28 é fator de 28 porque  $28 \cdot 1 = 28$  C

26 é fator de 13 porque  $26 \cdot 2 = 52$  Rever 26 é múltiplo de 13

7 é fator de 14 porque  $7 \cdot 2 = 14$  Rever

0 é fator de 0 porque  $0 \cdot 0 = 0$  C

1 é fator de 1 porque  $1 \cdot 1 = 1$  C

2 - Observe o exemplo e depois complete:

$5 \cdot 9 = 45$ , então 45 é múltiplo de 9 e 5

$4 \cdot 3 = 12$ , então 12 é múltiplo de 4 e 3 C

$7 \cdot 4 = 28$ , então 28 é múltiplo de 7 e 4 C

$8 \cdot 1 = 8$ , então 8 é múltiplo de 8 e 1 C

$5 \cdot 0 = 0$ , então 0 é múltiplo de 5 e 0 C

3 - Os múltiplos de 9 menores que 81 são:

0, 9, 18, 27, 36, 45, 54, 63, 72, 81 Rever

Os múltiplos de 6 menores que 12 são:

0, 6, 12 C

4 - Observe o exemplo e complete:

$3 \cdot 5 = 15$ , então 3 e 5 são fatores de 15.

$2 \cdot 2 = 16$ , então 2 e 2 são fatores de 16. *C*

$1 \cdot 13 = 13$ , então 13 e 1 são fatores de 13.

$1 \cdot 1 = 1$ , então 1 e 1 são fatores de 1. *C*

*Estamos trabalhando com números inteiros*

ANOTE:

Dizemos também que 15 é DIVISÍVEL por 3 e 5  
36 é DIVISÍVEL por 4 e 9

5 - Complete:

Os fatores de 15 são {1, 3, 5, 15} *C*

36 é divisível por {1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36} *✓*

81 é divisível por {1, 3, 9, 27, ...} *Primo*

Os fatores de 13 são {1, 13} *C*

Os fatores de 11 são {1, 11} *C*

Os fatores de 7 são {1, 7} *C*

Os fatores de 8 são {1, 2, 4, 8} *C incompleto*

Observe que:

Os números 13, 11 e 7 possuem somente dois fatores: o próprio número e a unidade.

Anote:

Os números que possuem dois e somente dois fatores são chamados NÚMEROS PRIMOS.

6 - Assinale os números que são primos.

13 ✓      18      105      9 <sup>X</sup>      1      7 ✓  
6      1000      3 ✓      45      29      31 ✓  
17      *incompleto*

7 - Escreva o conjunto dos múltiplos de 11.

$M_{11} = \{ \underline{0, 11, 22, 33, 44, 55, 66, 77, 88, 99, \dots} \}$

8 - Dê os múltiplos de 10 menores que 95.

$M_{10} = \{ \underline{0, 10, 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90} \}$

9 - Assinale os números que são múltiplos de 5.

30      20      30 + 20      30 - 20

10 - Assinale os números que são múltiplos de 11.

55      121      55 + 121      121 - 55      *incompleto*

11 - Coloque entre parênteses (V) se a sentença for verdadeira e (F) se for falsa.

✓ (V) 1 é fator de todos os números Naturais.

✓ (F) Apenas alguns números inteiros são múltiplos de 1.

✓ (V) 60 é múltiplo de 20 e 30.

✓ (F) Zero é múltiplo apenas dos números que terminam em zero.

✓ (V) Zero é múltiplo de todos os números Naturais.

12 - Determine:

m.m.c. (8,9) = 72 ✓

m.m.c. (32,18) = 86 ✗

m.m.c. (16,8) = 16 ✗

m.m.c. (15,9) = 90 ✗

ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Yolaine S

DATA: 12/3/89

6a. SÉRIE

M. 10 /

L.C. - CONJUNTOS (2)

Menor Múltiplo Comum (m.m.c.)

*Rever a regra!*

1 - Escreva por enumeração:

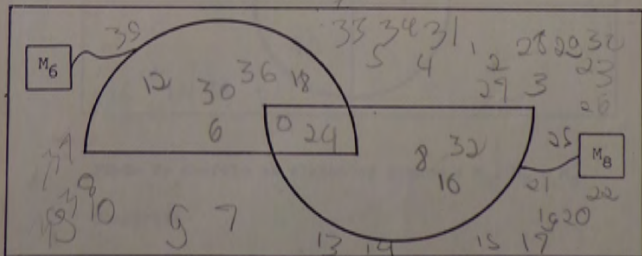
a) Conjunto dos múltiplos de 6 menores que 40:

$$M_6 = \{0, 6, 12, 18, 24, 30, 36\}$$

b) Conjunto dos múltiplos de 8 menores que 40:

$$M_8 = \{0, 8, 16, 24, 32\}$$

Agora, coloque-os no diagrama abaixo:



Complete:

$$M_6 \cap M_8 = \{0, 24\}$$

$$m.m.c. (6, 8) = \underline{24}$$



2 - Escreva por enumeração:

a) Conjunto dos múltiplos de 2 menores que 20:

$$M_2 = \{0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18\}$$

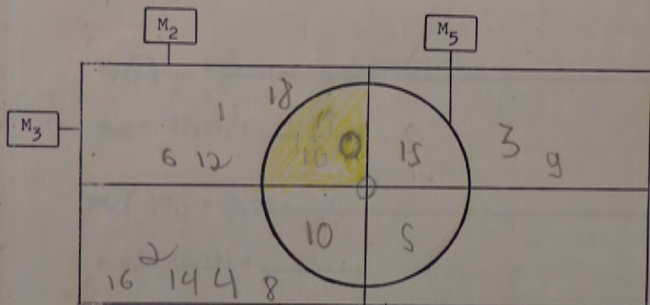
b) Conjunto dos múltiplos de 5 menores que 20:

$$M_5 = \{0, 5, 10, 15\}$$

c) Conjunto dos múltiplos de 3 menores que 20:

$$M_3 = \{0, 3, 6, 9, 12, 15, 18\}$$

Agora, coloque-os no diagrama:



Pinte de amarelo os elementos comuns a  $M_2$ ,  $M_3$  e  $M_5$ .

Complete:

$$M_2 \cap M_3 \cap M_5 = \{0\}$$

$$\text{m.m.c.}(2, 3, 5) = 30$$

3 - Considere para universo o conjunto dos números naturais:

$$N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, \dots\}$$

a) Complete:

$$M_7 = \{0, 7, 14, \dots\}$$

$$M_6 = \{0, 6, 12, 18, \dots\}$$

$$M_{14} = \{0, 14, \dots\}$$

$$M_{12} = \{0, 12, \dots\}$$

$$M_{18} = \{0, 18, \dots\}$$

$$M_7 \cap M_{14} = \{0, 14, \dots\}$$

$$\text{m.m.c.}(7, 14) = 14$$

$$M_6 \cap M_{12} = \{0, 12, \dots\}$$

$$\text{m.m.c.}(6, 12) = 12$$

$$M_6 \cap M_{18} = \{0, 18, \dots\}$$

$$\text{m.m.c.}(6, 18) = 18$$

Você pode escrever uma regra para encontrar o m.m.c. entre dois números, quando um é múltiplo do outro?

Res

Quando um número é múltiplo do outro, o maior dos dois é o m.m.c.

4 - Complete:

$$\text{m.m.c. } (5,10) = \underline{10}$$

$$\text{m.m.c. } (2,6) = \underline{6}$$

$$\text{m.m.c. } (8,24) = \underline{24}$$

$$\text{m.m.c. } (16,48) = \underline{48}$$

$$\text{m.m.c. } (6,15,10) = \underline{30}$$

$$\text{m.m.c. } (10,8) = \underline{40}$$

$$\text{m.m.c. } (7,8) = \underline{56}$$

$$\text{m.m.c. } (6,7) = \underline{42}$$

ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Kalium

DATA: 16/3/08

6ª SÉRIE

M./8/

02

AC - CONJUNTOS (4)

Menor Múltiplo Comum (m.m.c.)

1- Considere para Universo o conjunto dos números naturais menores que 26. Escreva entre chaves o conjunto Universo.

$$U = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25\}$$

Escreva por enumeração os conjuntos:

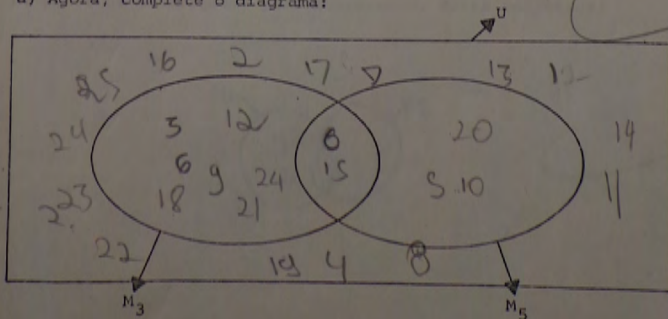
Múltiplos de 3 menores que 26:

$$M_3 = \{0, 3, 6, 9, 12, 15, 18, 21, 24\}$$

Múltiplos de 5 menores que 25:

$$M_5 = \{0, 5, 10, 15, 20\}$$

a) Agora, complete o diagrama:



b) Complete, indicando por enumeração:

$$M_3 \cap M_5 = \{0, 15\}$$

O menor múltiplo comum (m.m.c.) entre 3 e 5 diferente de zero é 15.

Logo:

$$\text{m.m.c.}(3, 5) = \underline{15}$$

2- Considere agora para universo o conjunto dos números naturais menores ou igual a 20. Escreva entre chaves o conjunto Universo.

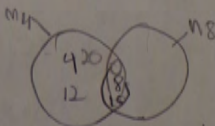
$$U = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20\}$$

a) Complete, indicando por enumeração:

$$M_4 = \{0, 4, 8, 12, 16, 20\}$$

$$M_8 = \{0, 8, 16\}$$

b) Construa um diagrama para representar estes conjuntos:





c) Complete, indicando por enumeração:

$$M_4 \cap M_8 = \{0, 8, 16, 24, \dots\}$$

O menor múltiplo comum (m.m.c.) de 4 e 8 diferente de zero é 8.

Logo:

$$\text{m.m.c.}(4, 8) = \underline{8}$$

Observe que:

O m.m.c. (4, 8) = 8. Isto ocorre porque 8 é múltiplo de 4, ou então, 4 é fator de 8.

3- Vamos trabalhar com conjuntos infinitos.

$\mathbb{N}$  é o conjunto dos números naturais.

$$\mathbb{N} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, \dots\}$$

Lembre-se que os subconjuntos de  $\mathbb{N}$  também são infinitos.

a) Complete os subconjuntos de  $\mathbb{N}$ , indicando por enumeração:

$$M_4 = \{0, 4, 8, 12, 16, 20, 24, 28, \dots\}$$

$$M_7 = \{0, 7, 14, 21, 28, \dots\}$$

$$M_4 \cap M_7 = \{0, 28, \dots\}$$

$$\text{m.m.c.}(4, 7) \neq \text{de zero} = \underline{28}$$

b) Complete os subconjuntos de  $\mathbb{N}$  :

$$M_5 = \{0, 5, 10, 15, 20, 25, 30, 35, 40, \dots\}$$

$$M_{20} = \{0, 20, 40, \dots\}$$

$$M_5 \cap M_{20} = \{0, 20, 40, \dots\}$$

$$\text{m.m.c. (5, 20) } \neq \text{ de zero} = \underline{20, \dots}$$

4- Considerando para universo o conjunto dos números naturais, e lembrando que o m.m.c. é sempre diferente de zero, complete:

$$a) M_3 = \{0, 3, 6, 9, 12, 15, 18, 21, 24, 27, 30, \dots\}$$

$$M_7 = \{0, 7, 14, 21, 28, 35, 42, 49, 56, \dots\}$$

$$M_8 = \{0, 8, 16, 24, 32, 40, 48, 56, \dots\}$$

$$M_9 = \{0, 9, 18, 27, 36, \dots\}$$

$$M_{14} = \{0, 14, 28, \dots\}$$

$$b) M_3 \cap M_7 = \{0, 21, \dots\}$$

$$\text{m.m.c. (3, 7)} = \underline{21, \dots}$$

$$c) M_7 \cap M_8 = \{0, 56, \dots\}$$

$$\text{m.m.c. (7, 8)} = \underline{56, \dots}$$

$$d) M_3 \cap M_9 = \{0, 9, 18, 27, \dots\}$$

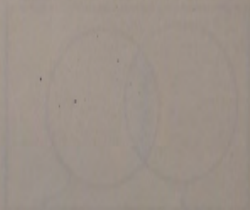
$$\text{m.m.c. (3, 9)} = \underline{9, \dots}$$

$$e) M_9 \cap M_{14} = \{9, 126, \dots\}$$

$$\text{m.m.c.} (9, 14) = \underline{126 \dots}$$

$$f) M_7 \cap M_{14} = \{7, 14, \dots\}$$

$$\text{m.m.c.} (7, 14) = \underline{14 \dots}$$



T.P. - CONJUNTOS (1)Reunião - Intersecção

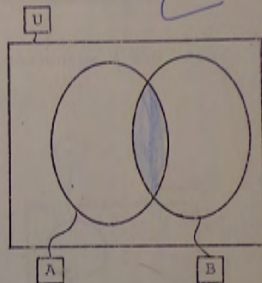
1. O conjunto dos elementos comuns aos conjuntos A e B chama-se intersecção desses dois conjuntos.

A intersecção de A e B se escreve:



que se lê: "A inter B"

Pinte com azul a região de  $A \cap B$ .



2. Considere os conjuntos: A, B, V, W, C, P e K. Observe que os conjuntos P e K precisam ser completados.

$$A = \{a, b, c\}$$

$$B = \{a, b, x, v\}$$

$$V = \{2, 4, 6, 8\}$$

$$W = \{5, 6, 7, 8, 9\}$$

$$C = \{1, 5, 6\}$$

P = conjunto dos números naturais ímpares menores que 12.

K = conjunto dos números naturais menores que 14.

$$P = \{1, 3, 5, 7, 9, 11\}$$

$$K = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13\}$$

a) Escreva por enumeração:

$$A \cap B = \{2, 4\} \quad \checkmark$$

$$P \cap K = \{1, 3, 5, 7, 9, 11\} \quad \checkmark$$

$$V \cap W = \{6, 8\} \quad \checkmark$$

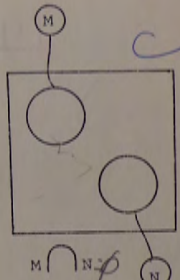
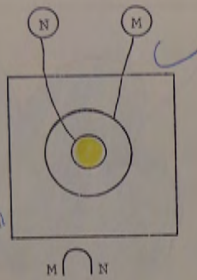
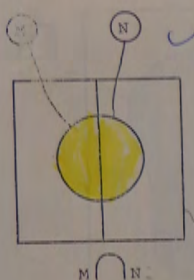
$$A \cap C = \{3\} \quad \checkmark$$

b) O que você pode dizer do conjunto  $A \cap C$ ? É o ponto de encontro

entre

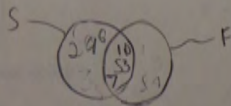
que a de dois conjuntos da região

3. Nos gráficos abaixo estão representados os conjuntos M e N. Pinte as regiões indicadas em cada caso:



4. Construa dois conjuntos, represente-os em dois gráficos diferentes e pinte as intersecções.

Escreva embaixo em linguagem matemática qual a região pintada.



F: São os números ímpares menores e iguais a 7

S: São os números naturais menores e iguais a 7

$$F: \{1, 3, 5, 7\}$$

$$S: \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$$

$$F \cup S: \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$$

$$F \cap S: \{1, 3, 5, 7\} \rightarrow \text{O } 0 \text{ é número par!}$$



5. Considere A e B, dois conjuntos quaisquer:

Se juntarmos os elementos de A e os elementos de B obtemos um novo conjunto: a reunião de A e B.

Os elementos de reunião de A e B são:

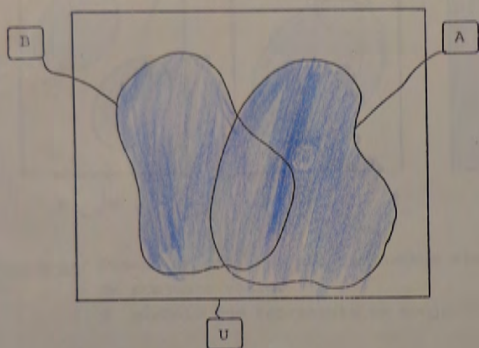
- os elementos comuns a A e B.
- os elementos de A que não são elementos de B.
- os elementos de B que não são elementos de A.

A reunião de A e B se escreve:

$$A \cup B$$

que se lê: "A união B".

Pinte com azul a região de  $A \cup B$ .



6. Considere os conjuntos:

$$A = \{x, y, z, t\}$$

$$B = \{x, y, a, b\}$$

$$V = \{2, 4, 6, 8\}$$

$$W = \{5, 6, 7, 8, 9\}$$

Escreva por enumeração:

$$A \cup B = \{x, y, z, t, a, b\}$$

$$V \cup W = \{2, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$$

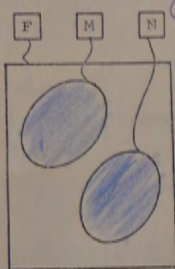
7. Considere os conjuntos:

$$A = \{x, y, z, 3\}$$

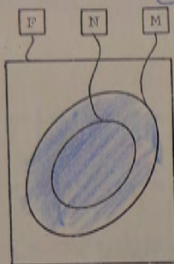
$$C = \{1, 5, 6\}$$

Escreva por enumeração  $A \cup C = \{x, y, z, 3, 1, 5, 6\}$  C

8. Nos diagramas abaixo, representamos alguns conjuntos. Pinte as regiões indicadas em cada caso:



$$M \cup N$$



$$M \cup N$$



$$M \cup N$$

Lembre-se: Quando um conjunto não tem nenhum elemento é chamado de conjunto vazio.

$\emptyset$  símbolo que representa um conjunto vazio.

9. Complete:  $A \cap \emptyset = \underline{\emptyset}$  C

$A \cup \emptyset = \underline{\text{conjunto } A}$  C

U sinal de reunião

Este sinal lembra a letra U, primeira letra de "união"

ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Adriano S

DATA: 11/1/80

6ª SÉRIE

M. / 7 /

AC - CONJUNTOS (3)

Múltiplos e Divisores

1ª tarefa:

Vamos trabalhar no Universo dos números menores ou igual a 30.

Escreva entre chaves o conjunto Universo:

$U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30\}$

1- Considere:

A é o conjunto dos números menores que 20.

B é o conjunto dos números pares maiores que 10 e menores que 30.

C é o conjunto dos múltiplos de 6 menores que 24.

a) Escreva por enumeração os conjuntos:

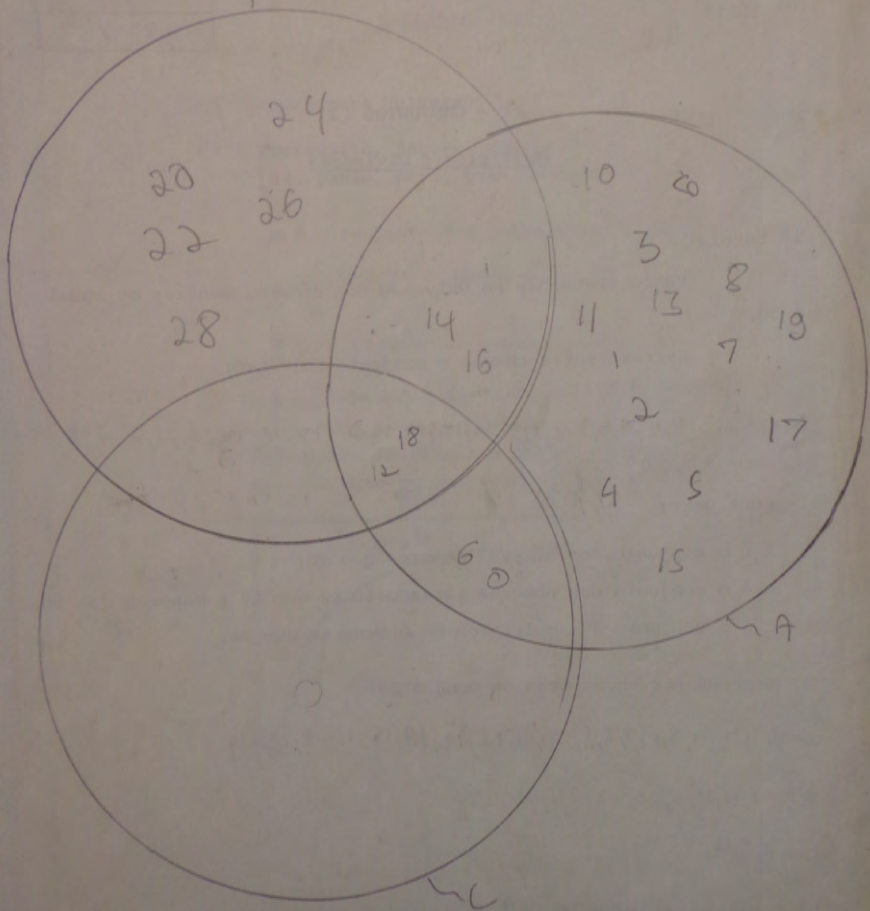
$A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19\}$

$B = \{12, 14, 16, 18, 20, 22, 24, 26, 28\}$

$C = \{6, 12, 18\}$

b) Construa um diagrama para representar estes conjuntos.

B



Utilizamos a notação  $A \cap B$  (lê-se: A inter B) para indicar o conjunto dos elementos que pertencem a A e B.

2- Reconheça no diagrama que você construiu os conjuntos indicados abaixo:

$$A \cap B = \{14, 16, 12, 18\}$$

$$B \cap C = \{12, 18\}$$

$$C \cap A = \{12, 18, 0, 6\}$$

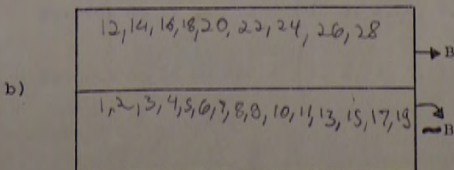
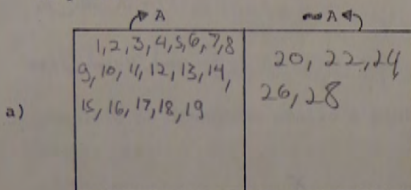
$$A \cap B \cap C = \{12, 18\}$$

Utilizamos a notação  $B \cup C$  (lê-se: B união C) para indicar o conjunto de todos os elementos que pertencem a B ou C.

3- Organize nos diagramas que seguem os conjuntos A, B e C do exercício 1.

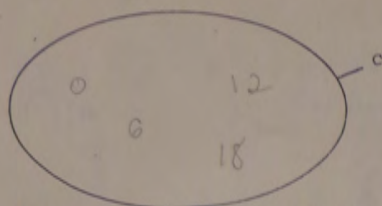
Observe a notação:  $\sim A \rightarrow$  não A (elementos do Universo não pertencentes a A).

Complete:

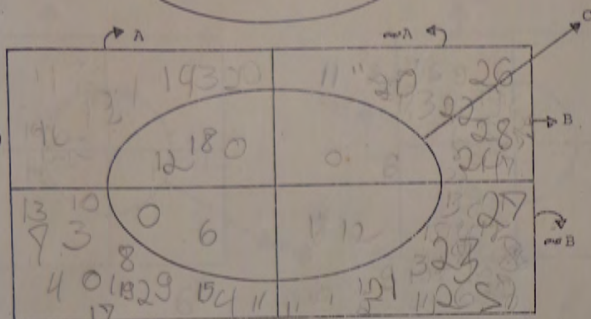




c)



d)



- 4- Reconheça no seu diagrama os conjuntos, colocando os elementos entre chaves:

$$A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 13, 15, 17, 18, 21, 23, 24\}$$

$$c \cup B = \{20, 22, 24, 26, 28\}$$

$$A \cup B \cup c = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 22, 24, 26, 28\}$$

$$A \cup B \cup c = \{2, 3, 5, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30\}$$

- 5- Complete os diagramas abaixo e pinte as regiões indicadas.

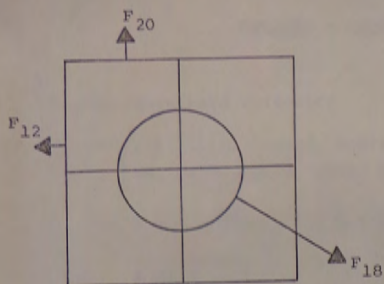
Lembre que:

$$\text{Fatores de 20 ou } F_{20} = \{1, 2, 4, 5, 10, 20\}$$

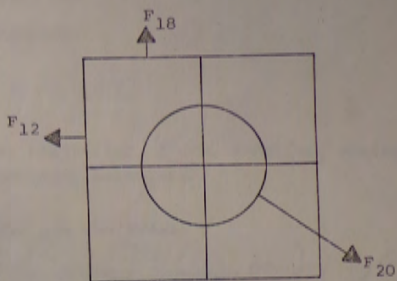
$$\text{Fatores de 12 ou } F_{12} = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$$

$$\text{Fatores de 18 ou } F_{18} = \{1, 2, 3, 6, 9, 18\}$$

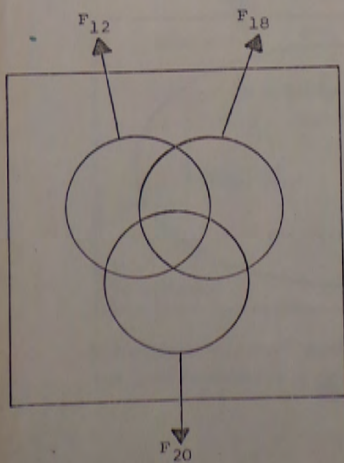
a) Pinte  $F_{20} \cap F_{18}$



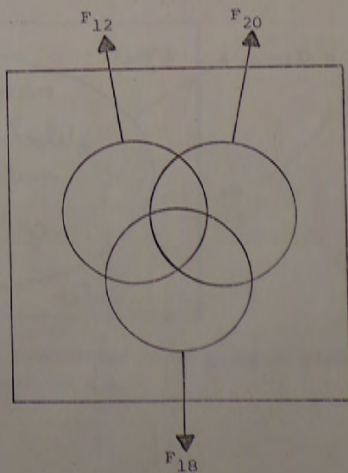
b) Pinte  $F_{20} \cup F_{18}$



c) Pinte  $F_{12} \cap F_{20}$



d) Pinte  $F_{20} \cup F_{12}$



A.C. - CONJUNTOS (2)

Reunião - Intersecção

OK

1. Considere para Universo:

$$U = \{ \text{periquito, jacaré, cobra, beija-flor, tigre, avestruz, elefante, pavão, peru, gato, morcego, borboleta} \}$$

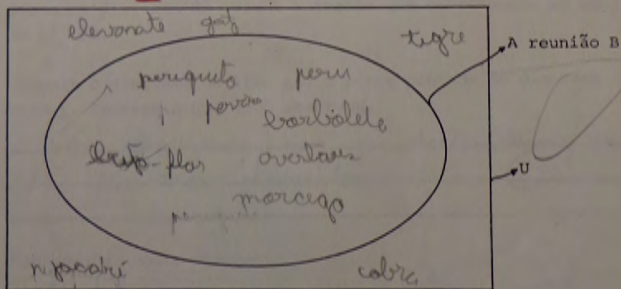
A é o conjunto dos animais que são aves:

$$A = \{ \text{periquito, beija-flor, avestruz, pavão, peru} \}$$

B é o conjunto dos animais que voam:

$$B = \{ \text{periquito, beija-flor, morcego, borboleta} \}$$

a) Represente no diagrama abaixo, o conjunto de todos os animais que são aves ou que voam.



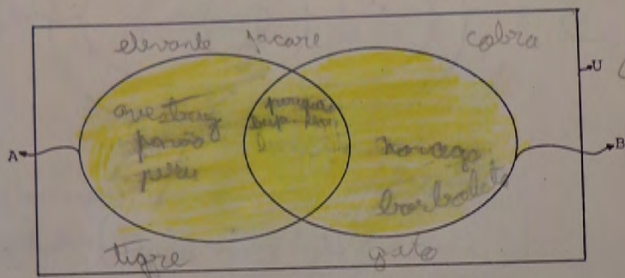
O conjunto que você acabou de representar reúne todos os elementos pertencentes a A ou pertencentes a B.

Releia, agora, o quadro de anotações do exercício 1 da ficha de A.C. - Conjuntos (1). Verifique se observou todos os itens que estão relacionados no quadro (valem também para o gráfico).

LEMBREM-SE:

Na linguagem corrente	Na linguagem matemática
A <u>reunião</u> B	$A \cup B$

- b) Complete o diagrama abaixo (lembre-se que você tem três conjuntos: U, A e B).



- c) Pinte no diagrama do item b a região que corresponde ao conjunto  $A \cup B$ .
- d) Compare o diagrama do item a e a parte pintada do diagrama do item b. Escreva o que você observou.

Observei que as duas têm uma  
mesma elemento.

- e) Represente, entre chaves:

$A \cup B = \{ \text{morcego, borboleta, avestruz, papagaio, peru} \}$

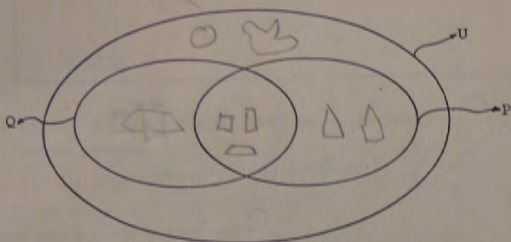
2. Considere para universo o conjunto de figuras planas:

$$U = \left\{ \square, \bigcirc, \text{estrela}, \text{casa}, \text{retângulo}, \text{trapezoido}, \triangle \right\}$$

Q é o conjunto de figuras planas que têm 4 lados.

P é o conjunto de figuras planas cujos lados são linhas retas.

a) Complete o diagrama abaixo:



b) Represente, entre chaves:

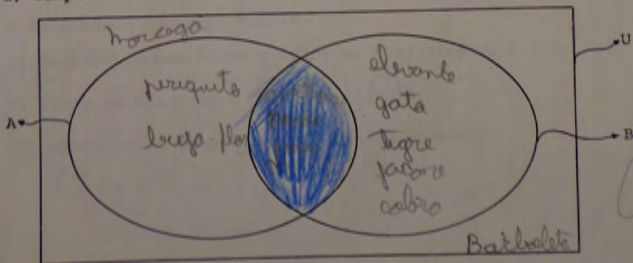
$$Q \cup P = \{ \square, \text{retângulo}, \text{trapezoido}, \triangle, \text{casa} \}$$

3. Considere para Universo o mesmo conjunto de animais do exercício 1.

A é o conjunto dos animais que são aves.

B é o conjunto dos animais que não voam.

a) Complete o diagrama:



b) Represente, entre chaves, o conjunto dos animais que são aves e não voam:

$$\{ \text{oncinhas}, \text{peru}, \text{pato} \}$$



Os elementos do conjunto que você representou, entre chaves,, pertencem ao conjunto A e ao conjunto B, ao mesmo tempo. Este conjunto é chamado A intersecção B.

LEMBRE-SE:

Linguagem corrente	Linguagem matemática
A intersecção B	$A \cap B$
ou	
A <u>inter</u> B	

c) Pinte, no diagrama do item a, o conjunto  $A \cap B$  e represente-o entre chaves.

$$A \cap B = \{ \text{povoó, fern, a. est. } \}$$

4. Considere para Universo:

$$U = \{ \text{vermelho, amarelo, roxo, preto, azul, verde, laranja, branco, marrom} \}$$

(Uma dica: você pode consultar o seu Atlas).

R é o conjunto das cores da bandeira brasileira.

$$R = \{ \text{amarelo, azul, verde, branca} \}$$

S é o conjunto das cores da bandeira italiana.

$$S = \{ \text{verde, branco, vermelho} \}$$

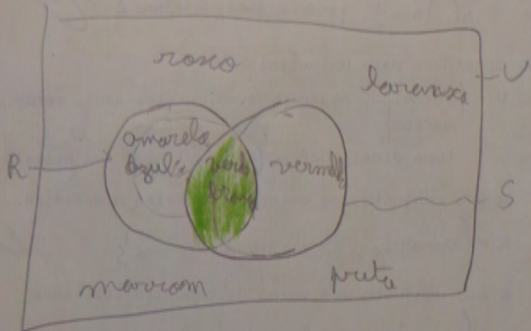
Utilizando o verso da folha:

a) Represente num único gráfico os conjuntos U, R e S.

b) Pinte no diagrama o conjunto  $R \cap S$ .

c) Represente o conjunto  $R \cap S$  entre chaves:

$$R \cap S = \{ \text{verde, branca} \}$$



A.C. - CONJUNTOS (1)

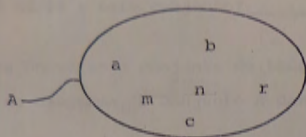
Pertinência ( $\in, \notin$ )

$\in$  = pertence

$\notin$  = não pertence

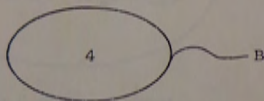
1. Observe os conjuntos A, B, C e determine um Universo para cada um deles.

a)  $A = \{a, b, c, m, n, r\}$



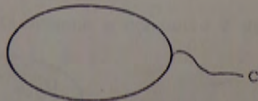
$U =$  conjunto das letras do alfabeto

b)  $B = \{4\}$



$U =$  o conjunto de números naturais

c)  $C = \{ \}$



$U =$  conjunto do vazio

LEMBRE-SE:

O conjunto A se escreve:  $\{a, b, c, m, n, r\}$

Observe: - as chaves,

- as vírgulas que separam dois elementos,

- não se repete duas vezes o mesmo elemento,

- os elementos podem ser escritos em qualquer ordem.

O conjunto C é chamado conjunto vazio, pois não tem elementos.

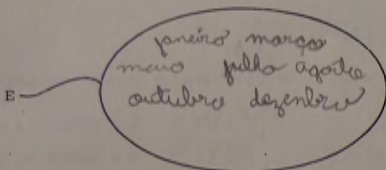
Pode ser representado:  $\{ \}$  ou  $\emptyset$ .

O conjunto B também é um conjunto especial (tem um único elemento).

Que nome você daria a este conjunto? unitário

2. Considere para Universo o conjunto de todos os meses do ano.

a) Complete, no diagrama, o conjunto E dos meses do ano que têm 31 dias.

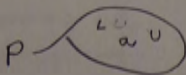


b) Escreva o conjunto E entre chaves:

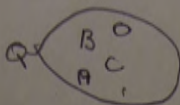
E =  $\{ \text{janeiro, março, maio, julho, agosto, outubro, dezembro} \}$

3. Considere para Universo o conjunto de todas as letras do nosso alfabeto.

a) Represente graficamente o conjunto P das letras da palavra lua.



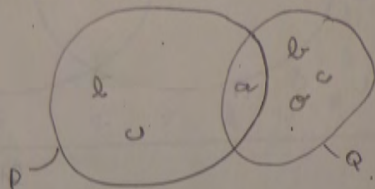
b) Represente graficamente o conjunto Q das letras da palavra boca.



c) Represente, entre chaves, os conjuntos P e Q, pela enumeração de seus elementos e pela propriedade:

P =  $\{ \text{a, b, c, d, e} \}$   
 P =  $\{ \text{os conjuntos de letras da palavra "palavra"} \}$   
 Q =  $\{ \text{a, b, c, d, e} \}$   
 Q =  $\{ \text{os conjuntos de letras do alfabeto da palavra "local"} \}$

d) Represente agora os conjuntos P e Q, utilizando o diagrama aduado:



e) Complete com V(verdadeiro) ou F(falso):

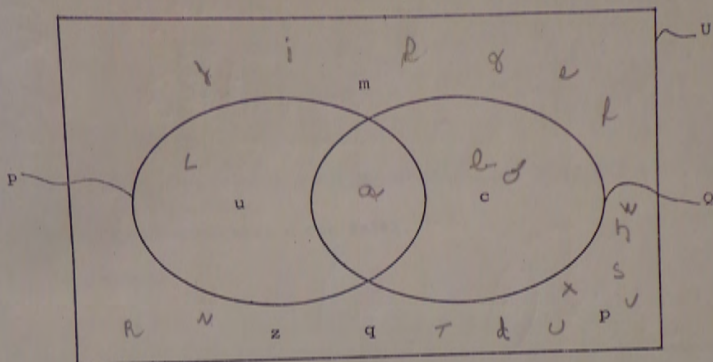
$\underline{b}$  pertence a Q (V) ✓       $\underline{c}$  pertence a Q (V) ✓  
 $\underline{a}$  pertence a P (F) ✓       $\underline{u}$  pertence a P (V) ✓  
 $\underline{a}$  pertence a P (V) ✓       $\underline{u}$  não pertence a Q (V) ✓  
 $\underline{a}$  não pertence a Q (F) ✓  
 $\underline{b}$  não pertence a Q (V) ✓

LEMBRE-SE:

Linguagem corrente	Linguagem matemática
$u$ pertence a P	$u \in P$
$u$ não pertence a Q	$u \notin Q$



f) Observe o diagrama abaixo e complete-o (lembre-se que você tem: U, P, e Q):



ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Adriana S

DATA: 5/02/87

6a. SÉRIE

M.104/87

L.C. - CONJUNTOS (1)

Representação

Coniçji

1. Vamos construir alguns exemplos de conjuntos definidos de duas maneiras diferentes.

Você deverá completar o que falta.

1º Exemplo:

Conjunto S

$S = \{2^{\circ}\text{feira}, 3^{\circ}\text{feira}, 4^{\circ}\text{feira}, 5^{\circ}\text{feira}, 6^{\circ}\text{feira}, \text{sábado}, \text{domingo}\}$

S é o conjunto dos dias da Semana.....

2º Exemplo:

Conjunto X

$X = \{6, 4, 2, \dots\}$  C

X é o conjunto dos números naturais pares, compreendidos entre 1 e 7.

3º Exemplo:

Conjunto E

$$E = \{a, n, v, e, i, d, \dots\}$$

E é o conjunto de letras da palavra "avenida"

4º Exemplo:

Conjunto M

$$M = \{junho, março, maio, julho, agosto, outubro, dezembro\}$$

M é o conjunto dos meses de trinta e um dias

5º Exemplo:

Conjunto A

$$A = \{a, e, i, o, u\}$$

A é o conjunto das vogais da alfabeto

2. Vimos duas maneiras de definir um conjunto.

Um conjunto pode ser representado pela enumeração de seus elementos:

$$A = \{0, 1, 2, 3\}$$

Ou por meio de uma propriedade dos seus elementos.

"O conjunto A é o conjunto dos números naturais menores que 4".

3. Para representar por uma propriedade o conjunto:

$\{1, 3, 5, 7, 9\}$  um aluno escreveu:

"Conjunto de números naturais ímpares".

a) Você concorda? Como você responderia?

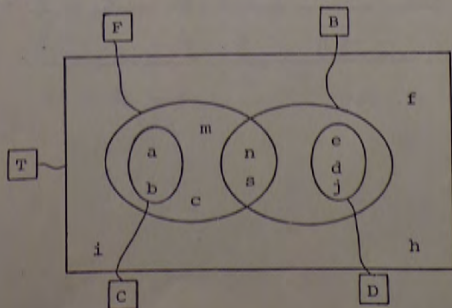
não, eu não concordo. Eu responderia assim:  
"conjunto de números naturais ímpares de 0 a 10" C

b) Represente por uma propriedade os conjuntos:

$M = \{2, 8, 4, 10, 6\}$  "conjunto de números naturais pares de 0 a 11" C

$N = \{5, 13, 9, 7, 11\}$  "conjunto de números naturais ímpares de 4 a 14" C

4. Represente por enumeração os conjuntos representados no diagrama abaixo:



$T = \{a, b, c, m, n, i, s, g, d, h\}$  C  
 $F = \{a, b, m, n, c, e, j\}$  C  
 $B = \{e, d, a, d, j\}$  C  
 $C = \{a, b\}$  C  
 $D = \{e, d, j\}$  C

5. Leia com atenção os conjuntos:

H é o conjunto de letras da palavra "Roma".

$$R = \{m, o, a, r\}$$

$$G = \{o, a, m, r\}$$

P é o conjunto das letras da palavra "amor".

Agora responda - Entre os conjuntos acima representados:

a) Quais os conjuntos representados por enumeração?

Os conjuntos R e G C

b) Quais os conjuntos representados por uma propriedade?

o conjunto H e P C

c) Quais os conjuntos iguais?

Todos os conjuntos são iguais C

6. Aqui estão dois conjuntos:

T é o conjunto de letras da palavra "escola".

$$A = \{a, e, i, o, u\}$$

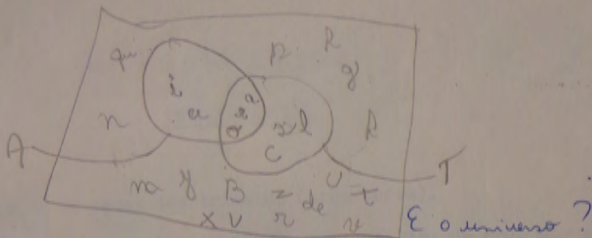
a) Represente T por enumeração e A por uma propriedade.

T = {e, s, c, o, l, a} C

A = É o conjunto das letras das palavras de 5 letras.  
todas as letras?! C



b) Represente estes conjuntos num mesmo diagrama.



c) Observe o diagrama e escreva os elementos comuns a  $T$  e  $A$ .

os elementos:  $c, a, g, c$

d) Este conjunto de elementos comuns a  $T$  e  $A$  pode ser representado por  $T \cap A$  ou  $T \cup A$ ? Justifique sua resposta.

não  
faz

A.C. - C O N J U N T O S

INTRODUÇÃO

- 1 - Pegue as peças dos trimaths (três cores).

Arrume-as sobre uma folha de papel inglês de modo que se possa reconhecer:

- a) região das peças que são triângulos
- b) região das peças azuis
- c) região das peças que tem 1 furo

Use barbante para delimitar as regiões.

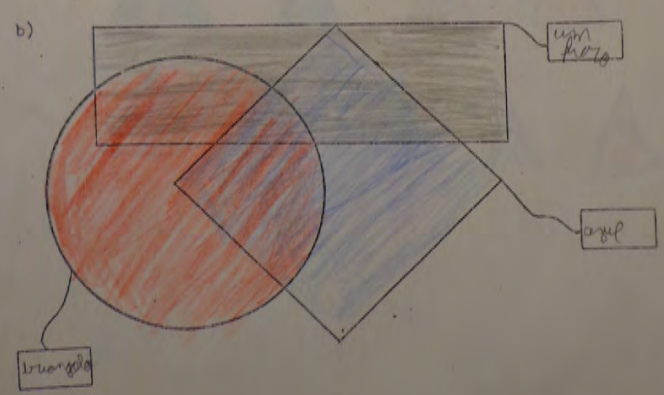
Obs.: Deixe o diagrama montado para poder fazer o exercício 5.

- 2 - Agora, um dos alunos escolhe uma região e outro aluno deve descrever as peças da região escolhida. Se este conseguir descrevê-las, terá o direito de escolher outra região e um outro colega para descrevê-la.

Obs.: Todos devem participar.

- 3 - Agora, utilize os diagramas seguintes para representar as regiões que você delimitou com barbante. Coloque nomes nas etiquetas.

(diagramas na folha seguinte)



Chame o professor para verificar.

4 - Pinte nos diagramas do exercício 3:

- a) em azul a região dos não triângulos
- b) em vermelho a região dos que têm 1 furo

Contorne:

- a) com amarelo a região das peças triangulares e não azuis  
( $\triangle$  e  $\sim$  az.)
- b) com verde a região das peças que tem 1 furo e não são triângulos (1F e  $\sim$   $\triangle$ ).

5 - Retire do diagrama que você montou com barbante no exercício 1 as peças que são triângulos ou azuis.  
Quais são estas peças? Desenhe-as.



2a. Tarefa:

- 1 - Pegue as chapas de carro que seu grupo construiu e arrume-as numa folha de papel inglês, delimitando as regiões com barbante.
- 2 - Desenhe este diagrama no espaço abaixo e coloque as etiquetas. (Não desmonte o diagrama que você construiu com as chapas, utilizando barbante. Você vai utilizá-lo na questão 4).

X



3 - Agora, um dos alunos escolhe uma região e outro aluno deve descrever as chapas da região escolhida. Se este conseguir descrevê-la, terá o direito de escolher outra e um outro colega para descrevê-la.

Obs.: Todos devem participar:

4 - Vamos colocar, agora, cada peça do trimath em uma chapa de carro, de modo que exista uma relação entre os atributos do trimath e da chapa.

NOME: Sabin

DATA:

M. / 2 / 197

6a. SÉRIE

T.P. - VOLUME (1)

Sistema de Medidas

*Visto  
marcado  
Rever*

O volume é uma grandeza diferente daquelas que você aprendeu até agora (superfície e massa por exemplo) e portanto, tem um sistema de medidas também diferentes.

Nos laboratórios de Ciências, você já aprendeu a medir volume e capacidade dos corpos e para isto usou unidades não padronizadas (por exemplo, o vidrinho para medir a capacidade de diferentes objetos) e também usou o mililitro (ml) que é uma unidade padronizada para se medir volume e capacidade.

O sistema de medida de volume "funciona" da mesma forma que o sistema de medida de massa ou o sistema de medida linear e considera-se o litro como uma unidade de medida.

Veja:

<u>Sistema de Medida Linear</u>	
MÚLTIPLOS	Kilômetro (km)
	Hectômetro (hm)
	Decâmetro (dam)
UNIDADE	Metro (m)
SUBMÚLTIPLOS	Decímetro (dm)
	Centímetro (cm)
	Milímetro (mm)

Complete:

1m = 0,001 x km

1m = 0,01 x hm

1m = 0,1 x dam

1m = 10 x dm

1m = 100 x cm

1m = 1000 x mm

<u>Sistema de Medida de Massa</u>	
MÚLTIPLOS	Kilograma (kg)
	Hectograma (hm)
	Decagrama (dag)
UNIDADE	Gramas (g)
SUBMÚLTIPLOS	Decigramas (dg)
	Centigramas (cg)
	Miligramas (mg)

Complete:

$$1g = \underline{0,001} \times kg$$

$$1g = \underline{0,01} \times hg$$

$$1g = \underline{0,1} \times dag$$

$$1g = \underline{10} \times dg$$

$$1g = \underline{100} \times cg$$

$$1g = \underline{1000} \times mg$$

<u>Sistema de Medida de Volume</u>	
MÚLTIPLOS	Kilolitro (kl)
	Hectolitro (hl)
	Decalitro (dal)
UNIDADE	Litro (l)
SUBMÚLTIPLOS	Decilitro (dl)
	Centilitro (cl)
	Mililitro (ml)

$$1L = \frac{1}{1000}kl \text{ ou } (0,001 kl)$$

$$1L = \frac{1}{100}hl \text{ ou } (0,01 hl)$$

$$1L = \frac{1}{10}dal \text{ ou } (0,1 dal)$$

$$1L = 10 dl$$

$$1L = 100 cl$$

$$1L = 1000 ml$$

Sabendo isto, complete o quadro:

	kl	hl	dal	dl	cl	ml
5L	$0,005^x$	$0,05^x$	$0,5^x$	$50^x$	$500^x$	$5000^x$
13L	$0,003^x$	$0,03^x$	$0,3^x$	$130^x$	$1300^x$	$13000^x$
0,8L	$0,0008^x$	$0,008^x$	$0,08^x$	$8^x$	$80^x$	$800^x$
27,6L	$0,00276^x$	$0,0276^x$	$0,276^x$	$276^x$	$2760^x$	$27600^x$

Quando você mede a capacidade de uma piscina por exemplo, você quer saber quantos litros de água (ou múltiplos do litro) entram nela.

Quando você mede a capacidade de um tonel, você quer saber quantos litros de bebida (ou múltiplos do litro) entram nele.

E se você quiser medir a capacidade de uma jardineira, por exemplo? Não se diz que numa jardineira entram alguns litros de terra.

Neste caso, dizemos que na jardineira entram alguns metros cúbicos ( $m^3$ ) de terra.

O  $m^3$  é outra unidade de medida utilizada para medir volume ou capacidade. Dependendo da natureza do que é medido, usamos o litro (seus múltiplos e submúltiplos) ou o  $m^3$  (seus múltiplos e submúltiplos).

$1m^3$  (metro cúbico) é um cubo cujas arestas medem 1m.

$1dam^3$  (decâmetro cúbico) é um cubo cujas arestas medem 1dam.

$1dm^3$  (decímetro cúbico) é um cubo cujas arestas medem 1dm.

$1hm^3$  (hecâmetro cúbico) é um cubo cujas arestas medem 1hm.

$1mm^3$  (milímetro cúbico) é um cubo cujas arestas medem 1mm.

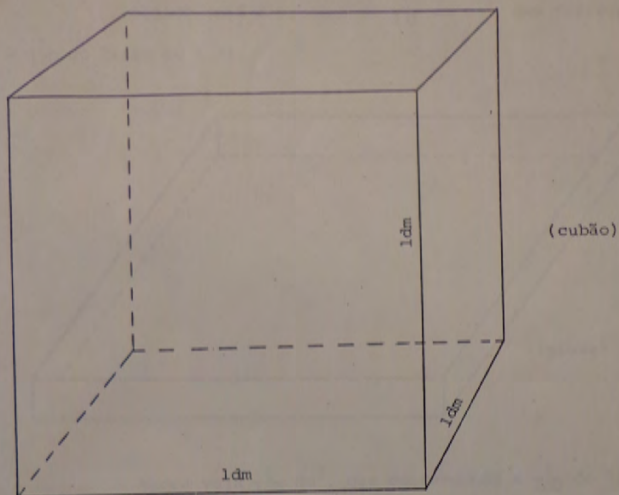
E assim por diante...

Desenhe um  $cm^3$  (um cubo cujas arestas medem 1cm)



$1 dm^3$  corresponde a 1 litro

Isto quer dizer que 1 cubo cujas arestas medem 1 dm (ou 10cm), tem a mesma capacidade que 1 litro.



Aqui está representado um cubo cujas arestas tem 1dm e portanto sua capacidade é igual à  $1\text{dm}^3$  ou 1L.

Se você for encher este cubo com água, que unidade você usará? Eu usaria o litro C

Se você for encher este cubo com areia, que unidade você usará? Eu usaria o metro X

Sabendo que:  $1\text{dm}^3 = 1\text{L}$

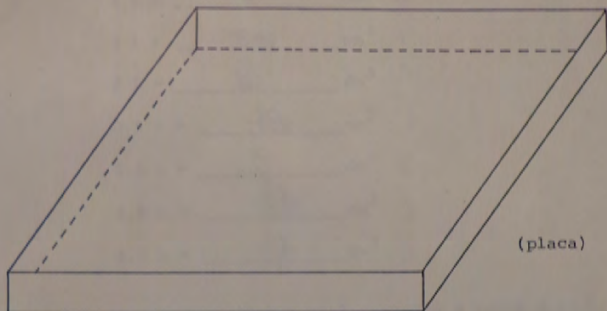
$$2\text{dm}^2 = \frac{1}{2}\text{L} \quad \times$$

$$0,5\text{dm}^3 = \frac{1}{2}\text{L} \quad \checkmark$$

$$3,7\text{dm}^3 = 3,7\text{litros} \quad \checkmark$$

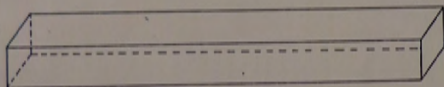


Abaixo está representado  $\frac{1}{10}$  do  $\text{dm}^3$ , que corresponde a  $\frac{1}{10}$  do litro ou 1 dl.



(placa)

Agora veja  $\frac{1}{100}$   $\text{dm}^3$ , que corresponde a  $\frac{1}{100}$  do litro ou 1 cl.



(barra)

E tomando-se  $\frac{1}{1000}$  do  $\text{dm}^3$ , que corresponde a  $\frac{1}{1000}$  do litro ou 1 ml temos:



(cubinho)

que é o  $\text{cm}^3$ , que você já conhece!

$$\text{Portanto: } 1 \text{ dm}^3 = 1 \text{ L}$$

$$1 \text{ cm}^3 = \frac{1}{1000} \text{ L ou } 0,001 \text{ L}$$

$$\text{Sabendo, que: } 1 \text{ cm}^3 = \frac{1}{1000} \text{ ou } 0,001 \text{ L}$$

Descubra:

a)  $1 \text{ cm}^3 = \underline{\quad 1 \quad} \text{ ml}$  c

b)  $1 \text{ L} = \underline{\quad 1000 \quad} \text{ cm}^3$  x

Agora resolva:

$$1 \text{ L} = \underline{10} \text{ cm}^3 \quad \times$$

$$1 \text{ L} = \underline{1} \text{ dm}^3 \quad \times$$

$$2 \text{ L} = \underline{20} \text{ cm}^3 \quad \times$$

$$2 \text{ L} = \underline{2} \text{ dm}^3 \quad \times$$

$$0,5 \text{ L} = \underline{\frac{50}{100}} \text{ cm}^3 \quad \times$$

$$0,5 \text{ L} = \underline{\frac{5}{10}} \text{ dm}^3 \quad \times$$

$$4,8 \text{ L} = \underline{\frac{48}{100}} \text{ cm}^3 \quad \times$$

$$4,8 \text{ L} = \underline{\frac{48}{10}} \text{ dm}^3 \quad \times$$

Pense em tudo que você aprendeu e tente descobrir:

$$1 \text{ m}^3 = \underline{1000} \text{ litros.} \quad \times$$

A.C. - VOLUME (1)

1º Problema:

Um cubão de madeira (base 3), pintado de vermelho, foi cortado em cubinhos.

a) Responda:

- Quantos cubinhos têm 3 faces pintadas? 8
- Quantos cubinhos têm 2 faces pintadas? 12
- Quantos cubinhos têm 1 face pintada? 6
- Quantos cubinhos não tem nenhuma face pintada? 1

b) Considerando o cubinho como a unidade de medida, qual é o volume deste cubão? 27 cubinhos

c) Se mergulharmos um cubinho em uma proveta, que contém inicialmente 50 ml de água, verificaremos que o nível da água subirá 1 ml.

Complete:

- volume do cubinho = 1 ml
- volume do cubão (base 3) = 27 ml

O cubo de cartolina com 1 dm de aresta tem  $1 \text{ dm}^3$  de volume que equivale a 1 litro.

Então:  $1 \text{ dm}^3 = 1 \text{ l}$

O cubinho do material multibase tem 1 cm de aresta e o seu volume é  $1 \text{ cm}^3$  que equivale a 1 mililitro.

Então:  $1 \text{ cm}^3 = 1 \text{ ml}$

d) Qual o volume do cubão (base 3) em  $\text{cm}^3$ ? 27  $\text{cm}^3$

2º Problema:

Baseando-se nas conclusões do problema anterior, determine o volume do cubão (base 5).

Se a unidade é o cubinho, complete:

a) volume = 125 cubinhos

b) volume = 125 ml

c) volume = 125 cm<sup>3</sup>

3º Problema:

Faça o mesmo, utilizando agora o cubão (base 10).

- a) volume = 1000 cubinhos  
b) volume = 1000 ml  
c) volume = 1000 cm<sup>3</sup>

4º Problema:

Agora, você vai tentar construir (com o material disponível na classe) um cubo com 1 metro de aresta.

Sugestão: Você pode montá-lo, utilizando os cubos de 1dm de aresta (1dm<sup>3</sup>).

Observando o que você construiu, seria possível imaginar o cubo com 1 metro de aresta pronto? sim

O cubo com 1 metro de aresta tem 1m<sup>3</sup> de volume

Analisando sua construção e imaginando esta construção concluída, complete:

a) O volume de um cubo de 1m de aresta é igual a 1000 cubos de 1dm de aresta.

b) Se 1dm<sup>3</sup> = 1 l e 1m<sup>3</sup> = 1000 dm<sup>3</sup>

Então 1m<sup>3</sup> = 1000 l ou 1 kl

c)  $\text{cm}^3 \xrightarrow{x} \text{dm}^3 \xrightarrow{x} \text{m}^3$



Consigne

ESCOLA VERA CRUZ

DECIMAIS

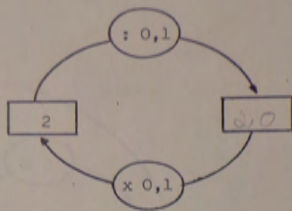
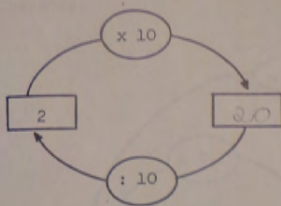
nome: Esther José Beckers Samaloy

6<sup>a</sup> série C

1987



1. Complete:



2. Corresponda a cada multiplicação a divisão equivalente (que possuem o mesmo resultado):

a)  $2 \times 100 = 200$  ✓

(c)  $2 : 1 = 2$  ✓

b)  $2 \times 10 = 20$  ✓

(e)  $2 : 100 = 0,02$  ✓

c)  $2 \times 1 = 2$  ✓

(g)  $2 : 0,1 = 20$  ✓

d)  $2 \times 0,1 = 0,2$  ✓

(d)  $2 : 10 = 0,2$  ✓

e)  $2 \times 0,01 = 0,02$  ✓

(a)  $2 : 0,01 = 200$  ✓

3. Faça o mesmo com:

a)  $12 \times 10 = 120$  ✓

(b)  $12 : 10 = 1,2$  ✓

b)  $12 \times 0,1 = 1,2$  ✓

(e)  $12 : 0,1 = 120$  ✓

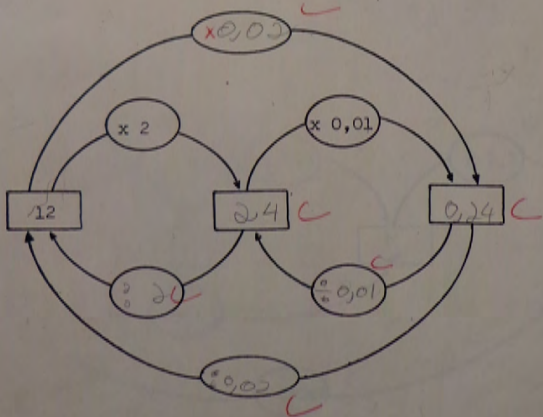
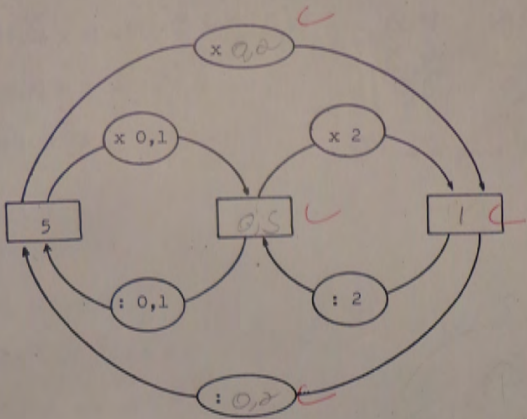
c)  $12 \times 100 = 1200$  ✓

(d)  $12 : 100 = 0,12$  ✓

d)  $12 \times 0,01 = 0,12$  ✓

(c)  $12 : 0,01 = 1200$  ✓

4. Complete:



5. Calcule:

a)  $(6 \times 0,01) \times 3 = 0,18$  ✓

b)  $6 \times (0,01 \times 3) = 0,18$  ✓

c)  $(4 \times 0,1) \times 2 = 0,8$  ✓

d)  $4 \times (0,1 \times 2) = 0,8$  ✓

a)  $\begin{array}{r} 0,06 \\ \times 3 \\ \hline 0,18 \end{array}$

b)  $\begin{array}{r} 0,06 \\ \times 3 \\ \hline 0,18 \end{array}$

c)  $\begin{array}{r} 0,4 \\ \times 2 \\ \hline 0,8 \end{array}$

d)  $\begin{array}{r} 0,4 \\ \times 2 \\ \hline 0,8 \end{array}$

Atenção para o registro!

6. Calcule:

$12 \times 0,2 = 2,4$  ✓

$12 \times 0,02 = 0,24$  ✓

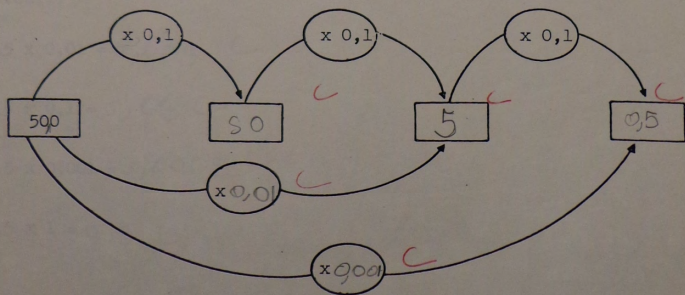
$12 \times 0,002 = 0,024$  ✓

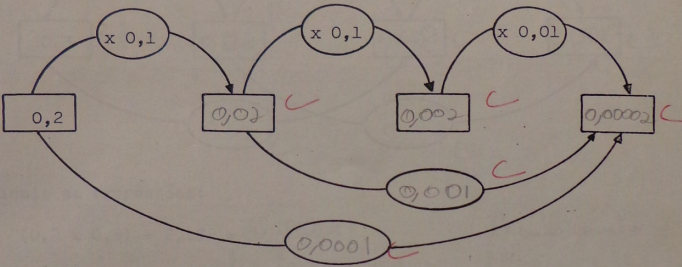
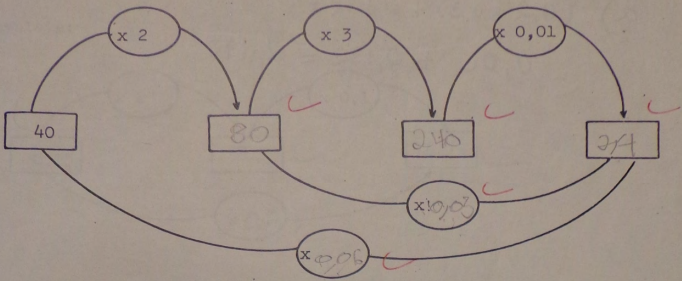
$8 \times 0,03 = 0,24$  ✓

$8 \times 0,3 = 2,4$  ✓

$8 \times 0,003 = 0,024$  ✓

7. Complete:





8. Calcule:

$$0,5 \times 0,01 = 0,005 \quad \checkmark$$

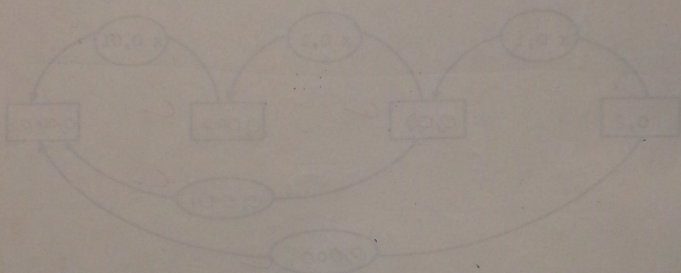
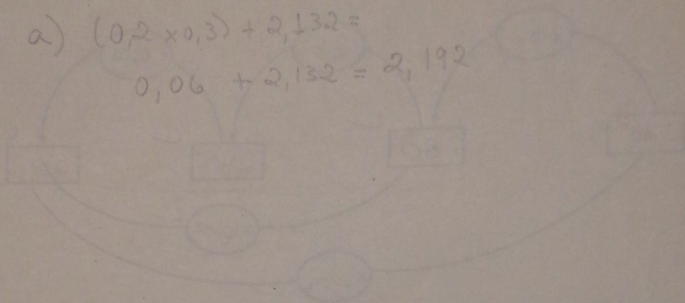
$$0,5 \times 0,1 = 0,05 \quad \checkmark$$

$$0,5 \times 0,001 = 0,0005 \quad \checkmark$$

$$0,5 \times 1 = 0,5 \quad \checkmark$$

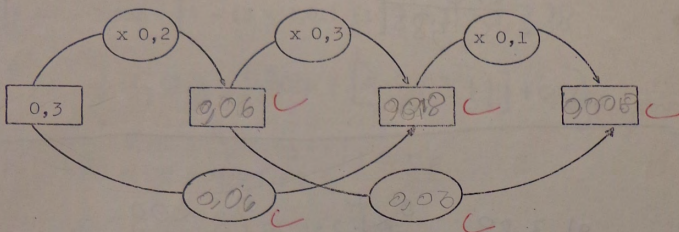
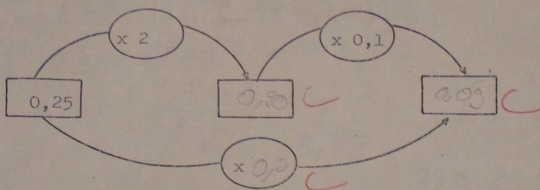


a)  $(0,2 \times 0,3) + 2,132 =$   
 $0,06 + 2,132 = 2,192$





9. Complete:



10. Calcule as expressões:

a)  $(0,2 \times 0,3) + 2,132 = 2,182$

$$0,06 + 2,132 = 2,182$$

$$\begin{array}{r} 2,132 \\ + 0,060 \times 3 \\ \hline 2,190,6 \end{array}$$

*Cálculo correto, ver registro.*

$$\begin{array}{r} 2,132 \\ + 0,060 \\ \hline 2,192 \end{array}$$

b)  $(5 \times 0,5 \times 0,8) + (2 - 0,23) = 3,77$

$(2,5 \times 0,8) + 1,77 =$

$2 + 1,77 = 3,77$

$$\begin{array}{r|l} 5 & 2,50 \\ \times 5 & - 0,23 \\ \hline 25 & 1,77 \\ \hline 5 & 2,00 \\ \times 8 & 11,77 \\ \hline 2,00 & 3,77 \end{array}$$

*Registro!*

$$\begin{array}{r} 43 \\ \times 1 \\ \hline 0,03 \end{array} \quad \left| \quad \begin{array}{r} b) 34,10 \\ - 3,90 \\ \hline 0,118 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} c) 34,10 \\ - 0,03 \\ \hline 3,97 \\ + 1,00 \\ \hline 4,97 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} d) 4,370 \\ + 9,118 \\ \hline 3,748 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} e) 5,088 \\ + 0,300 \\ \hline 5,388 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} a) 3,00 \\ + 0,104 \\ \hline 3,104 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} b) 2 \\ \times 1 \\ \hline 0,2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} c) 304 \\ + 2 \\ \hline 6,08 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} d) 3 \\ \times 2 \\ \hline 0,6 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} e) 58,108 \\ + 0,60 \\ \hline 5,48 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} a) 0,12 \\ \times 1 \\ \hline 0,012 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} b) 307 \\ \times 2 \\ \hline 0,614 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} c) 4,000 \\ + 0,012 \\ \hline 34,1012 \\ - 0,800 \\ \hline 3,212 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} d) 3,212 \\ + 9,614 \\ \hline 3,1826 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} e) 3,2126 \\ + 3,090 \\ \hline 0,736 \end{array}$$

$$c) [2 \times (0,04 + 3)] - [3 \times (0,1 \times 2)] = 5,48$$

$$[2 \times 3,04] - [3 \times (0,1 \times 2)] =$$

$$[2 \times 3,04] - [3 \times 0,2] =$$

$$6,08 - [3 \times 0,2] =$$

$$6,08 - 0,6 = 5,48$$

Registre!

$$d) \{4,02 - 3,902 + [4 - (3 \times 0,01) + 1] + 0,3\} = 5,388$$

$$\{4,02 - 3,902 + [4 - 0,03 + 1] + 0,3\}$$

$$0,118 + [4 - 0,03 + 1] + 0,3 =$$

$$0,118 + 4,97 + 0,3$$

$$5,088 + 0,3 = 5,388$$

Registre!

$$e) \{3,07 \times 0,2 + [4 + (0,01 \times 1,2) - 0,8] - 3,09\} = 0,736$$

$$+ 0,614$$

$$+ 3,212$$

$$3,826$$

$$3,09$$

$$0,736$$

Registre!

$$\{3,07 \times 0,2 + [4 + 0,012 - 0,8] - 3,09\} =$$

$$0,614 + [4 + 0,012 - 0,8] - 3,09 =$$

$$0,614 + 3,212 - 3,09 =$$

$$3,826 - 3,09 = 0,736$$

Registre os passos das operações.





Problemas

1. Um terreno retangular tem 20,5m de frente e 102,5m de fundo.

Qual é o perímetro?

R: O perímetro é de 246 m

$$\begin{array}{r} 20,5 \\ + 102,5 \\ \hline 246 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 102,5 \\ + 141 \\ \hline 243,5 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 102,5 \\ + 102,5 \\ \hline 205 \end{array}$$

No verso da folha desenhe este terreno na escala 1:500.

Qual é a superfície (área) deste terreno?

R: A superfície é de 2101,25 m<sup>2</sup>

$$\begin{array}{r} 102,5 \\ \times 20,5 \\ \hline 2050 \\ 20500 \\ \hline 210125 \end{array}$$

Sabendo que o preço do m<sup>2</sup> é de Czs 800,000, quanto custa este terreno?

R: O terreno ira custar 168.000.000 Cruzados

$$\begin{array}{r} 2101,25 \\ \times 800 \\ \hline 168000000 \end{array}$$

Neste terreno vai ser construída uma piscina de forma quadrada com 7,5m de lado e 1,7m de profundidade. Quantos m<sup>3</sup> de água serão necessários para encher a piscina?

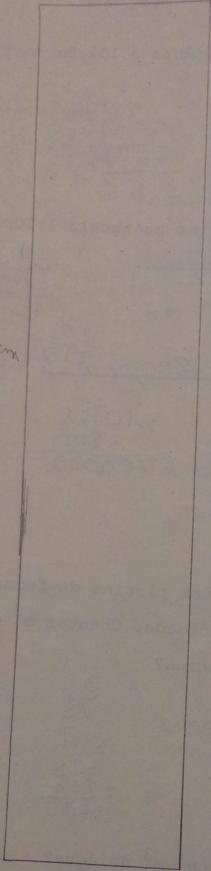
R: Vai caber 12,75 m<sup>3</sup> de água

$$\begin{array}{r} 7,5 \\ \times 1,7 \\ \hline 12,75 \end{array}$$

Quantos litros correspondem a estes m<sup>3</sup> de água?

R: Se 1dm<sup>3</sup> é igual a 1 litro e em m<sup>3</sup> tem 1000dm<sup>3</sup> em m<sup>3</sup> tem 1000 litros então na piscina tem 12.750,00 litros





20,5cm

4,1cm

2. Observe a tabela de preços e a lista de compras:

Produtos	Preços
Arroz	Cz\$ 8,00
Sabonete	Cz\$ 3,80
Sabão	Cz\$ 7,50
Feijão	Cz\$ 13,00
Batata	Cz\$ 8,50
Óleo	Cz\$ 13,20

- 22,5kg de arroz  $22,5 \times 8,00 = 180,00$   
 7 sabonetes  $7 \times 3,80 = 26,60$   
 12 pacotes de sabão  $12 \times 7,50 = 90,00$   
 3,750kg de feijão  $3,750 \times 13,00 = 48,7500$   
 2,300kg de batata  $2,300 \times 8,50 = 19,5500$   
 13 latas de óleo  $13 \times 13,20 = 171,60$

Qual é o total gasto nestas compras? Cz\$ 356,6800

Deixe seus cálculos registrados.

Cálculos:

$$\begin{array}{r} 24 \\ 225 \\ \times 8 \\ \hline 0,1800 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \\ 380 \\ \times 7 \\ \hline 2660 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3) 750 \\ \times 12 \\ \hline 1500 \\ + 7500 \\ \hline 90,00 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 21 \\ 3750 \\ \times 1300 \\ \hline 1125000 \\ + 3750000 \\ \hline 4875000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 5) 300 \\ \times 850 \\ \hline 115000 \\ \times 1840000 \\ \hline 1955000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 6) 1320 \\ \times 13 \\ \hline 3960 \\ + 13200 \\ \hline 17160 \end{array}$$

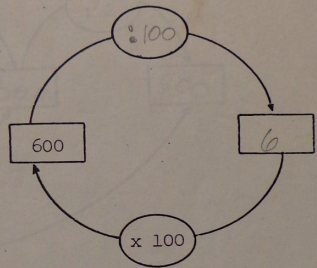
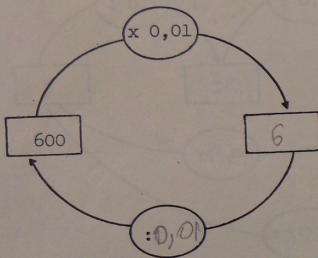
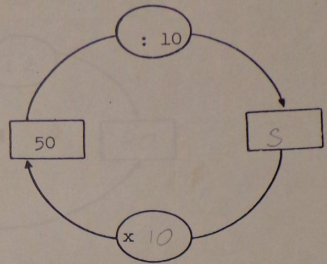
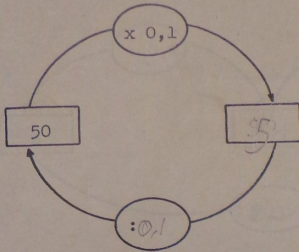
$$\begin{array}{r} 7) 00,1800 \\ 26,6000 \\ \hline 26,7800 \\ + 90,0000 \\ \hline 116,7800 \\ + 648,7500 \\ \hline 165,5300 \\ + 135,1500 \\ \hline 185,0800 \\ + 171,6000 \\ \hline 356,6800 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 8) 400,0000 \\ - 356,6800 \\ \hline 143,32 \end{array}$$

Se eu levei duas notas de Cz\$ 250 , quanto trouxe de troco?

R: Voltando de troco 143,32 Cz\$

1. Complete:



2. Calcule:

$$40 \times 0,1 = 4$$

$$40 : 10 = 4$$

$$200 : 100 = 2$$

$$200 \times 0,01 = 2$$

$$720 : 10 = 72$$

$$720 \times 0,1 = 72$$

$$4 \times 10 = 40$$

$$4 : 0,1 = 40$$

$$8 \times 100 = 800$$

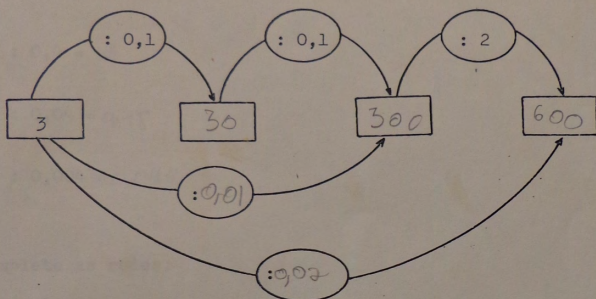
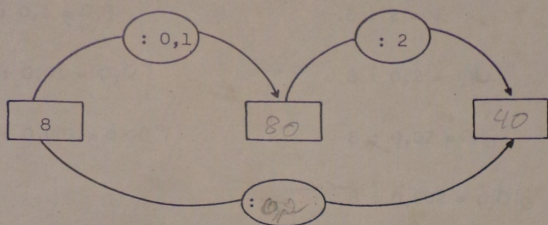
$$8 : 0,01 = 800$$

$$12 : 0,1 = 120$$

$$12 \times 10 = 120$$



3. Complete:



4. Calcule:

*calculator*  
 $1 - (4 : 0,1) : 0,1 = 0,04$   
0,4

$$5 - (8 : 0,1) : 2 = 1,6$$
0,8

$$2 - 4 : 0,01 = 0,04$$

$$6 - 8 : 0,2 = 16$$

$$3 - (9 : 3) : 0,01 = 0,03$$
3

$$7 - (12 : 0,1) : 4 = 4,8$$
1,2

$$4 - 9 : 0,03 = 0,27$$

$$8 - 12 : 0,4 = 4,8$$

5. Calcule:

$$7 : 0,1 = 0,7$$

$$8 : 2 = 4$$

$$7 : 0,01 = 0,07$$

$$8 : 0,2 = 40$$

$$7 : 0,001 = 0,007$$

$$8 : 0,02 = 0,4$$

$$8 : 0,002 = 0,004$$

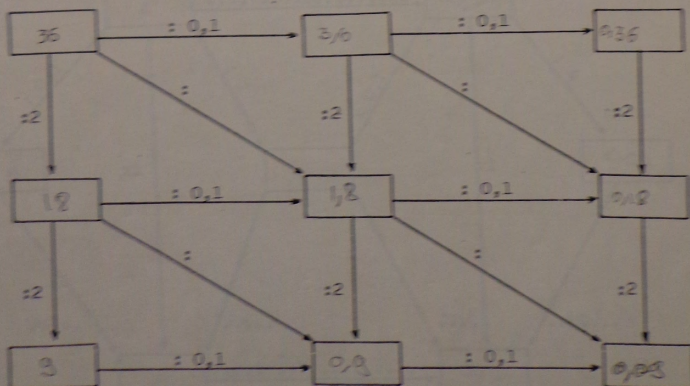
$$12 : 4 = 3$$

$$12 : 0,4 = 30$$

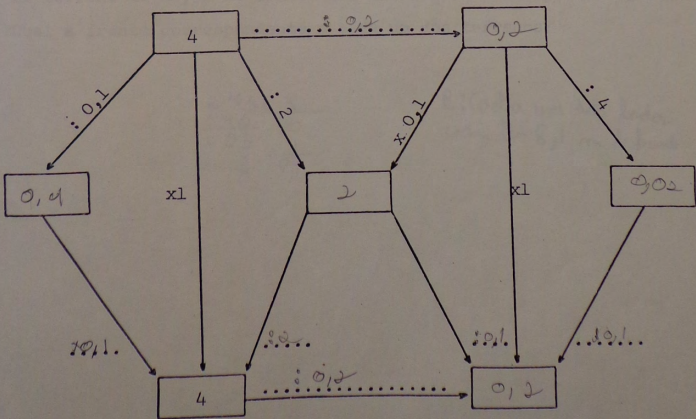
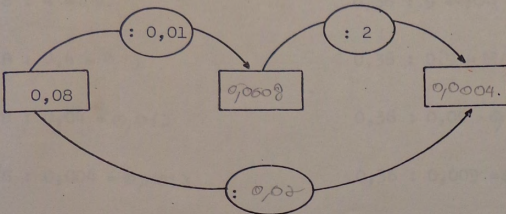
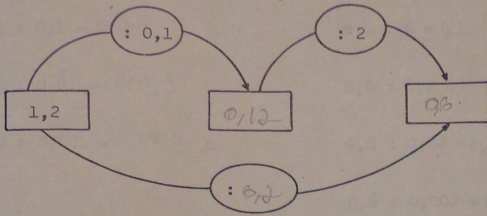
$$12 : 0,04 = 300$$

$$12 : 0,004 = 3000$$

6. Complete as redes:







7. Calcule:

$$3,2 : 0,1 = 0,32$$

$$0,6 : 2 = 1,2$$

$$3,2 : 0,01 = 0,032$$

$$0,6 : 0,2 = 0,12$$

$$3,2 : 0,001 = 0,0032$$

$$0,6 : 0,02 = 0,012$$

$$0,6 : 0,002 = 0,0012$$

$$4,8 : 4 = 1,2$$

$$0,36 : 9 = 0,04$$

$$4,8 : 0,4 = 0,12$$

$$0,36 : 0,9 = 0,004$$

$$4,8 : 0,04 = 0,012$$

$$0,36 : 0,09 = 0,0004$$

$$4,8 : 0,004 = 0,0012$$

$$0,36 : 0,009 = 0,00004$$

Problema:

Um terreno de 24,3m de frente foi dividido em três partes iguais.  
Qual a frente correspondente a cada um dos terrenos?

$$\begin{array}{r} 243 \overline{) 243} \\ \underline{240} \phantom{0} \\ 003 \phantom{0} \\ \underline{3} \phantom{0} \\ 0 \phantom{0} \end{array}$$

R: Cada um dos lados vai ter 8,1 m de frente

1. Complete:

$$\boxed{4} \times 1,2 = 4,8 \text{ portanto } 4,8 : 1,2 = \boxed{4}$$

$$\boxed{0,4} \times 0,12 = 4,8 \text{ portanto } 4,8 : 0,12 = \boxed{0,4}$$

$$\boxed{0,04} \times 1,2 = 0,48 \text{ portanto } 0,48 : 1,2 = \boxed{0,04}$$

$$\boxed{0,004} \times 0,12 = 0,048 \text{ portanto } 0,048 : 12 = \boxed{0,004}$$

$$143 : 13 = \boxed{11} \text{ porque } \boxed{11} \times 13 = 143$$

$$14,3 : 13 = \boxed{1,1} \text{ porque } \boxed{1,1} \times 13 = \boxed{14,3}$$

$$14,3 : 1,3 = \boxed{0,11} \text{ porque } \boxed{0,11} \times 1,3 = \boxed{14,3}$$

$$0,42 : 21 = 0,02$$

$$0,42 : 2,1 = 0,02$$

$$0,42 : 0,21 = 0,002$$

$$0,42 : 0,021 = 0,0002$$

Calculus:

$$1) \begin{array}{r} 348 \text{ g} \\ 900 \\ \hline 048 \\ \hline 48 \\ \hline 08 \end{array}$$

$$2) \begin{array}{r} 105 \text{ g} \\ 105 \\ \hline 000 \end{array}$$

$$3) \begin{array}{r} 3300 \\ \times 3 \\ \hline 900 \end{array}$$

$$4) \begin{array}{r} 0 \\ 000 \end{array}$$

$$5) \begin{array}{r} 300 \\ + 395 \\ \hline 695 \end{array}$$

A grid of empty boxes for calculations, arranged in rows and columns. The grid is mostly empty, with some faint lines and markings.







$$1) \quad \begin{array}{r} 43 \\ \times 2 \\ \hline 6 \end{array} \quad \begin{array}{r} B. \quad 925 \\ \times 906 \\ \hline 0,31 \end{array} \quad \begin{array}{r} 9) \quad 431 \\ \hline 1,57 \end{array}$$

$$2) \quad \begin{array}{r} a) \quad 3,030 \\ \quad 0,007 \\ \hline 3,037 \end{array} \quad \begin{array}{r} B) \quad 3037 \\ \quad \quad 7 \\ \hline 21253 \end{array} \quad \begin{array}{r} 9) \quad 21259 \\ \quad 0,2350 \\ \hline 1,8899 \end{array}$$

$$3) \quad \begin{array}{r} a) \quad \begin{array}{r} 128 \quad 2 \\ \hline 120 \quad 60 \\ 008 \quad 64 \\ \quad 8 \\ \hline 0 \end{array} \quad \begin{array}{r} B) \quad \begin{array}{r} 24 \\ \times 5 \\ \hline 320 \end{array} \end{array}$$

$$4) \quad \begin{array}{r} a) \quad 0,324 \\ \quad 1,260 \\ \hline 1,584 \end{array} \quad \begin{array}{r} B) \quad \begin{array}{r} 91584 \quad 9 \\ \hline 900 \quad 100 \\ 0684 \quad 50 \\ 450 \quad 25 \\ 02314 \quad 1 \\ 225 \quad 176 \\ \hline 009 \\ \quad 9 \end{array} \end{array}$$

Expressões:

*calcula*  
1)  $[(0,2 \times 0,3) + 0,25] + 1 = 1,31$

$$[0,06 + 0,25] + 1 =$$

$$0,31 + 1 = 1,31$$

2)  $[(3,03 + 0,007) \times 0,7] - 0,236 = 1,8833$

$$[3,037 \times 0,7] - 0,236 =$$

$$2,1259 - 0,236 = 1,8899$$

3)  $(1,28 : 2) \times 0,5 = 32$

$$64 \times 0,5 = 32$$

4)  $(0,324 + 1,26) : 0,9 = 1,78$

$$1,584 : 0,9 = 1,78$$

$$\begin{array}{r}
 \text{B) } 90,50 \\
 + 0,05 \\
 \hline
 90,55
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 \text{B) } 55 \text{ L } 5 \\
 39 \\
 \hline
 00
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 \text{C) } 35 \text{ L } 11 \\
 33,3 \\
 \hline
 02
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \text{G) } 945 \text{ L } 9 \\
 45 \text{ S} \\
 \hline
 00
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 \text{B) } 98,10 \\
 4,3 \\
 \hline
 0,1
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 \text{C) } 87,34 \\
 00,10 \\
 \hline
 87,24
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \text{7) a) } 2 \\
 \times 7 \\
 \hline
 0,056
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 \text{B) } 50 \text{ L } 2 \\
 56,7 \\
 \hline
 00,7
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 \text{C) } 7,000 \\
 + 0,056 \\
 \hline
 7,056
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \text{8) a) } 100,10 \\
 00,7 \\
 \hline
 100,8
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \text{b) } 118,80 \\
 + 0,05 \\
 \hline
 118,85
 \end{array}$$

9

$$\begin{array}{r}
 \text{a) } 65,10 \\
 08,5 \\
 \hline
 73,6
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \text{B) } 25 \text{ L } 5 \\
 25 \\
 \hline
 00
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \text{C) } 73,500 \\
 00,005 \\
 \hline
 73,505
 \end{array}$$

← calcula

$$5) [(0,5 + 0,05) : 0,05] = 3,5 =$$
$$[0,55 : 0,05] = 3,5 = 3,2$$
$$11 : 3,5 = 3,2$$

$$6) \{87,34 - [(4,5 : 0,9) - 4,9]\} = 87,24$$
$$\{87,34 [5 - 4,9]\} =$$
$$\{87,34 - 0,1\} = 87,24$$

$$7) (0,7 \times 0,08) + (5,6 : 0,8) = 7,056$$
$$0,056 + (5,6 : 0,8) =$$
$$0,056 + 7 = 7,056$$

$$8) 0,05 + (120 - 1,2) = 118,85$$
$$0,05 + 118,8 = 118,85$$

$$9) (65 + 8,5) + (25 : 0,005) = 73,505$$
$$73,5 + (25 : 0,005) =$$
$$73,5 + 5000 = 5073,5$$



### Problemas

1. O perímetro de uma porta é 660cm e a base é o dobro da altura. Calcular a base e a altura.
2. Um triângulo isósceles tem por perímetro 11dm e a medida dos lados iguais é 4dm. Calcular a medida da base.
3. Qual a área de um terreno retangular que tem 74,5m por 67,5m?
4. Qual a capacidade em litros, de uma caixa d'água que tem forma de paralelepípedo e cujas arestas medem 6,5dm; 4,3dm e 10,08dm?
5. Optativo:  
Num triângulo a base mede 0,54m e a altura é  $\frac{2}{3}$  da base. Calcular a área.



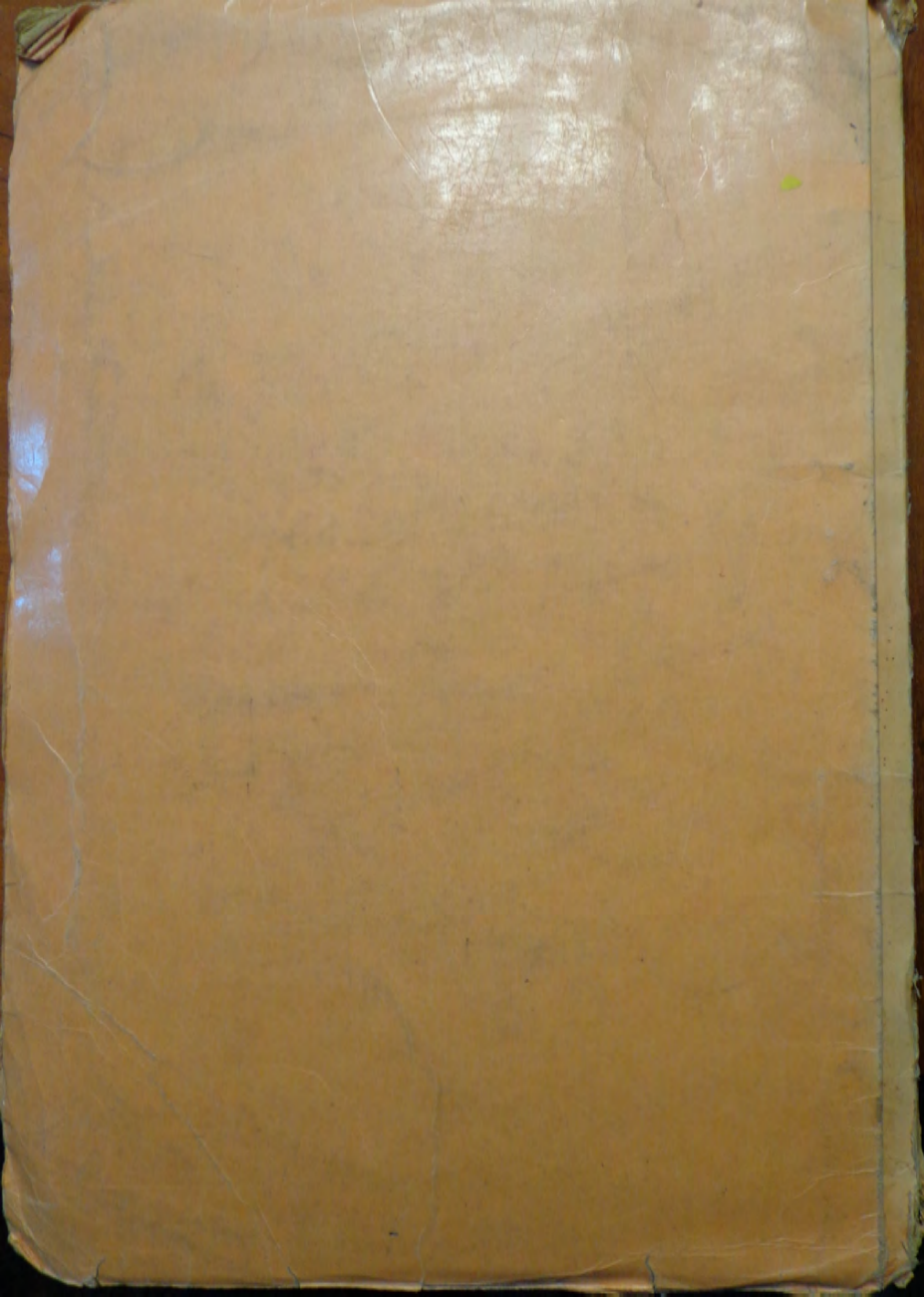
11

12/1/16

100  
100  
100

1/2  
1/2  
1/2

125,625





## TP - FRAÇÕES (4)

Resolva os problemas no caderno, fazendo sempre a representação gráfica e a sentença matemática :

- 1) Num escola, 200 alunos são católicos, 80 são protestantes e os 20 restantes são judeus. Considerando o total dos alunos como a unidade, responda:
- Que fração do total dos alunos da escola corresponde aos católicos?
  - Que fração do total dos alunos da escola corresponde aos protestantes?
  - Que fração dos alunos da escola corresponde aos judeus?
- 2) Andei  $\frac{3}{5}$  km para ir até a escola e fiz o mesmo caminho na volta. Quanto andei?
- 3) Em um aparelho de som, um disco dá  $33\frac{1}{2}$  voltas em 1 minuto. Se o disco tocar 21 minutos, quantas voltas dará?
- 4) Milena tem 4 quilogramas de balas. Quantos pacotes contendo  $\frac{2}{5}$  de quilograma Milena pode fazer com as balas que tem?
- 5) Compramos 3 pizzas para distribuir igualmente entre 6 pessoas. Que fração de uma pizza receberá cada pessoa?
- 6) A prefeitura de uma cidade distribuiu seu orçamento da seguinte maneira:
- $\frac{3}{20}$  para construção de estradas;
  - $\frac{1}{4}$  para construção de escolas;
  - $\frac{1}{3}$  do restante para assistência médica.
- O que sobrou, isto é, R\$ 1.600.000,00 foi destinado a obras sociais. Responda:
- Qual é o orçamento da prefeitura?
  - Quanto foi destinado para cada um dos itens citados?



ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Fabiana S

DATA:

6ª SÉRIE

18/10/09  
M. 591

T.P. - PORCENTAGEM

Reveja suas fichas anteriores sobre porcentagem (1:50, 1:61 e M.62).

1 - Escreva as porcentagens:

a) na forma de fração com denominador 100.

b) na forma de fração irredutível.

$$18\% = \frac{18}{100} = \frac{9}{50}$$

$$45\% = \frac{45}{100} = \frac{9}{20}$$

$$25\% = \frac{25}{100} = \frac{1}{4}$$

$$100\% = \frac{100}{100} = 1$$

$$20\% = \frac{20}{100} = \frac{1}{5}$$

$$120\% = \frac{120}{100} = \frac{6}{5}$$

2 - Escreva na forma de porcentagem (%).

$$\frac{2}{5} = 40\%$$

$$\frac{3}{5} = 60\%$$

$$\frac{1}{4} = 25\%$$

$$\frac{13}{20} = 65\%$$

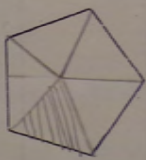
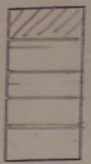
$$\frac{1}{10} = 30\%$$

$$\frac{14}{50} = 28\%$$



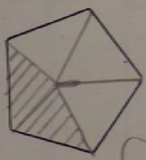
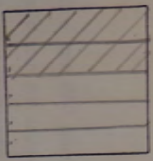
3 - a) Pinte 20% de cada figura:

$$20\% = \frac{20}{100} = \frac{1}{5}$$



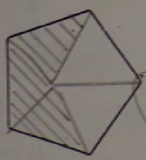
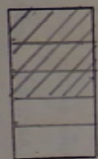
b) Pinte 40% de cada figura:

$$40\% = \frac{40}{100} = \frac{2}{5}$$



c) Pinte 60% de cada figura:

$$60\% = \frac{60}{100} = \frac{3}{5}$$



4 - Complete com >, < ou = :

$$\frac{1}{5} \dots\dots\dots < \dots\dots\dots \frac{25}{5}$$

$$\frac{2}{5} \dots\dots\dots > \dots\dots\dots \frac{25}{5}$$

$$\frac{75}{5} \dots\dots\dots > \dots\dots\dots \frac{3}{5}$$

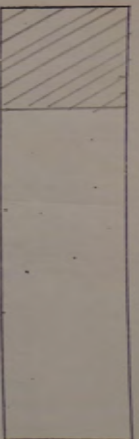
$$\frac{60}{100} \dots\dots\dots < \dots\dots\dots \frac{75}{5}$$

$$\frac{4}{10} \dots\dots\dots < \dots\dots\dots \frac{50}{5}$$

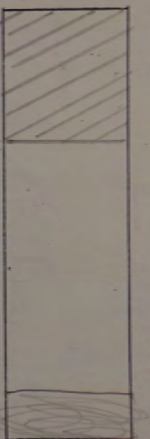
$$20\% \dots\dots\dots < \dots\dots\dots \frac{49}{100}$$

5 - Represente graficamente as porcentagens:

$$24\% \text{ ou } \frac{24}{100} \text{ ou } \frac{6}{25}$$



$$30\% \text{ ou } \frac{30}{100} \text{ ou } \frac{3}{10}$$



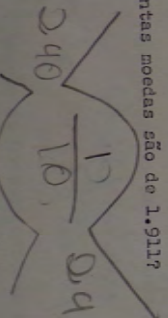
6 - Pedro tem 240 moedas antigas. Separou-as em 5 caixas, de acordo com o ano de impressão.

Obteve o seguinte:

- 10% das moedas são de 1.911,
- 15% das moedas são de 1.912,
- 20% das moedas são de 1.920,
- 25% das moedas são de 1.927,
- 30% das moedas são de 1.929.

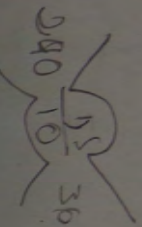
Construa máquinas para resolver as questões seguintes:

a) Quantas moedas são de 1.911?



R: Pedro tem 24 moedas de 1.911

b) Quantas moedas são de 1.912?



R: Pedro tem 36 moedas de 1.912

c) Quantas moedas são de 1.920?

$$240 \sqrt{\frac{2}{10}} \quad 48$$

R: Pedro tem 48 moedas de 1.920

d) Quantas moedas são de 1.927?

$$240 \sqrt{\frac{108}{100}} \quad 60$$

R: Pedro tem 60 moedas de 1.927

e) Quantas moedas são de 1.929?

$$240 \sqrt{\frac{3}{10}} \quad 72$$

R: Pedro tem 72 moedas de 1.929

7 - Gustavo completou o tanque de sua moto na 2ª feira e gastou, neste mesmo dia 50% do tanque. Na 3ª feira gastou mais 10% do tanque. Na 4ª feira gastou mais 1/5 do tanque.

a) Faça um gráfico para representar esta situação.



b) Que porcentagem do tanque Gustavo ainda tem para gastar?

R: Gustavo ainda tem 10% do tanque

c) Se o tanque da moto de Gustavo tem capacidade para 10 litros de gasolina, quantos litros Gustavo já gastou?

R: Gustavo já gastou 8 litros

$$\begin{array}{r} 240 \\ 341 \\ 412 \\ \hline 8 \end{array}$$

Respostas em papel pautado

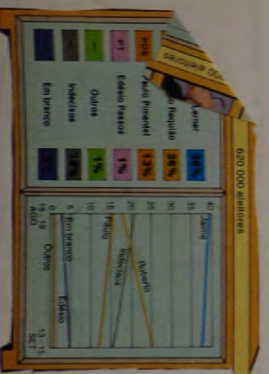
M. Roberto Taylor

# 41% DOS INVESTIMENTOS EM MAQUINAS, EQUIPAMENTOS E INSTALACOES FEITOS NO PAIS SAO DE EMPRESAS QUE USAM ESTE SIMBOLO.

## INDICADORES FINANCEIROS

	Anual (1981)	Hoje em dia	Hoje em dia
<b>RENDA FIXA</b>			
Overnight (Empenhecimento — média em mês)	0,94%	0,94%	2,02%
CDB* (90 dias, líquido em mês)	0,99%	0,99%	2,16%
Letra de câmbio* (liquidado em mês)	0,94%	0,94%	2,21%
Credito de renda fixa (em mês)	1,11%	1,11%	2,21%
Colocação de poupança (em mês)	0,5%	0,5%	0,5%
<b>RENDA VARIÁVEL</b>			
Bovespa (índice)	16.952	19.666	1.236
IBV (índice)	1.919	2.543	682
Correio de blue chips* (índice)	2.311	2.543	1.181
Correio de segunda mão* (índice)	14.666	17.102	1.181
Overn (C&S) — São Paulo	226,00	216,00	66,00
<b>MERCADO NACIONAL</b>			
Costo de dinheiro (taxa efetiva, ao mês, juros compostos)	2,71%	2,68%	6,48%
— Bancos comerciais, desconto empresas, créditos	2,20%	2,28%	5,25%
— Crédito direto ao consumidor	4,00%	3,58%	5,59%
Valor do OTN (C&S)	106,40	106,40%	42,92
<b>MERCADO INTERNACIONAL</b>			
Libor (taxa zero, empréstimo de 6 meses)	7,00%	6,83%	7,81%
Prime rate (taxa zero)	20,80	9,00%	10,80%
Dólar paralelo (C&S)	50,20%	19,90	6,54
Dólar paralelo oficial	1,876	43,78%	18,70%
Bolsa de Nova York (Dow Jones Industrial — índice)	1.876	1.774	1.300

\* Taxa própria de 100 mil unidades, baseada sobre taxa de câmbio atualizada.  
 \*\* Taxa própria de 100 mil unidades, baseada sobre taxa de câmbio atualizada.  
 \*\*\* Taxa própria de 100 mil unidades, baseada sobre taxa de câmbio atualizada.  
 \*\*\*\* Taxa própria de 100 mil unidades, baseada sobre taxa de câmbio atualizada.  
 \*\*\*\*\* Taxa própria de 100 mil unidades, baseada sobre taxa de câmbio atualizada.

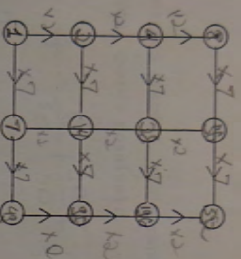




*Thais*

Avaliação 2ª bimestre

- 1- Observe a estrutura fatorial construída abaixo, onde:  $x \rightarrow$   
 $\leftarrow x$



- a) Complete a estrutura fatorial, observando as direções indicadas e descubra o número representado.

- b) Indique o número representado na estrutura fatorial, através de seus fatores primos:

$$2 \times 2 \times 7 \times 7 = 392$$

- c) Determine todos os fatores do número representado na estrutura fatorial:

$$F_{392} = \{2, 2, 7, 7, 8, 14, 28, 49, 56, 98, 196, 392\}$$



- 2- Decomponha o número 72 em seus fatores primos e determine todos os seus fatores (divisores).

$$\begin{array}{r} 72 \cancel{13} \\ 24 \cancel{2} \\ 12 \cancel{2} \\ 6 \cancel{2} \\ 3 \end{array}$$

$$72 = \{ 2^3 \cdot 3^2 \} \quad \{ 1, 2, 3, 4, 6, 8, 9, 12, 18, 24, 36, 72 \}$$

- a) Indique o número 72 através de seus fatores primos.

$$8 \times 9 = 72$$

X

- 3- Resolva as operações com frações, registrando as etapas e simplificando os resultados, quando possível:

a)  $\frac{1}{5} + \frac{2}{3} + \frac{5}{2} = \frac{6}{30} + \frac{20}{30} + \frac{75}{30} = \frac{101}{30}$  C

M.M.C(5,3,2) = 30

b)  $\frac{7}{8} + \frac{1}{2} - \frac{1}{4} = \frac{7}{8} + \frac{4}{8} - \frac{2}{8} = \frac{9}{8}$  C

M.M.C(8,2,4) = 8

c)  $\frac{4}{7} \cdot \frac{2}{4} = \frac{8}{28} = \frac{2}{7}$  C

d)  $\frac{4}{5} \cdot \frac{3}{4} + \frac{3}{4} = \frac{30}{20} + \frac{3}{4} = \frac{30}{20} + \frac{15}{20} = \frac{35}{20} = \frac{7}{4}$  C

M.M.C(20,4) = 20

e)  $\frac{8}{5} - \frac{3}{4} = \frac{24}{15} - \frac{10}{15} = \frac{14}{15}$  *Atenção para as operações!!!*

M.M.C(5,2) = 10



5- Resolva os problemas:

a) Marina gastou a sua mesada da seguinte maneira:

~~$\frac{2}{3}$~~  em lanches, sendo que com  $\frac{1}{2}$  do que gastou em lanches comprou sanduíches.

- Que fração da sua mesada gastou em sanduíches?

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} = \frac{2 \cdot 1}{3 \cdot 2} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{3}$$

?

R: gastou em sanduíche

$\frac{1}{3}$  de mesada

- Que fração da sua mesada sobrou para outros gastos?

R: sobrou para outros gastos  $\frac{1}{3}$

b) Considerando que Marina recebe C\$ 2 400,00 de mesada, responda:

- Quanto Marina gastou em lanche?

$$\begin{array}{r} 800 \\ 800 \\ 800 \\ \hline 2400 \end{array}$$

$$\frac{800}{2400}$$

$$\frac{1}{3}$$

R: Marina gastou em lanche

- Quanto gastou em sanduíches?

$$\begin{array}{r} 1600 \\ 1600 \\ 1600 \\ \hline 4800 \end{array}$$

R: gastou em sanduíches

- Quanto sobrou para outros gastos?

$$\begin{array}{r} 2400 \\ -1600 \\ \hline 800 \end{array}$$

R: sobrou para outros gastos 800

ESCOLA VERA CRUZ

NOME:

Felipe

DATA:

11/6/87

6ª SÉRIE

M. / 31

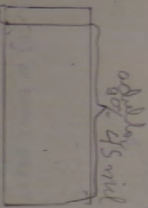
L. C. - PROBLEMAS COM PORCENTAGEM

Para resolver estes problemas, você pode recorrer a:

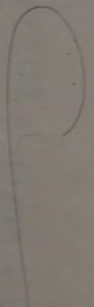
- gráficos;
- máquinas,
- cálculos.

Se tiver alguma dúvida, reveja suas fichas N.º/51/83 e N.º/52/83.

1 - Num estádio de futebol havia 50.000 torcedores, dos quais 10% eram menores. Quantos eram adultos?

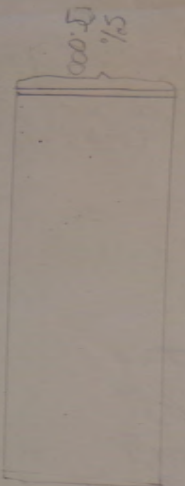


← TORCEDORES



R: Com 45.000 torcedores adultos.

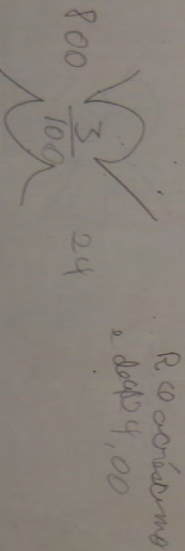
2 - Um vendedor recebe 5% de comissão sobre as vendas efetuadas. Qual a sua comissão na venda de um produto no valor de Cr\$ 100.000,00?



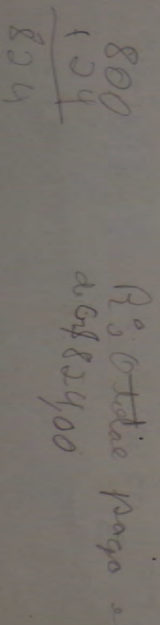
R: Sua comissão é de R\$ 5.000,00.

3 - Ao ser paga com atraso, uma prestação de Cr\$ 800,00 sofreu um acréscimo de 3%.

a) De quanto foi o acréscimo?



b) Qual foi o total pago?





- 4 - 12 alunos representam 25% de uma classe.  
Qual é o total de alunos desta classe?

$$\begin{array}{r} 12 \\ 12 \\ \hline 48 \end{array}$$

R: O total de alunos é de 48

- 5 - São descontados 8% do salário de um operário para o INAMPS.  
O salário do operário é Cr\$ 40.000,00.

a) Qual o valor do desconto?

$$\begin{array}{r} 4000 \\ \frac{8}{100} \times 32 \end{array}$$

R: O desconto dele é 3200,00

b) Quanto recebe este operário (salário líquido)?

$$\begin{array}{r} 34000 \\ - 3200,00 \\ \hline 30800,00 \end{array}$$

R: O salário líquido dele é de 30.800,00



B - Resolva os problemas, usando como recurso seus conhecimentos em tópicos (máquinas, gráficos, sentenças matemáticas).

Não se esqueça: deixar relatar tudo que for feito.

- 1) Uma passagem aérea, de ida e volta, a Belo Horizonte custa Cr\$ 12.000,00. Se conseguimos um desconto de 30%, qual será o preço da passagem?

$$\begin{array}{r} 12.000 \\ - 3.600 \\ \hline 8.400 \end{array}$$

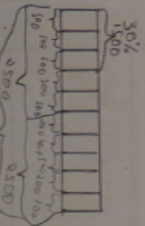
R: O preço da passagem vai passar R\$ 400

$$\begin{array}{r} R\$ 12.000 \\ - 3.600 \\ \hline R\$ 8.400 \end{array}$$

- 2) Recebo Cr\$ 5.000,00 de mesada. A partir de setembro vou ser aumentado em 30%.

Quanto vou receber de aumento?

R: Vou receber de aumento R\$ 1500



Quanto passarei a receber de mesada?

R: Vou receber de mesada R\$ 6500,00

$$\begin{array}{r} 5.000 \\ + 1.500 \\ \hline 6.500 \end{array}$$

3) Numma classe de 40 alunos foram organizados grupos para irrem pesquisar na Biblioteca.

Este trabalho ficou distribuido de acordo com a tabela abaix xo.

DIA DA SEMANA	TRABALHAM NA BIBLIOTECA	NÚMERO DE ALUNOS
2a. feira	30% dos alunos	12
3a. feira	10% dos alunos	4
4a. feira	15% dos alunos	6
5a. feira	40% dos alunos	16
6a. feira	5% dos alunos	2

Complete esta tabela.

- 4) Fomos informados que, numa indústria, por falta de peças, foram fabricados, nesta semana, apenas 28 motos. Estas 28 motos cor - respondem a 25% da produção normal.

Se não tivessem faltado peças, quantas motos essa indústria teria produzido?

R: 8 indústrias produziram

$$\begin{array}{r} 28 \\ \times 4 \\ \hline 112 \end{array}$$

112

- 5) Para confeccionar uma fantasia vamos gastar 80 metros de fitas coloridas. Você deverá completar a tabela abaixo, onde aparecerá a porcentagem, a cor e a metragem das fitas.

Use mais duas cores a sua escolha.

Não se esqueça que não deve sobrar, nem faltar fitas. Vamos gastar os 80 metros.

COR DAS FITAS	PORCENTAGEM	QUANTIDADE EM METROS
Vermelhas	10%	8 m
Azuis	20%	16 m
Verdes	20%	16 m
Amarelas	30%	16 m
Branca	30%	24 m



ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Fabiano S

DATA:

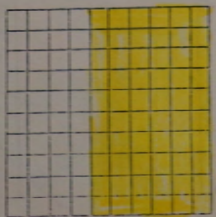
4/8/87

6ª SÉRIE

M. 32/87

A.C. - PORCENTAGEM

1. Pinte, sempre na horizontal, as frações indicadas nos gráficos abaixo:



$$\frac{3}{5}$$

$$\frac{15}{25}$$

$$\frac{60}{100}$$

Você pode observar que:

$$\frac{3}{5} = \frac{15}{25} = \frac{60}{100}$$

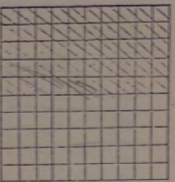
A fração  $\frac{60}{100}$  pode ser escrita 60% o lê-se: 60 por cento

2. Observe o exemplo e complete:



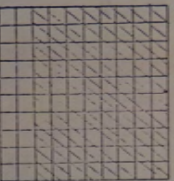
$$\frac{20}{100} \text{ ou } \frac{2}{10} \text{ ou } \frac{1}{5}$$

20 por cento ou 20%



$$\frac{50}{100} \text{ ou } \frac{5}{10} \text{ ou } \frac{1}{2}$$

50 por cento ou 50%



$$\frac{80}{100} \text{ ou } \frac{8}{10} \text{ ou } \frac{4}{5}$$

80 por cento ou 80%

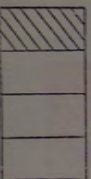
3. Encontre as porcentagens, procurando frações equivalentes com denominador 100.

Exemplo:



$$\frac{1}{2} = \frac{5}{10} = \frac{50}{100}$$

50 por cento ou 50%



$$\frac{25}{100} = \frac{1}{4} = \frac{25}{100}$$

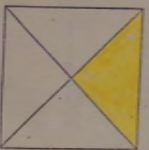
25 por cento ou 25%



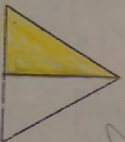
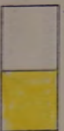
$$\frac{15}{100} = \frac{3}{20} = \frac{15}{100}$$

15 por cento ou 15%

4. a) Pinte 25% de cada figura:



b) Pinte 50% de cada figura:



c) Pinte 75% de cada figura:



d) Pinte 50% da figura em vermelho e mais 25% da figura em azul:



5. Vamos corresponder as porcentagens:

$$\frac{1}{10} \longrightarrow 10\% \quad \text{C} \quad \frac{9}{100} \longrightarrow 9\% \quad \text{C}$$

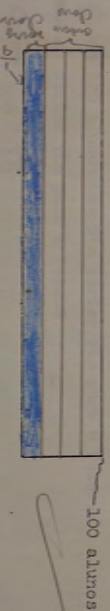
$$\frac{30}{100} \longrightarrow 30\% \quad \text{C} \quad \frac{3}{4} \longrightarrow 75\% \quad \text{C}$$

$$\frac{1}{2} \longrightarrow 50\% \quad \text{C} \quad \frac{2}{5} \longrightarrow 40\% \quad \text{C}$$

6. As 5ª s séries têm no total 100 alunos. Nossa classe tem  $\frac{1}{4}$  deste total.

Nossa classe corresponde a 25 % do total de alunos das 5ª s séries.

Represente esta situação no gráfico:

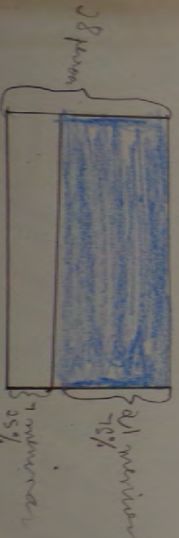


7. Resolva o problema e represente-o graficamente:

Uma classe tem 28 alunos. 75% dos alunos são meninas.

Quantos meninos? 07

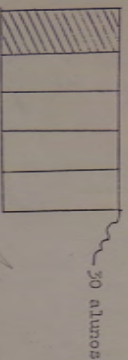
Qual a porcentagem de meninos? 25%



8. Uma classe tem 30 alunos. No 1º bimestre do ano, 20% destes alunos leram o livro Memórias de um Honório de Negócios.  
 Quantos alunos leram Memórias de um Honório de Negócios? 6  
 Lembra-se que:

$$20\% \rightarrow \frac{20}{100} = \frac{2}{10} = \frac{1}{5}$$

Então, 20% de 30 é o mesmo que  $\frac{1}{5}$  de 30.



$$20\% \text{ de } 30 = \underline{6}$$

9. 90% dos 120 alunos das 5ªs séries vão para o Pátio.  
 Quantos alunos vão para o Pátio?

$$90\% \rightarrow \frac{90}{100} = \frac{9}{10}$$

Para calcularmos uma porcentagem podemos também utilizar máquinas:

$$\begin{array}{ccc} \text{total de alunos} & & \text{alunos que vão} \\ 120 & \xrightarrow{90\%} & \text{para o Pátio} \\ & \text{ou} & \\ & \xrightarrow{\frac{9}{10}} & \end{array}$$

*R: 90 para  
total 10 e divide*

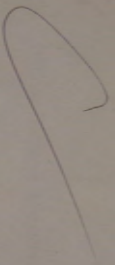
$$90\% \text{ de } 120 = \underline{108}$$



10. Calcular:

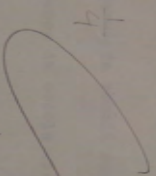
a) 30% de 60 = 18

$$60 \cdot \frac{3}{10} = 18$$



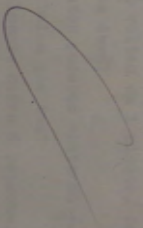
b) 25% de 12 = 3

$$12 \cdot \frac{1}{4} = 3$$



c) 75% de 36 = 27

$$36 \cdot \frac{3}{4} = 27$$



M / 30 / 87

TP - FRAÇÕES (4)

Resolva os problemas no caderno, fazendo sempre a representação gráfica e a sentença matemática :

- 1) numa escola, 200 alunos são católicos, 80 são protestantes e os 20 restantes são judeus. Considerando o total dos alunos como a unidade, responda:
  - a) Que fração do total dos alunos da escola corresponde aos católicos?
  - b) Que fração do total dos alunos da escola corresponde aos protestantes?
  - c) Que fração dos alunos da escola corresponde aos judeus?
- 2) Andei  $\frac{3}{5}$  km para ir até a escola e fiz o mesmo caminho na volta, quanto andei?
- 3) Em um aparelho de som, um disco dá  $33\frac{1}{2}$  voltas em 1 minuto. Se o disco tocar 21 minutos, quantas voltas dará?
- 4) Milena tem 4 quilogramas de balas. Quantos pacotes contendo  $\frac{2}{5}$  de quilograma Milena pode fazer com as balas que tem?
- 5) Compramos 3 pizzas para distribuir igualmente entre 6 pessoas. Que fração de uma pizza receberá cada pessoa?
- 6) A prefeitura de uma cidade distribuiu seu orçamento da seguinte maneira:
 

$\frac{2}{20}$	para construção de estradas;
$\frac{1}{4}$	para construção de escolas;
$\frac{3}{4}$	do restante para assistência médica.

O que sobrou, isto é, R\$ 1.600.000,00 foi destinado a obras sociais. Responda:

  - a) Qual é o orçamento da prefeitura?
  - b) Quanto foi destinado para cada um dos itens citados?

1  
14  
14  
42  
42

NOME: Adriano S

DATA:

5/6/87

M. 12/1/87

Mat

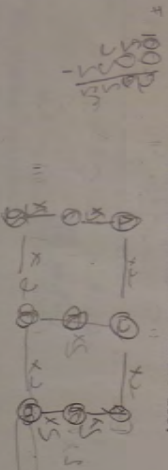
ORIENTAÇÃO DE ESTUDOS

A- Estrutura fatorial e divisibilidade.

Anote o número das fichas a serem estudadas.

FICHAS n°: 13, 14, 15, 16, 17, 18.

1. Construa a estrutura fatorial do número 100.



Observando a estrutura fatorial que você construiu, responda:

a) Quais são os múltiplos de 5 menores ou igual a 100?

15, 20, 25, 30, 35, 40, 45, 50, 55, 60, 65, 70, 75, 80, 85, 90, 95, 100.

b) O número 100 é divisível por 10? Por que? Por que 10 é fator de 100.

c) O número 100 é divisível por 6? Por que?

Como o fator de 100

d) Indique todos os fatores (divisores) de 100.

$1, 2, 4, 5, 10, 20, 25, 50, 100$

e) A estrutura fatorial do número 50 está contida na estrutura fatorial do número 100. Que relação existe entre os números 50 e 100?

$50 = 2 \cdot 5^2$   
 $100 = 2^2 \cdot 5^2$   
 É que 50 é parte de 100

2. Assinale os números divisíveis por 2, 5 e 10:

12, 15, 13, 111, 220, 181

Que recurso utilizou?

o nome do número final

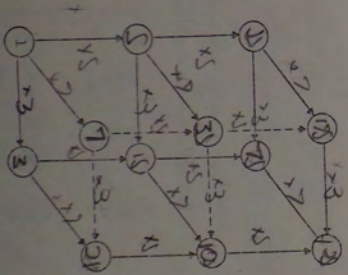
3. Assinale os números divisíveis por 2, 3 e 6:

18, 14, 36

Que recurso utilizou?

eu abatei todos os números

4. Descubra um número que possa ser organizado na estrutura fatorial abaixo.



Número: 925

$$\begin{array}{r} 925 \\ 105 \overline{) 925} \\ \underline{105} \phantom{0} \\ 175 \\ 21 \overline{) 175} \\ \underline{21} \phantom{0} \\ 5 \\ 5 \overline{) 5} \\ \underline{5} \\ 0 \end{array}$$

Indique o número que você organizou na estrutura fatorial, através de seus fatores primos:

$$\begin{array}{r} 525 \\ 105 \\ 21 \\ \hline 5 \end{array}$$

5. Decompor os números que seguem em seus fatores primos:

216 e 54

$$\begin{array}{r} 216 \\ 108 \\ 54 \\ 27 \\ 18 \\ \hline 2 \\ 2 \\ 2 \\ 3 \\ 3 \\ 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 54 \\ 27 \\ 9 \\ 3 \\ \hline 3 \\ 3 \\ 3 \end{array}$$

a) Quantas direções terá a estrutura fatorial do número 216?

Quais? Terá 2 direções de 2 e de 3

b) Quantas direções terá a estrutura fatorial do número 54?

Quais?

Terá 2 direções de 2 e de 3

B- Frações:

Anote o número das fichas a serem estudadas.

FICHAS nº: 1, 2, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30, 31

1. Construa as classes de equivalência, indicando pelo menos 4 representantes para cada classe:

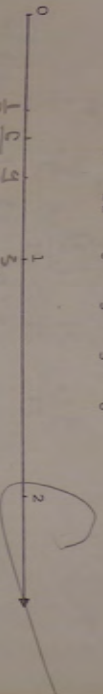
$$\frac{2}{3} = \left\{ \frac{4}{6}, \frac{6}{9}, \frac{8}{12}, \frac{10}{15}, \dots \right\}$$

$$\frac{5}{8} = \left\{ \frac{10}{16}, \frac{15}{24}, \frac{20}{32}, \dots \right\}$$



2. Represente na reta numerada:

$$\frac{3}{3} \cdot \frac{6}{12} \cdot \frac{4}{6} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{2}{6}$$



3. Compare as frações, completando com  $>$ ,  $<$  ou  $=$ .

$$\frac{3}{3} > \frac{2}{3} \quad \frac{4}{6} < \frac{4}{3} \quad \frac{1}{3} = \frac{2}{6} \quad \frac{2}{3} > \frac{3}{10}$$

4. Resolva as operações com frações registrando as etapas:

$$a) \frac{2}{3} + \frac{3}{3} = \frac{10}{12} + \frac{8}{12} = \frac{19}{12} \quad o) \frac{2}{3} - \frac{3}{4} = \frac{8}{12} - \frac{9}{12} = -\frac{1}{12}$$

$$m.m.c(3,3) = 3$$

$$b) \frac{4}{3} + \frac{2}{4} = \frac{16}{12} + \frac{6}{12} = \frac{22}{12} \quad e) \frac{6}{2} - \frac{3}{3} = \frac{18}{6} - \frac{2}{6} = \frac{16}{6} = \frac{8}{3}$$

$$m.m.c(5,4) = 20$$

$$m.m.c(3,2) = 6$$

$$c) \frac{3}{3} \cdot \frac{1}{8} = \frac{3}{24} = \frac{1}{8} \quad g) 5 \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{4} = \frac{15}{16}$$

$$m.m.c(3,8)$$

$$d) \frac{2}{3} : \frac{1}{5} = \frac{10}{15} = \frac{2}{3} \quad h) 2 \cdot \frac{1}{3} : \frac{3}{5} = \frac{6}{5} = 1 \frac{1}{5}$$

5. Resolva as expressões, registrando as etapas e simplificando os resultados, quando possível:

$$a) \left(\frac{2}{3} + \frac{5}{4} - \frac{1}{2}\right) + \left(3 \cdot \frac{1}{3} - 2 \cdot \frac{1}{2}\right) =$$

$$\frac{2}{12} + \frac{15}{12} - \frac{6}{12} + \left(3 \cdot \frac{1}{3} - 2 \cdot \frac{1}{2}\right) = \frac{11}{12} + (1 - 1) = \frac{11}{12}$$

$$\frac{2}{20} + \frac{15}{20} - \frac{10}{20} = \frac{7}{20}$$

$$\frac{2}{6} - \frac{15}{6} = -\frac{13}{6}$$

$$b) 1 \frac{1}{5} - \left[ \left( \frac{3}{8} - \frac{1}{5} \right) : \frac{1}{3} \right] =$$

$$1 \frac{1}{5} - \left[ \frac{1}{3} : \frac{1}{3} \right] =$$

$$1 \frac{1}{5} - \frac{3}{3} = \frac{15}{5} - \frac{15}{5} = \frac{13}{5}$$

$$c) \left( \frac{2}{8} \cdot \frac{1}{5} \right) : \left( \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{2} \right) =$$

$$\frac{2}{40} : \frac{3}{4} = \frac{8}{120}$$

6. Resolva os problemas:

a) Um quitandeiro tinha uma caixa cheia de laranjas. Vendeu  $\frac{2}{11}$  do total das laranjas pela manhã e  $\frac{3}{11}$  à tarde. Ainda ficou com 330 laranjas. Quantas laranjas havia na caixa quando estava cheia?

$$\frac{11}{11} - \frac{2}{11} + \frac{3}{11} = \frac{6}{11}$$

$$\frac{330}{\frac{6}{11}} = 330 \cdot \frac{11}{6} = 605$$

R: Ora, as laranjas caíram para 605  
 b) Com 5 quilogramas de manteiga, quantos pacotes de  $\frac{1}{4}$  de quilograma de manteiga podemos produzir?

$$5 \times \frac{4}{1} = \frac{20}{1}$$

R: Podemos produzir 20  
 c) Joana encontrou  $\frac{1}{2}$  de uma torta na geladeira. Comeu  $\frac{1}{3}$  da parte que encontrou. Que parte da torta comeu?



Comida é de torta

NOME:

Felipe S

DATA:

21/5/87

6ª SÉRIE

M. AA/87

A.G. - PRACÓIS (3)

Operações: divisão

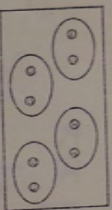
1. Vamos descobrir e completar:

Pergunta-se

Representa-se

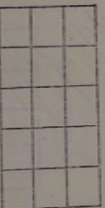
Em matemática

Em 8, quantos grupos de 2?



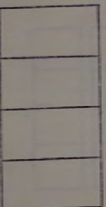
$$8 : 2 = \underline{4}$$

Em 15, quantos grupos de 5?



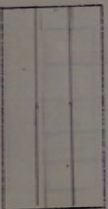
$$15 : 5 = \underline{3}$$

Em 1, quantas partes correspondentes a  $\frac{1}{4}$ ?



$$1 : \frac{1}{4} = \underline{4}$$

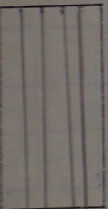
Em 1, quantas partes correspondentes a  $\frac{1}{3}$ ?



$$1 : \frac{1}{3} = \underline{3}$$

Em 1, quantos

$\frac{1}{5}$ ?



$$1 : \frac{1}{5} = \underline{5}$$

2. Observando as sentenças matemáticas do exercício 1, descubra uma regra para dividir, a unidade por uma fração.

Aplique a regra resolvendo as divisões:

a)  $1 : \frac{1}{6} = \underline{6}$

c)  $1 : \frac{1}{9} = \underline{9}$

b)  $1 : \frac{1}{2} = \underline{2}$

d)  $1 : \frac{1}{3} = \underline{3}$

REGRA

na caderno

3. Vamos continuar!

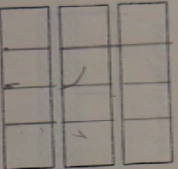
Pergunte-se

Represente-se

Em matemática

Em 3, quantas partes correspondentes

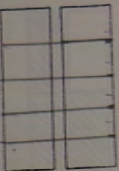
a  $\frac{1}{4}$  ?



$3 \cdot \frac{1}{4} = 1,2$

Em 2, quantos

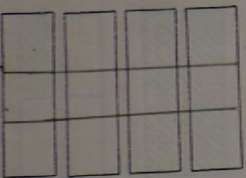
$\frac{1}{3}$  ?



$2 \cdot \frac{1}{3} = 1,33$

Em 4, quantos

$\frac{1}{5}$  ?



$4 \cdot \frac{1}{5} = 1,8$

4. Observando as sentenças matemáticas do exercício 2, descubra uma regra para dividir um inteiro por uma fração.

Aplique a regra resolvendo as divisões:

a)  $3 : \frac{1}{2} = \underline{15}$

c)  $5 : \frac{1}{5} = \underline{25}$

b)  $10 : \frac{1}{6} = \underline{60}$

d)  $80 : \frac{1}{4} = \underline{320}$

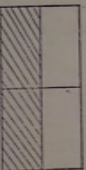
Esta regra vale para as divisões do exercício 2? Sim

5. Pergunte-se

Represente-se

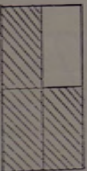
Em matemática

Em  $\frac{2}{4}$  quantas partes correspondentes a  $\frac{1}{4}$ ?



$\frac{2}{4} : \frac{1}{4} = \underline{2}$

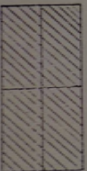
Em  $\frac{3}{4}$  quantos



$\frac{3}{4} : \frac{1}{4} = \underline{3}$

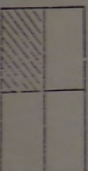
$\frac{1}{4}$ ?

Em  $\frac{5}{4}$  quantos



$\frac{5}{4} : \frac{1}{4} = \underline{5}$

$\frac{1}{4}$ ?





6. Complete e se necessário faça os desenhos:

a) Em  $\frac{1}{2}$  quantos  $\frac{1}{4}$ ?  $\frac{1}{2} : \frac{1}{4} = 2$

S.M.: \_\_\_\_\_

b) Em  $\frac{3}{2}$  quantos  $\frac{1}{4}$ ? \_\_\_\_\_

S.M.:  $\frac{3}{2} : \frac{1}{4} = 6$

c) Em  $\frac{5}{2}$  quantos  $\frac{1}{4}$ ? \_\_\_\_\_

S.M.:  $\frac{5}{2} : \frac{1}{4} = 10$

7. Observando as sentenças matemáticas dos exercícios 5 e 6, descubra uma regra para dividir fração.

Aplique a regra efetuando as divisões:

a)  $\frac{3}{2} : \frac{1}{6} = \underline{9}$

b)  $\frac{1}{2} : \frac{1}{6} = \underline{3}$

c)  $\frac{5}{8} : \frac{1}{8} = \underline{5}$

d)  $\frac{1}{4} : \frac{1}{8} = \underline{2}$

e)  $\frac{7}{9} : \frac{1}{9} = \underline{7}$

f)  $\frac{1}{3} : \frac{1}{9} = \underline{3}$

Esta regra vale para resolver as divisões dos exercícios 2 e 4?

Por cada um

19/5/87

M.108/87

A.C. - FRAÇÕES (2)

Operações: Adição e SubtraçãoOlimpíada  
Municipal  
Canguçu

1. Resolva as frações utilizando o m.m.c. e simplifique os resultados:

$$a) \frac{2}{5} + \frac{1}{2} = \frac{4}{10} + \frac{5}{10} = \frac{9}{10}$$

m.m.c(5,2)=10

$$b) \frac{2}{4} + \frac{1}{8} = \frac{4}{8} + \frac{1}{8} = \frac{5}{8}$$

m.m.c(4,8)=8

$$c) \frac{2}{6} + \frac{3}{9} = \frac{6}{18} + \frac{6}{18} = \frac{12}{18} = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$$

m.m.c(6,9)=18

$$d) \frac{2}{6} + \frac{1}{2} + \frac{9}{18} = \frac{6}{18} + \frac{9}{18} + \frac{9}{18} = \frac{27}{18} = \frac{3}{2} = \frac{3}{2}$$

m.m.c(6,2,18)=18

2. Subtraia as frações, utilizando o m.m.c. e simplifique sempre os resultados:

$$a) \frac{2}{3} - \frac{1}{2} = \frac{4}{6} - \frac{3}{6} = \frac{1}{6}$$

$$m.m.c(3,2) = 6$$

$$b) \frac{2}{6} - \frac{1}{3} = \frac{2}{6} - \frac{2}{6} = \frac{0}{6}$$

$$m.m.c(6,3) = 6$$

$$c) \frac{2}{4} - \frac{1}{8} = \frac{4}{8} - \frac{1}{8} = \frac{3}{8}$$

$$m.m.c(4,8) = 8$$

$$d) \frac{15}{27} - \frac{1}{3} = \frac{15}{27} - \frac{9}{27} = \frac{6}{27} = \frac{2}{9}$$

$$m.m.c(27,3) = 27$$

3. Complete as sentenças abaixo, tornando-as verdadeiras:

$$a) \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{6} = 1$$

$$m.m.c(2,3,6) = 6$$

$$b) \frac{1}{6} + \frac{1}{3} + \frac{2}{6} = 1$$

$$m.m.c(6,3,6) = 6$$

$$c) \frac{1}{3} + \frac{2}{20} + \frac{14}{20} = 1$$

$$m.m.c(3,20,20) = 20$$

$$\frac{3}{6} + \frac{2}{6} + \frac{1}{6} = 1$$

$$\frac{1}{6} + \frac{2}{6} + \frac{3}{6} = 1$$

$$\frac{4}{20} + \frac{2}{20} + \frac{14}{20} = 1$$

$$d) \frac{1}{2} + \frac{4}{8} + \frac{0}{8} = 1$$

$$m.m.c(2,8) = 8$$

$$\frac{4}{8} + \frac{4}{8} + \frac{0}{8} = 1$$

$$e) \frac{1}{8} + \frac{2}{4} + \frac{3}{8} = 1$$

$$m.m.c(4,8,8) = 8$$

$$\frac{1}{8} + \frac{4}{8} + \frac{3}{8} = 1$$

4. Resolva as sentenças matemáticas:

$$a) 1 - \left(\frac{1}{2} + \frac{3}{5}\right) = \frac{1-7}{10} = \frac{10-7}{10} = \frac{3}{10}$$

$$m.m.c(2,5) = 10$$

$$m.m.c(1,10) = 10$$

$$\frac{10}{10} - \frac{7}{10} = \frac{3}{10}$$

$$b) \left(\frac{3}{5} - \frac{1}{3}\right) + \left(\frac{1}{2} - \frac{3}{5}\right) = \frac{6-5}{10} + \frac{5-6}{10} = \frac{1}{10} - \frac{1}{10} = 0$$

$$\frac{6}{10} + \frac{5}{10} = \frac{11}{10}$$

$$m.m.c(1,10) = 10$$

$$\frac{10}{10} - \frac{7}{10} = \frac{3}{10}$$

$$c) \left(1 - \frac{5}{8}\right) + \left(\frac{4}{6} - \frac{2}{3}\right) = \frac{3}{8} + \frac{4-4}{6} = \frac{3}{8} + 0 = \frac{3}{8}$$

$$m.m.c(8,8) = 8$$

$$\frac{4}{6} - \frac{4}{6} = 0$$

$$m.m.c(6,8) = 24$$

$$\frac{9}{24} + \frac{0}{24} = \frac{9}{24}$$

$$m.m.c(8,6) = 24$$

Resposta  
matemática  
da operação  
=  $\frac{3}{8}$

$$d) \left(\frac{2}{4} - \frac{3}{5}\right) - \left(\frac{1}{4} + \frac{2}{3}\right) = \frac{5-6}{20} - \frac{5+8}{12} = \frac{-1}{20} - \frac{13}{12} = \frac{-3-26}{60} = \frac{-29}{60}$$

$$m.m.c(4,5) = 20$$

$$m.m.c(4,3) = 12$$

$$\frac{5}{20} - \frac{6}{20} = \frac{-1}{20}$$

$$\frac{3}{12} + \frac{8}{12} = \frac{11}{12}$$

$$\frac{-1}{20} - \frac{13}{12} = \frac{-3-26}{60} = \frac{-29}{60}$$

$$m.m.c(5,12) = 60$$

Resposta  
matemática  
da operação  
=  $\frac{-29}{60}$

$$e) \left(\frac{2}{4} - \frac{1}{8}\right) + \frac{3}{8} = \frac{2-1}{8} + \frac{3}{8} = \frac{1+3}{8} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$

$$m.m.c(4,8,8) = 8$$

$$\frac{4}{8} - \frac{1}{8} = \frac{3}{8}$$

$$f) \frac{3}{3} - \left(\frac{2}{4} - \frac{1}{8}\right) = \frac{2-3}{8} - \frac{2-1}{8} = \frac{-1}{8} - \frac{1}{8} = \frac{-2}{8} = \frac{-1}{4}$$

$$m.m.c(4,8) = 8$$

$$m.m.c(8,8) = 8$$

$$\frac{4}{8} - \frac{1}{8} = \frac{3}{8}$$

$$\frac{8}{8} - \frac{1}{8} = \frac{7}{8}$$

$$b) \frac{6}{5} + \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{3}\right) = \frac{6}{5} + \frac{1}{3} = \frac{20}{15} + \frac{5}{15} = \frac{25}{15} = \frac{5}{3}$$

$$m.m.c.(6,3) = 6$$

$$m.m.c.(5,3) = 30$$

c

$$\frac{2}{3} - \frac{6}{6} = \frac{2}{3} - 1 = \frac{2}{3} - \frac{3}{3} = -\frac{1}{3}$$

$$\frac{36}{30} + \frac{5}{30} = \frac{41}{30}$$

$$\frac{14}{30} - \frac{1}{30} = \frac{13}{30}$$

$$m.m.c.(1,15) = 15$$

c

$$h) \frac{1}{1} - \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{3}\right)$$

$$\frac{6}{6} - \frac{2}{3} = \frac{6}{6} - \frac{4}{6} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{15}{15} - \frac{1}{15} = \frac{14}{15}$$

$$i) \left(\frac{2}{4} + \frac{2}{3}\right) - \frac{4}{12}$$

$$m.m.c.(4,3) = 12$$

$$\frac{17}{12} - \frac{4}{12} = \frac{13}{12}$$

c

$$\frac{8}{12} + \frac{8}{12} = \frac{17}{12}$$



Corrigir

T.P. - FRAÇÕES (3)Operações

Atenção: Todos os exercícios devem ter os resultados simplificados, quando possível.

1. Efetue as adições e subtrações:

$$a) \frac{12}{6} + \frac{3}{8} = \frac{48}{24} + \frac{9}{24} = \frac{57}{24} = \frac{19}{8}$$

$$b) \frac{8}{9} + \frac{7}{4} = \frac{32}{36} + \frac{63}{36} = \frac{95}{36}$$

$$c) \frac{20}{3} + \frac{1}{3} + \frac{4}{3} = \frac{100}{15} + \frac{20}{15} = \frac{120}{15} = \frac{41}{5}$$

$$d) \frac{8}{3} + \frac{5}{4} + \frac{1}{2} = \frac{32}{12} + \frac{15}{12} + \frac{6}{12} = \frac{53}{12}$$

Rua cilada!

$$e) \frac{13}{4} - \frac{5}{6} = \frac{39}{12} - \frac{10}{12} = \frac{29}{12}$$

$$f) \frac{21}{4} - \frac{2}{3} = \frac{105}{20} - \frac{8}{20} = \frac{97}{20}$$

$$g) \frac{19}{3} - \frac{4}{3} - \frac{8}{3} = \frac{7}{3}$$

$$h) \frac{9}{8} - \frac{1}{8} - \frac{2}{20} = \frac{18}{40} - \frac{5}{40} - \frac{2}{40} = \frac{11}{40}$$

Rua: cilada!!!

2. Efetue as multiplicações:

$$a) \frac{4}{10} \times \frac{5}{2} = \frac{20}{20} = 1 \quad C$$

$$c) 8 \times \frac{1}{8} \times \frac{1}{4} = \frac{8}{32} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4} \quad C$$

$$b) \frac{9}{8} \times \frac{3}{2} = \frac{27}{16} \quad C$$

$$f) 0 \times \frac{3}{5} = 0 \geq 0 \quad C$$

$$e) 4 \times \frac{3}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{12}{4} = \frac{3}{1} \quad C$$

$$g) \frac{1}{6} \times 3 = \frac{3}{6} \quad C$$

$$d) \frac{3}{2} \times 0 = \frac{0}{2} = 0 \quad C$$

$$h) \frac{7}{5} \times \frac{10}{14} = \frac{70}{70} = 1 \quad C$$

3. Resolva as divisões:

Lembre-se: você pode trabalhar com frações equivalentes.

$$a) \frac{3}{4} : \frac{1}{2} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2} \quad C$$

$$e) \frac{2}{9} : \frac{3}{9} = \frac{19}{27} = \frac{2}{3} \quad C$$

$$b) \frac{4}{5} : \frac{1}{5} = \frac{4}{1} = 4 \quad C$$

$$f) \frac{4}{5} : \frac{8}{10} = \frac{4}{10} = \frac{1}{5} = \frac{1}{10} \quad C$$

$$c) \frac{3}{7} : \frac{2}{7} = \frac{21}{14} = \frac{3}{2} \quad C$$

$$g) \frac{9}{16} : \frac{7}{8} = \frac{26}{48} = \frac{13}{24} = \frac{3}{8} \quad C$$

$$d) \frac{4}{9} : \frac{1}{2} = \frac{8}{9} \quad C$$

$$h) \frac{5}{9} : \frac{7}{4} = \frac{20}{30} = \frac{2}{3} \quad C$$

4. Dê o valor das expressões:

$$a) \frac{3}{4} + \frac{1}{3} + \frac{1}{2} - \frac{7}{12} = \frac{9}{12} + \frac{4}{12} + \frac{6}{12} - \frac{7}{12} = \frac{12}{12} = 1 \quad C$$

m m C (0,3,2,1) = 12

$$b) \frac{21}{2} - \frac{21}{3} = \frac{20}{6} + \frac{14}{6} = \frac{19}{3} \neq C \text{ "Lindo!"}$$

m m C (4,3,3) = 6

$$c) 4 \times \frac{3}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{12}{4} = \frac{3}{1} \quad C$$

$$d) \frac{2}{3} \cdot \frac{5}{6} \times \frac{4}{5} \times 0 = \frac{10}{18} \times \frac{4}{5} \times \frac{4}{5} \times 0 = \frac{0}{30} = 0$$

matr. (1,0) = 6

$$e) \frac{2}{3} \times \frac{3}{2} \times 4 = \frac{24}{6} = \frac{8}{1} = \frac{8}{1} = 8$$

$$f) \frac{2}{5} \times \frac{1}{4} \times \frac{20}{360} = \frac{52}{25} = \frac{8}{300} = \frac{4}{75}$$

Simplifique!

6. Complete as expressões abaixo tornando-as verdadeiras:

$$a) \frac{3}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{3}{8} \quad C$$

$$d) \frac{3}{5} \times \frac{5}{3} = 1$$

Resposta!

$$b) \frac{3}{3} \times \frac{2}{9} = \frac{6}{27} \quad C$$

$$e) \frac{3}{7} \times \frac{0}{8} = 0$$

C

$$c) \frac{7}{8} \times \frac{3}{1} \times \frac{1}{2} = \frac{21}{16} \quad C$$

$$f) \frac{1}{5} \times \frac{4}{7} = \frac{4}{21} \quad C$$

C

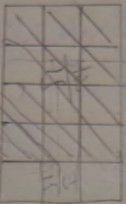
A.C. - FRAÇÕES (1)

Operações: Adição e subtração

**I - Adição e Subtração de frações.**

1. Utilizando desenho resolva a adição:

$$\frac{4}{5} + \frac{2}{3} = \frac{12}{15} + \frac{10}{15} = \frac{22}{15}$$



2. Determine as classes de equivalência:

$$\frac{4}{5} = \left\{ \frac{8}{10}, \frac{12}{15}, \frac{16}{20}, \frac{20}{25}, \frac{24}{30}, \frac{28}{35}, \dots \right\}$$

$$\frac{2}{3} = \left\{ \frac{20}{30}, \frac{4}{12}, \frac{5}{18}, \frac{6}{21}, \frac{8}{24}, \frac{9}{27}, \frac{10}{30}, \dots \right\}$$

Utilizando frações equivalentes a cada uma das frações, resolva a subtração:

$$\frac{4}{5} - \frac{2}{3} = \frac{12}{15} - \frac{10}{15} = \frac{2}{15}$$

Explique o que você fez: Utilizei a classe de equivalência

na coluna de frações equivalentes para cada

denominador para a subtração.

3. Determine o m.m.c. entre 4 e 6.

$$M_4 = \{0, 4, 8, 12, 16, 20, 24, 28, 32, 36, 40, 44, \dots\}$$

$$M_6 = \{0, 6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54, 60, \dots\}$$

$$M_4 \cap M_6 = \{0, 12, 24, 36, \dots\}$$

$$\text{m.m.c.}(4, 6) = \{12\}$$

Lembre-se: m.m.c. entre dois ou mais números é o menor múltiplo comum, diferente de zero.

Utilizando o m.m.c. (4,6) resolva a adição abaixo, deixando tudo que pensar, registrado.

$$\frac{5}{6} + \frac{7}{4} =$$

$$\frac{5}{6} = \frac{10}{12}$$

$$\frac{7}{4} = \frac{21}{12}$$

$$\frac{10}{12} + \frac{21}{12} = \frac{31}{12}$$

Chame a professora para verificar o exercício 3, antes de prosseguir.



4. Utilizando o m.m.c. resolva as adições e subtrações:

$$a) \frac{5}{6} - \frac{8}{8} = \frac{5}{24} \quad \left| \frac{5}{6} - \frac{20}{24} \right.$$

m.m.c. {24}

$$\frac{5}{6} = \frac{15}{24}$$

$$\frac{20}{24} - \frac{15}{24} = \frac{5}{24}$$

$$b) \frac{3}{4} + \frac{7}{10} = \frac{28}{20} + \frac{14}{20}$$

m.m.c. {20}

$$\frac{3}{4} = \frac{15}{20}$$

$$\frac{7}{10} = \frac{14}{20}$$

$$\frac{15}{20} + \frac{14}{20} = \frac{29}{20}$$

$$c) \frac{1}{5} + \frac{3}{4} =$$

m.m.c. {20}

$$\frac{1}{5} = \frac{4}{20} \quad \frac{3}{4} = \frac{15}{20}$$

$$d) \frac{2}{3} + \frac{3}{3} + \frac{1}{6} =$$

m.m.c. {30}

$$\frac{2}{3} = \frac{14}{15} + \frac{15}{15} = \frac{29}{15}$$

$$\frac{1}{6} = \frac{5}{30}$$

$$e) \frac{1}{4} + \frac{2}{5} - \frac{8}{5} =$$

m.m.c. {20}

$$\frac{1}{4} = \frac{5}{20} \quad \frac{2}{5} = \frac{8}{10} = \frac{16}{20}$$

$$\frac{8}{5} = \frac{32}{20}$$

$$f) \frac{2}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{15} =$$

m.m.c. {15}

$$\frac{2}{3} = \frac{10}{15}$$

$$\frac{1}{5} = \frac{3}{15}$$

$$\frac{10}{15} + \frac{3}{15} - \frac{1}{15} = \frac{12}{15}$$

$$g) \frac{2}{5} - \frac{1}{3} + \frac{1}{3} =$$

m.m.c. {15}

$$\frac{2}{5} = \frac{6}{15}$$

$$\frac{6}{15} - \frac{5}{15} + \frac{5}{15} = \frac{6}{15}$$

$$h) \frac{3}{8} - \frac{1}{4} + \frac{1}{5} =$$

m.m.c. {40}

$$\frac{3}{8} = \frac{15}{40}$$

$$\frac{1}{4} = \frac{10}{40}$$

$$\frac{1}{5} = \frac{8}{40}$$

$$\frac{15}{40} - \frac{10}{40} + \frac{8}{40} = \frac{13}{40}$$

## II - Simplificação de frações:

Observe:

$$\text{Se } \frac{2}{3} = \frac{4}{6} \quad \times 2$$

então

$$\frac{4}{6} = \frac{2}{3} \quad : 2$$

Se multiplicarmos o numerador e o denominador de uma fração por um mesmo número ela não se altera. (Teremos frações equivalentes) Se dividirmos o numerador e o denominador de uma fração por um mesmo número, ela não se altera. (Teremos frações equivalentes).

No caso de  $\frac{4}{6}$  podemos dividir o numerador e o denominador por 2; No caso de  $\frac{2}{3}$  é possível dividir o numerador e o denominador por um mesmo número? nao

Dizemos que  $\frac{2}{3}$  é a forma simplificada de  $\frac{4}{6}$ .

Simplifique  $\frac{24}{30}$  até chegar a forma mais simplificada.

Costumamos sempre indicar os resultados de adições e subtrações de frações com uma fração simplificada.

A fração na sua forma mais simplificada é chamada de fração irreduzível.

1. Simplifique as frações, escrevendo-as na forma irreduzível:

a)  $\frac{15}{45} = \frac{1}{3}$

b)  $\frac{100}{105} = \frac{20}{21}$

$$c) \frac{14}{70} = \frac{1}{5}$$

$$d) \frac{36}{48} = \frac{3}{4}$$

$$e) \frac{36}{90} = \frac{2}{5}$$

2. Volte ao exercício 4 do Item (I) e simplifique os resultados das adições e subtrações, quando possível.

$$F \frac{1}{3}$$

$$G \frac{2}{3}$$

Operações

M. S. /

T.P. - FRAÇÕES (2)Operações

Para operar com frações e resolver expressões que envolvem frações, você pode utilizar os seguintes recursos:

a) FRAÇÕES de frações (X):

- representação gráfica,
- cadeia de máquinas em série.

b) Adição de frações (+):

- representação gráfica,
- cadeia de máquinas em paralelo,
- substituição das frações por outras equivalentes com denominadores iguais.
- ~~máximo~~ múltiplo comum (m.m.c.).

Atenção

Se tiver alguma dúvida, você pode consultar suas pestas:

- c) Para subtrair (-) frações, você pode utilizar gráficos, igualar os denominadores (procurando equivalentes) ou utilizar o recurso do m.m.c.

1. Resolva as adições e subtrações de frações, deixando sempre os resultados na forma mais simplificada:

$$\frac{5}{9} + \frac{2}{9} = \frac{7}{9}$$

$$\frac{7}{12} + \frac{5}{12} = \frac{12}{12}$$

m.m.c. (12)

$$\frac{15}{14} + \frac{9}{6} + \frac{5}{2} = \frac{23}{4} = \frac{31}{4}$$

m.m.c. (12)

$$\frac{16}{14} - \frac{5}{7} - \frac{10}{14} = \frac{6}{14} = \frac{3}{7}$$

m.m.c. (14)

$$\frac{3}{5} + \frac{2}{3} = \frac{13}{15}$$

m.m.c. (15)

$$\frac{1}{5} - \frac{3}{8} = \frac{37}{40}$$

m.m.c. (40)

$$\frac{3}{5} + \frac{2}{2} = \frac{7}{2}$$

m.m.c. (10)

$$\frac{5}{10} + \frac{5}{10} = \frac{10}{10} = 1$$

m.m.c. (10)

$$\frac{3}{4} - \frac{2}{5} = \frac{15}{20} - \frac{8}{20} = \frac{7}{20}$$

m.m.c. (20)

$$\frac{68}{20} - \frac{8}{20} = \frac{60}{20} = 3$$

m.m.c. (20)

$$\frac{13}{10} + \frac{1}{10} = \frac{14}{10} = \frac{7}{5}$$

m.m.c. (10)



2. Calcule as frações de frações, chegando sempre a resultados simplificados:

$$\frac{1}{4} \times \frac{5}{10} = \frac{5}{40} = \frac{1}{8}$$

$$\frac{6}{5} \cdot \frac{1}{3} = \frac{6}{15} = \frac{2}{5}$$

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{4}{3} = \frac{12}{24} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{5}{2} = \frac{10}{6} = \frac{5}{3}$$

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{1}{1} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{1}{9} \cdot \frac{2}{2} \cdot \frac{9}{1} = \frac{18}{18} = 1$$

$$\frac{2}{1} \cdot \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$$

Nas expressões podem aparecer sinais de pontuação, que indicam a operação que deve ser resolvida em primeiro lugar.

Por exemplo, se temos  $(4 + 6) : 2$ , devemos primeiro resolver os parênteses.

Então:

$$\frac{(4 + 6) : 2 = 10 : 2 = 5}{10}$$

Podem aparecer também outros sinais de pontuação:

[ ] = colchetes

{ } = chaves

Quando temos, numa mesma expressão, vários sinais de pontuação, devemos resolver:

- a) em primeiro lugar os parênteses ( ),
- b) em segundo lugar os colchetes [ ],
- c) por último as chaves { }.

Veja o exemplo:

$$\left\{ 8 - \left[ 5 + \underbrace{(4 - 3)}_1 \right] + \underbrace{(7 - 4)}_3 \right\} =$$

$$\left\{ 8 - \left[ \underbrace{5 + 1}_6 \right] + 3 \right\} =$$

$$\left\{ \underbrace{8 - 6 + 3}_5 \right\} = 5$$

3. Resolva as expressões seguintes, respeitando os sinais de pontuação e simplificando os resultados finais:

$$\left(\frac{4}{3} + \frac{2}{3}\right) \cdot \frac{3}{8} =$$

$$\frac{6}{3} \cdot \frac{3}{8} = \frac{18}{24} = \frac{6}{8} = \frac{3}{4}$$

$$\left(\frac{1}{3} \cdot \frac{2}{2}\right) + \left(\frac{1}{4} \cdot \frac{2}{2}\right) =$$

$$\frac{2}{6} + \frac{2}{20} = \frac{30}{60} + \frac{6}{60} = \frac{36}{60}$$

$$\frac{2}{3} \cdot \left(\frac{1}{4} + \frac{1}{3}\right) = \frac{14}{36} = \frac{7}{18}$$

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{10}{4} = \frac{20}{12} = \frac{5}{3}$$

$$\left(\frac{1}{3} \cdot \frac{2}{4}\right) + \frac{1}{3} = \frac{2}{60} + \frac{20}{60} = \frac{22}{60} = \frac{11}{30}$$

$$\frac{2}{12} + 1 = \frac{10}{60} + \frac{12}{60} = \frac{22}{60} = \frac{11}{30}$$

$$\frac{1}{3} \cdot \frac{2}{4} = \frac{2}{12}$$

$$\left[ \frac{7}{2} + \left( \frac{1}{2} \cdot \frac{7}{4} \right) \right] \cdot \frac{10}{9} = \frac{170}{180} = \frac{17}{18}$$

$$24 + \frac{20}{3} = \frac{15}{3} + \frac{20}{3} = \frac{35}{3}$$

$$\frac{17}{18} \cdot \frac{10}{9} = \frac{170}{180}$$

$$\frac{1}{5} \cdot \frac{3}{4} = \frac{3}{20}$$

$$\frac{7}{2} \cdot \left[ \left( \frac{4}{2} + \frac{1}{2} \right) \cdot \frac{2}{3} \right] - \frac{1}{9} =$$

$$\frac{4}{2} + \frac{1}{2} = \frac{5}{2}$$

$$\frac{15}{18} \cdot \frac{20}{18} = \frac{30}{18} = \frac{5}{3}$$

$$\frac{5}{2} \cdot \frac{2}{3} = \frac{10}{3}$$

$$\frac{1}{3} + \frac{1}{2} = \frac{2}{6} + \frac{3}{6} = \frac{5}{6}$$

$$\frac{5}{6} \cdot \frac{2}{3} = \frac{10}{18} = \frac{5}{9}$$

$$\frac{17}{18} - \frac{5}{9} = \frac{34}{36} - \frac{20}{36} = \frac{14}{36} = \frac{7}{18}$$

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{2} = \frac{3}{4}$$

NOME: Andressa

DATA: 11/05/11

6ª SÉRIE

Page 32

M. 10/1

T.P. - Frações

Adição e Subtração

1. Observe o material multibase base 3 e complete com a fração correspondente:



→ cubão = 1



→ placa =  $\frac{1}{3}$



→ barra =  $\frac{1}{9}$



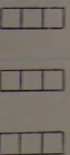
→ cubinho =  $\frac{1}{27}$

2. Utilizando material multibase base 3, resolva as operações que seguem completando o quadro em cada caso e dando o resultado através de uma única fração.

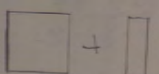
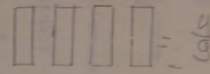
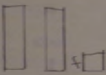
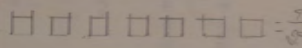
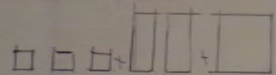
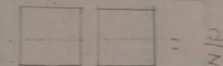
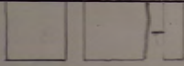
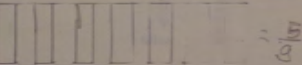
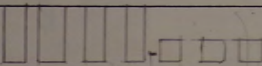
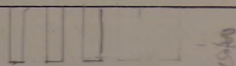
Observe: ao representar o resultado através de material, no quadro, use apenas um tipo de peça. Por exemplo: Não vale representar



e sim





SENTENÇA MATEMÁTICA	REPRESENTAÇÃO DA EXPRESSÃO EM MATERIAL BASE 3	REPRESENTAÇÃO DO RESULTADO EM MATERIAL BASE 3 TRANSFORMADO
$\frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$		
$\frac{2}{9} + \frac{1}{27} = \frac{5}{27}$		
$\frac{3}{27} + \frac{1}{3} + \frac{2}{9} = \frac{2}{3}$		
$\frac{2}{3} - \frac{1}{9} = \frac{5}{9}$		
$\frac{4}{3} - \frac{3}{27} = \frac{11}{9}$		

3. Observando a 1ª e a 3ª colunas do quadro da folha anterior, transforme as frações, como no exemplo abaixo, e resolva novamente as expressões:

Exemplo:

$$a. \frac{1}{3} + \frac{1}{9} \implies \text{resultado} = 4 \text{ barras}$$

$$\frac{1}{3} \implies 1 \text{ placa} \implies 3 \text{ barras} \implies \frac{2}{9}$$

$$\frac{1}{9} \implies 1 \text{ barra}$$

Então:

$$\frac{1}{3} + \frac{1}{9} = \frac{2}{9} + \frac{1}{9} = \frac{4}{9}$$

$$b. \frac{2}{9} + \frac{2}{27} \implies \text{resultado} = 70 \text{ barras}$$

$$\frac{2}{9} \implies 2 \text{ barras} \implies 6 \text{ colunas} \implies \frac{8}{27}$$

$$\frac{1}{27} \implies 1 \text{ coluna}$$

coluna

$$\frac{2}{9} \cdot \frac{1}{27} = \frac{6}{27} + \frac{1}{27} = \frac{7}{27}$$

$$c. \frac{2}{27} + \frac{1}{3} + \frac{2}{9} \implies \text{resultado} = 2 \text{ placas}$$

$$\frac{2}{27} \implies 2 \text{ colunas}$$

$$\frac{1}{3} \implies 1 \text{ placa} \implies 5 \text{ barras} \implies 8 \text{ colunas} \implies \frac{8}{27}$$

$$\frac{2}{9} \implies 2 \text{ barras} \implies 6 \text{ colunas} = \frac{8}{27}$$

Então

$$\frac{2}{27} + \frac{1}{3} + \frac{2}{9} = \frac{2}{27} + \frac{8}{27} + \frac{8}{27} = \frac{18}{27}$$

$$d. \frac{2}{3} - \frac{1}{9} \rightarrow \text{resultado } \frac{5}{9}$$

$$\frac{2}{3} \rightarrow \text{2 barras} \rightarrow 7 \text{ barras} = \frac{7}{9}$$
$$\frac{1}{9} = 1 \text{ barra}$$

$$\frac{2}{3} - \frac{1}{9} = \frac{7}{9} - \frac{1}{9} = \frac{6}{9}$$

$$e. \frac{4}{9} - \frac{2}{27} \rightarrow \text{resultado } \frac{10}{27}$$

$$\frac{4}{9} \Rightarrow 4 \text{ barras} \rightarrow 10 \text{ cubinhos} = \frac{10}{27}$$

$$\frac{2}{9} = 2 \text{ cubinhos}$$

$$\frac{4}{9} - \frac{2}{9} = \frac{2}{9} = \frac{10}{27} - \frac{2}{9} = \frac{10}{27}$$

4. Agora verifique:

$$1 \text{ placa} \equiv 3 \text{ barras} \left( \frac{1}{3} \equiv \frac{2}{9} \right)$$

$$1 \text{ Barra} \equiv 3 \text{ cubinhos} \left( \frac{1}{9} \equiv \frac{2}{27} \right)$$

No exercício 3 fizemos as transformações de frações, observando sempre uma lei:

"A fração dada e a fração transformada devem ser equivalentes".

5. Observando com atenção as expressões que resolveu no exercício 3, escreva uma conclusão sobre as operações adição e subtração com frações:

Para adicionar ou subtrair  
para se possa por em comum a parte  
equivalente a parte da de que  
tenham o mesmo denominador, Realizemos a  
operação adicionando os numeradores  
e mantendo o denominador  
Ex:  $\frac{1}{3} + \frac{1}{9} = \frac{2}{9} + \frac{1}{9} = \frac{3}{9}$

ESCOLA VERA CRUZ

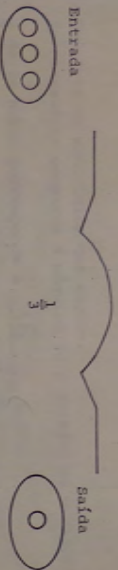
NOME: F. Alves S  
6ª SÉRIE

DATA: 15/8/87

M. / 05 /

L.C. Frações (2)

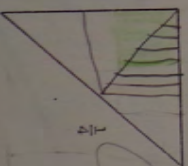
1. Observe o que faz a máquina:

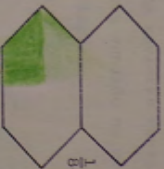


a) Complete a tabela, passando cada entrada pela máquina acima:

E	12	24	9	18	6	30	60	27
S	4	8	3	6	2	10	20	9

2. Pinte em cada figura a fração indicada:





3. Complete os exercícios que seguem.  
Se necessário construa a máquina ou o desenho no verso da folha:

$\frac{2}{3}$  de 24 horas corresponde a 16 horas.

$\frac{4}{5}$  de 250 m<sup>2</sup> corresponde a 200 m<sup>2</sup>.

$\frac{5}{8}$  de Cz\$ 48 000,00 corresponde a 450 000,00

$\frac{1}{3}$  dos meses do ano corresponde a 4 meses.

$\frac{2}{4}$  de um século corresponde a 50 anos.

4. Uma pessoa disse:

- Vivi  $\frac{1}{5}$  da minha vida na Europa, onde passei 10 anos. Quantos anos tem esta pessoa?

R: Ela viveu em 50 anos

$$\frac{50 \frac{1}{5}}{10} = \frac{50}{10}$$

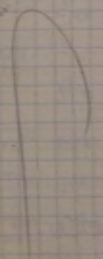
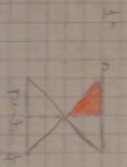


Um jornaleiro ao completar a venda de 1200 exemplares da revista "CONSTITUINTE", informou que o número de revistas vendidas corresponde a  $\frac{2}{3}$  do total de revistas que havia vendido no mês anterior. Quantos exemplares vendeu no mês anterior?

$$\begin{array}{r} 1200 \text{ (2)} \\ 1400 \text{ (3)} \\ \hline 6000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 600 \\ 800 \\ \hline 1800 \end{array}$$

R: he mais por cento de vendas 1800 exm  
plaus



2 - Desenhar 4 retângulos de 10 por 10 quadrados.

o 1º de 10 por 10, o 2º de 10 por 10, o 3º de 10 por 10, o 4º de 10 por 10.

3 - Construa um retângulo numerado. Cada um dos quadrados de 10 por 10.

- 1º quadrado: 10 por 10
- 2º quadrado: 10 por 10
- 3º quadrado: 10 por 10
- 4º quadrado: 10 por 10

4 - Construa 4 classes de 10 quadrados de 10 por 10.

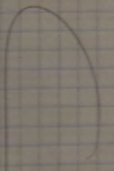
5 - Construa 4 classes de 10 quadrados de 10 por 10. Cada quadrado de 10 por 10.

Propriedades

0° 180° 90° 270°



1/2 1/2 1/2 1/2





Machine 3

O.C. B. ...

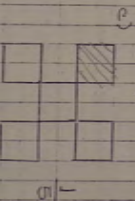
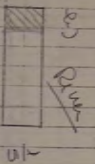
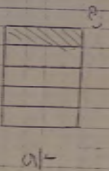
1432 571




LC - Exercício (1)


União


1 - Pinte um cada figura a fração indicada.




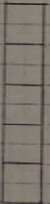
2 - Represente através da descreva:


a)  $\frac{1}{5}$  da figura a do exercício 1 

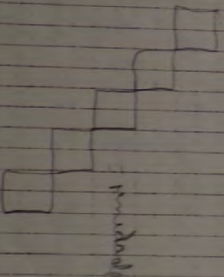
b)  $\frac{1}{5}$  da figura b do exercício 1 

c)  $\frac{1}{5}$  da figura c do exercício 1 

3 - Considerando  $\frac{1}{5}$  da figura c do exercício 1  
 você pode construir unidades com outros  
 formatos.

Seu(s):  =  $\frac{1}{5}$   = unidade


a) Considerando outra  =  $\frac{1}{5}$ , construa  
 a unidade diferente das suas formas  
 já construídas:

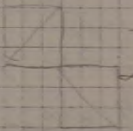
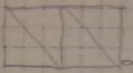


C


4

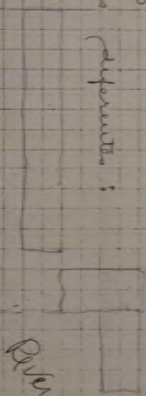


b) Considere  e construa a unidade com três formas diferentes:



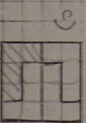
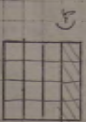
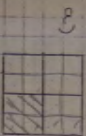
C

d) Considere  e construa a unidade em três formas diferentes:



Que!

4- Tenis abaixo, três cópias de uma figura:



C

Qual é a medida de superfície da figura?

2) Superfície = 16 quadrados

C

b) Pinte em cada figura a parte correspondente a  $\frac{1}{4}$ , observando a representação indicada

c) Calcule a medida de superfície da parte  $= \frac{1}{4}$  em cada uma das representações

parte e registre abaixo na cópia a % quadrados

na cópia b: % quadrados

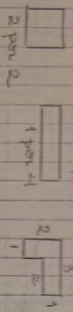
C

Das cópias c: % quadrados

d) O que você concluiu sobre a medida de superfície da parte  $= \frac{1}{4}$  da unidade, representada de diferentes maneiras?

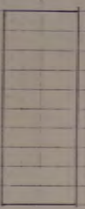
Calcular a área da poligonal

Esboce que as medidas dos lados muda -  
sem, mas a área é a mesma



Por mantida a medida da área da unidade é sempre de 1 de 1 da medida da superfície da unidade.

5) Se a medida da superfície da figura

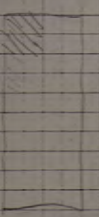
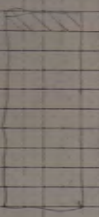


Área = 40 quadrados

a) Desenhe duas cópias desta cópia observando com cuidado as medidas (em quadrados).

Represente em cada cópia a parte correspondente a  $\frac{1}{10}$ , utilizando duas maneiras diferentes para representar a unidade.

Explicando:  $\frac{1}{10}$  da primeira cópia da unidade deve ter forma diferente de  $\frac{1}{10}$  da segunda cópia.



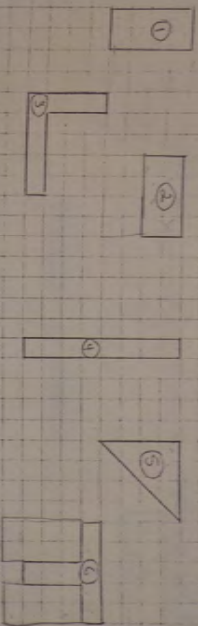
b) Compare as áreas nas duas representações da  $\frac{1}{10}$  da figura acima. Em a mesma medida de superfície? Qual é? tem quadrado

c) Desenhe na a área correspondentemente a  $\frac{1}{10}$  da figura (unidade) representada. Também  $\frac{1}{10}$  da área da unidade.

Missão para a figura!

Resposta nas conclusões? tem quadrado

5 - Verifique as medidas de superfície das figuras abaixo:

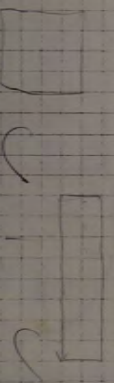


a)  $\textcircled{3}$  que concluiu sobre as medidas de superfície (que cada uma representa)  $\textcircled{C}$

b) Figuras de formas diferentes, que tenham a mesma área podem ser representadas por figuras de forma diferente.  $\textcircled{C}$

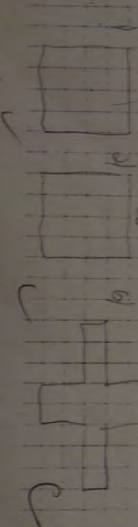
c) Se cada uma das figuras acima representa  $\frac{1}{2}$  de determinada figura, a área de cada uma é  $\textcircled{C}$

d) Utilizando as 4 formas acima representadas como  $\frac{1}{2}$  da unidade, a)  $\textcircled{C}$  b)  $\textcircled{C}$  c)  $\textcircled{C}$  d)  $\textcircled{C}$



e) Encontre uma forma para a unidade na qual possa ser representada a parte  $\textcircled{1}$ ,  $\textcircled{2}$ ,  $\textcircled{3}$  e  $\textcircled{4}$  das figuras representadas em três copias da unidade no verso da folha.

a)  $\textcircled{2}$  como  $\frac{1}{2}$ . Use sempre a forma.



ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Adriano Soares

6ª SÉRIE

DATA: 15/4/87

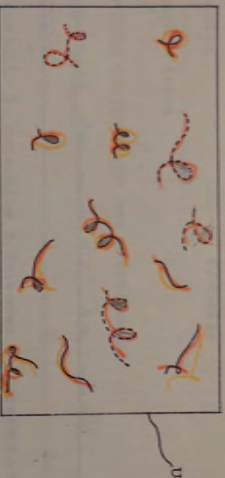
10,50 87

Pem +

AVULIAÇÃO - 1º BIMESTRE

1 - Considere para Universo o conjunto abaixo. Os elementos desse conjunto são pedaços de fios de linha com laçadas ou sem laçadas.

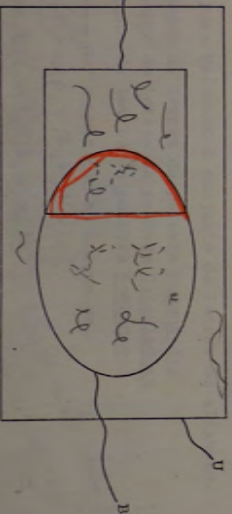
Pinte os fios pontilhados e contínuos em duas cores diferentes.



a) Represente este conjunto no diagrama que segue.

A é o conjunto dos fios que têm um único laço.

B é o conjunto dos fios que têm laços ou são pontilhados.



b) Assinale no gráfico com hachurado o conjunto A B. ✓

*Atenção para a propriedade de B!*



- 2 - Considere para Universo o conjunto de pessoas da sua família. Represente por uma propriedade, pelo menos dois conjuntos desse Universo.

A: É o conjunto das pessoas da família

B: É a família da universidade de Lavras

- 3 - Considere para Universo o conjunto:

$U = \{P, M, E.S., CI, Artes, E.F.\}$

P = Português ; E.S. = Estudos Sociais

M = Matemática ; CI = Ciências

E.F. = Educação Física

Represente este conjunto por uma propriedade:

U = o conjunto das matérias da escola

- 4 - Observe o conjunto A, determine o Universo e represente-o por uma propriedade.

$A = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, \dots\}$

U: os números

Propriedade: É o conjunto dos números ímpares

*Atenção para o infinito!*

- 5 - Considere para Universo o conjunto de letras do alfabeto.

P é o conjunto de letras da palavra Computador

Q é o conjunto de letras da palavra Calculadora

R é o conjunto de letras da palavra Sonhador

a) Represente por enumeração os conjuntos:

$P = \{C, O, M, P, U, T, A, D, O, R\}$

$Q = \{C, A, L, C, U, L, A, D, O, R, A\}$

$R = \{S, O, N, H, A, D, O, R\}$

*Não se repetir elementos! Um em um mesmo conjunto!*

b) Represente por enumeração os conjuntos:

$P \cap Q = \{C, A, U, T, A, D, O, R\}$

$Q \cap R = \{C, A, L, O, R, A, D, O, R, A\}$



c) Complete com  $\in$  ou  $\notin$  :

C...E...P	$\in$	o...E...Q	$\in$	c...E...R	$\in$
u...E...R	$\in$	l...E...P	$\in$	a...E...Q	$\in$
m...E...Q	$\in$	n...E...R	$\in$	t...E...P	$\in$

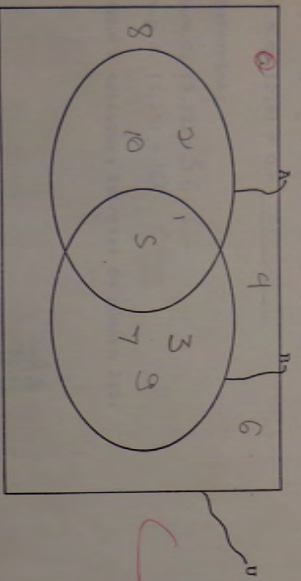
6 - Considere:

$$U = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$$

$$A = \{1, 2, 5, 10\}$$

$$B = \{1, 3, 5, 7, 9\}$$

a) Agora, complete o diagrama:



b) Represente por enumeração os conjuntos:

$$A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 7, 9, 10\}$$

$$A \cap B = \{5\}$$

7 - Considere para universo o conjunto dos números naturais:

$$N = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$$

Logo?  $\subset$

a) Escreva por enumeração os conjuntos:

Múltiplos de 7:

$$M_7 = \{7, 14, 21, 28, 35, 42, \dots\}$$

Múltiplos de 2:

$$M_2 = \{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 20, 22, 24, \dots\}$$

Múltiplos de 4:

$$M_4 = \{4, 8, 12, 16, 20, 24, \dots\}$$

b) Complete:

$$M_7 \cap M_2 = \{14, 28, 42, \dots\}$$

$$\text{m.m.c. } (7, 2) \neq 0 = \underline{14}$$

$$M_2 \cap M_4 = \{4, 8, 12, 16, 20, 24, \dots\}$$

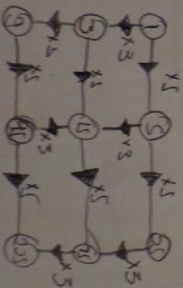
$$\text{m.m.c. } (2, 4) \neq 0 = \underline{4}$$

c) Determine:

$$\text{m.m.c. } (9, 12) = \underline{36}$$

$$\text{m.m.c. } (5, 10) = \underline{10}$$

9 - Desenhe a estrutura fatorial do número 225:

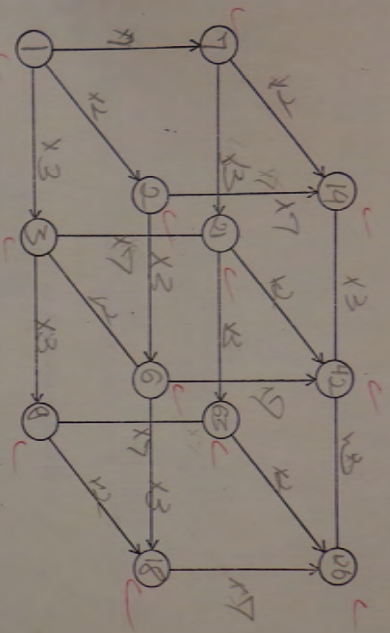


$$\begin{array}{r} 225 \\ 75 \\ 15 \\ 3 \\ 1 \end{array}$$

*C*

*O zero é múltiplo de todos os números*

10 - Temos os números: 63, 126 e 28. Qual deles pode ser representado na estrutura fatorial abaixo? Mostre que a sua resposta é verdadeira completando a estrutura fatorial.



963	9126	928
$\begin{array}{r} 63 \\ 21 \overline{) 3} \\ 7 \end{array}$	$\begin{array}{r} 126 \\ 42 \overline{) 3} \\ 21 \overline{) 3} \\ 7 \end{array}$	$\begin{array}{r} 28 \\ 14 \overline{) 2} \\ 7 \overline{) 7} \\ 1 \end{array}$

Resposta?

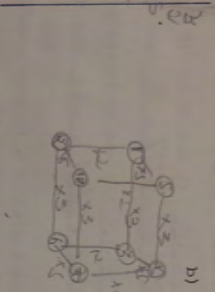
4

T.P. - ESTRUTURA FATORIAL UM DE NÚMERO (3)  
Divisibilidade

Releia a ficha de A.C. - Estrutura Fatorial de um número (3), antes de resolver as questões propostas neste T.P.

1. Construa a estrutura fatorial do número 30, determinando antes os seus fatores primos, através do algoritmo de decomposição de um número.

a) 
$$\begin{array}{r} 30 \\ 10 \\ 3 \\ 1 \end{array}$$



b) Estrutura fatorial

$30 = 2 \cdot 3 \cdot 5 = 30$

c) Escreva o conjunto de fatores de 30.

$F_{30} = \{1, 2, 3, 5, 6, 10, 15, 30\}$

d) Complete:

30 é divisível por 12 por que? Por que não há o 4 no 30.

30 é divisível por 22 por que? Por que não há o 11 no 30.

30 é divisível por 37 por que? Por que não há o 37 no 30.

e) Determine o conjunto de todos os números pelos quais podemos dividir, exatamente, o número 30.

$$D_{30} = \{1, 2, 3, 5, 6, 10, 15, 30\}$$

2. Represente o número 60 através de seus fatores primos:

$$60 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 5$$

a) Sem construir a estrutura fatorial, responda e justifique sua resposta:

60 é divisível por 27 Sim

Por que? 27 é fator de 60

60 é divisível por 37 Sim

Por que? 37 é fator de 60

60 é divisível por 47 Sim

Por que? 47 é fator de 60

60 é divisível por 127 Sim

Por que? 127 é fator de 60

3. Todo número natural é divisível por 1? Sim

Por que? 511 é fator de 511

4. Complete o quadro abaixo, lembrando que você já construiu as estruturas fatoriais e determinou fatores dos números indicados na A.C. de Divisibilidade e em exercícios anteriores desta ficha.  
Basta assinalar com um x.

É divisível por 2	108	50	945	30	60
É divisível por 5	X	X	X	X	X
É divisível por 10	X	X	X	X	X



5. Nem sempre é necessário construir a estrutura fatorial ou decompor um número em seus fatores primos, para descobrir os seus divisores.

Nós temos algumas regras práticas, em matemática, que nos permitem afirmar que um número é divisível ou não, por 2, 3, 4, 5, 6, 8, 10...

Por exemplo, todo número que é divisível por 2 pode ser conhecido pelo seu algarismo final. Você pode tentar descobrir isto, observando os números trabalhados nesta ficha, que são divisíveis por 2.

Uma dica:

Todo número que é divisível por 2, tem o caminho do X 2 na sua estrutura fatorial.

Todo número que tem o caminho do  $x 2$  é um número par

Como terminam (algarismo final) os números pares? com 0, 2, 4, 6, 8, 10  
Descobriu a regra prática? Registre a sua conclusão:

Quando o número terminar em 0, 2, 4, 6, 8 ou 10, ele é par.

6. Fazendo o mesmo raciocínio, você pode descobrir as regras e responder as questões:

a) Qual é a característica dos números divisíveis por 5?

5 termina com 5 ou 0

b) Dê exemplos de números divisíveis por 5.

R. Ex. 20, 50, 105, 205, 1055, 1555, 1600, 2000

c) Qual é a característica dos números divisíveis por 10?

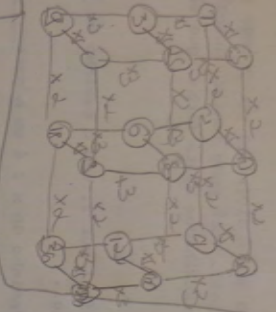
5 termina com 0

d) Dê exemplos de números divisíveis por 10.

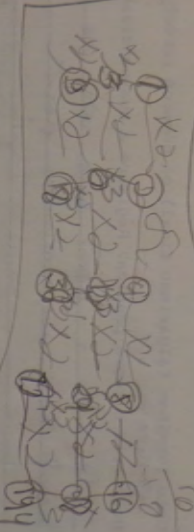
R. Ex. 20, 10, 20, 30, 40, 100, 10000, 5000, 100000

$$\begin{array}{r} 100 \\ 60 \\ 30 \\ 10 \\ 5 \\ \hline 205 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 18 \\ 144 \\ 72 \\ 36 \\ 18 \\ \hline 208 \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 1000 \\ 500 \\ 100 \\ 50 \\ 10 \\ 5 \\ \hline 1555 \end{array}$$



$$\begin{array}{r} x_1 \\ \hline x_2 \\ 10 \\ \hline 20 \\ \hline 30 \\ \hline 40 \\ \hline 50 \\ \hline 100 \\ \hline 200 \\ \hline 300 \\ \hline 400 \\ \hline 500 \\ \hline 1000 \end{array}$$

100  
50  
10  
5

7. Em cada um dos exercícios que seguem, você deverá completar o algarismo que falta no  para que:

a) 23  seja divisível por 2 e 5 ao mesmo tempo.

b) 32  seja divisível por 2.

c) 76  seja divisível por 10.

d) 4  9  6 seja divisível por 2.

e) 23  3  0 seja divisível por 5 e por 10.

8. Escreva o maior número com três algarismos que seja divisível por:

a) 5 = 995

b) 10 = 990

c) 2 = 998

9. Agora você já pode descobrir o que está sendo solicitado na tabela. Se precisar de espaço para cálculos, use o verso da folha. Complete, assinalando com X.

É divisível por 2	180	144	1000	999	1350
É divisível por 3	X	X	X	X	X
É divisível por 6	X	X	X	X	X
É divisível por 5	X	X	X	X	X
É divisível por 10	X	X	X	X	X
É divisível por 15	X	X	X	X	X
É divisível por 12	X	X	X	X	X
É divisível por 30	X	X	X	X	X

A.C. - ESTRUTURA FATORIAL DE UM NÚMERO (3)

Divisibilidade

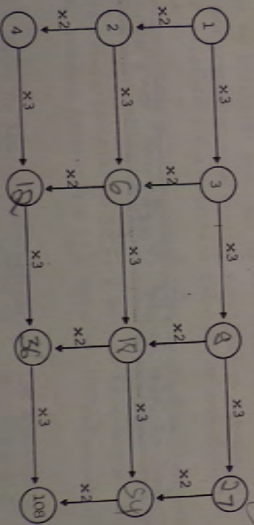
1. Vamos analisar a estrutura fatorial do número 108.

a) Determine seus fatores primos utilizando o dispositivo prático.

$$\begin{array}{r} 108 \\ 2 \overline{) 108} \\ \underline{216} \\ 27 \\ 3 \overline{) 27} \\ \underline{36} \\ 9 \\ 3 \overline{) 9} \\ \underline{30} \\ 3 \end{array}$$

$$108 = 2^3 \cdot 3^3 = 108$$

b) Conhecendo os fatores primos do número 108, podemos construir todos os demais fatores, montando sua estrutura fatorial. Complete:



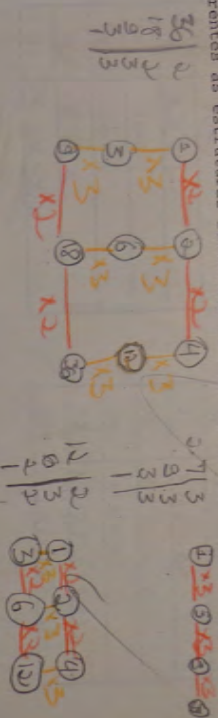
c) Analisando a estrutura fatorial temos que:

$$108 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3$$

2. Observando o exercício 1, determine todos os fatores de 108:

108  $\{ 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 27, 36, 54, 108 \}$

3. Escolha pelo menos três desses fatores e construa em cores diferentes as estruturas fatoriais de cada um deles.



4. As estruturas fatoriais que você construiu estão contidas na estrutura fatorial do número 108 (exercício 1)?

Sim, as estruturas fatoriais que construímos estão contidas no 108

5. Seria possível afirmar que as estruturas fatoriais de todos os fatores de 108 estão contidas na estrutura fatorial do número 108? Para responder esta questão verifique os fatores determinados no exercício 2 e a estrutura fatorial do exercício 1.

Sim, porque a estrutura fatorial de todos os fatores de 108 está contida na estrutura fatorial do 108, podemos afirmar que 12 é fator de 108? Sim

7. Se 12 é fator de 108, podemos afirmar que 108 é múltiplo de 12? Sim, porque 108 é múltiplo de 12



8. Para chegarmos a cada um dos fatores, na estrutura fatorial, temos sempre que construir caminhos de multiplicação. Observe os exemplos e complete os quadros abaixo com os caminhos de multiplicação necessários em cada caso.

Fator	
2	$\times 2$
3	$\times 3$
4	$\times 2 \times 2$
6	$\times 2 \times 3$
8	$\times 2 \times 2 \times 2$
9	$\times 3 \times 3$
12	$\times 2 \times 2 \times 3$

Fator	
18	$\times 3 \times 3 \times 2$
24	$\times 2 \times 2 \times 2 \times 3$
27	$\times 3 \times 3 \times 3$
36	$\times 2 \times 2 \times 3 \times 3$
54	$\times 2 \times 3 \times 3 \times 3$
72	$\times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$
108	$\times 2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3$

Observe que:

Se a estrutura fatorial do 108 tem o caminho  $\times 2$ , o 2 é fator de 108 e 108 é divisível por 2.

Se a estrutura fatorial do 108 tem o caminho  $\times 2 \times 3$ , o 6 é fator de 108 e 108 é divisível por 6.

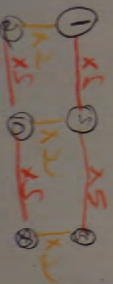
9. Escreva uma regra para descobrir os divisores (fatores) de um número, utilizando estrutura fatorial.

Utilizando a estrutura fatorial observar  
os fatores primos na lista e escrever

separar e dividir cada um dos fatores primos de cada  
lado da igualdade e obter o número de

10. Construa a estrutura fatorial do número 50.

$$\begin{array}{r} 50 \overline{) 100} \\ \underline{25} \phantom{0} \\ 25 \phantom{0} \\ \underline{25} \phantom{0} \\ 0 \phantom{0} \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 50 \overline{) 100} \\ \underline{25} \phantom{0} \\ 25 \phantom{0} \\ \underline{25} \phantom{0} \\ 0 \phantom{0} \end{array}$$

caso em  
 multiplica  
 do  
 tem  
 ou

- a) Utilizando a estrutura fatorial, justifique a afirmação:  
50 é divisível por 25.

50 é divisível por 25 porque  $25 \times 2 = 50$   
e porque a estrutura fatorial de 50 é  
 $2 \times 5^2$  na estrutura  $5 \times 5 = 25$

11. Para responder se 192 é divisível por 6, precisamos saber se na estrutura fatorial do número 192, existe o caminho  $2 \times 2 \times 3$ .

Tente descobrir se existe este caminho na estrutura, sem construí-la. Utilize algoritmo de decomposição em fatores primos.

Resposta: 152 é divisível por

b

$$\begin{array}{r} 192 \\ \underline{32} \quad k=6 \\ 32 \\ \underline{16} \\ 8 \\ \underline{4} \\ 4 \\ \underline{2} \\ 2 \\ \underline{1} \\ 1 \end{array}$$

12. Como você vê, podemos, encontrar os fatores de um número, desobindo os caminhos de multiplicação da sua estrutura fatorial, sem construí-la.

Para isso, basta decompor esse número em seus fatores primos.

Faça isto com o número 945.

- a) Decomponha 945 em seus fatores primos.  
b) Verifique se 945 é divisível por 2, 3, 5, 9 e 10.

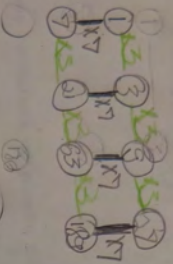
$$\begin{array}{r} 945 \\ \underline{3} \\ 183 \\ \underline{3} \\ 63 \\ \underline{3} \\ 21 \\ \underline{3} \\ 7 \\ \underline{1} \\ 1 \end{array}$$

$R = 10845 \times \text{divisível por } 3, 5, 9, 10$   
 $\text{divisível por } 2, 10$

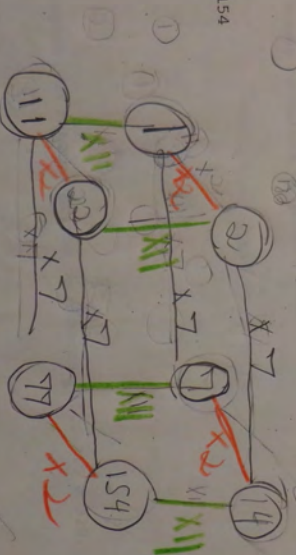
T.P. - ESTRUTURA FATORIAL DE UM NÚMERO (2)

1. Desenhe as estruturas fatoriais dos números:

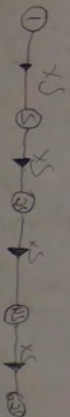
a) 189



b) 154



c) 625



625  
5  
125  
25  
5

2. Encontre pelo menos dois números que tenham:

a) A mesma estrutura do número 189..

R: (quatro 200 250, 375)

b) A mesma estrutura do número 154.

R: Os mesmos 270, 300, 105

c) A mesma estrutura do número 625.

R: Outros 100, 800

3. Decomponha em fatores primos os números: 150, 210 e 320.

$$\begin{array}{r} 150 \\ \underline{30} \\ 50 \\ \underline{25} \\ 25 \\ \underline{5} \\ 5 \\ \underline{5} \\ 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 210 \\ \underline{105} \\ 105 \\ \underline{35} \\ 70 \\ \underline{7} \\ 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 320 \\ \underline{20} \\ 300 \\ \underline{80} \\ 220 \\ \underline{40} \\ 180 \\ \underline{40} \\ 140 \\ \underline{40} \\ 100 \\ \underline{40} \\ 60 \\ \underline{40} \\ 20 \\ \underline{20} \\ 0 \end{array}$$

## A.C. - ESTRUTURA FATORIAL DE UM NÚMERO (2)

Decomposição de um número em fatores primos

Você viu, construindo estruturas fatoriais que podemos escrever um número como produto de fatores.

Veja o exemplo do número 24:

$$24 = 2 \times 12$$

$$24 = 3 \times 8$$

$$24 = 6 \times 4$$

$$24 = 2 \times 2 \times 6$$

$$24 = 3 \times 2 \times 4$$

$$24 = 6 \times 2 \times 2$$

ou ainda

$$24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3$$

Neste último caso, o número 24 está escrito com o maior número de fatores possíveis (fatores primos).

1. Faça o mesmo com os números, representando-os através de diferentes produtos. Não se esqueça de representá-los através de seus fatores primos.

a)  $36 = 6 \times 6$

$$36 = 2 \times 18$$

$$36 = 3 \times 12$$

$$36 = 3 \times 2 \times 6$$

$$36 = 2 \times 2 \times 9$$

$$36 = 2 \times 2 \times 3 \times 3$$

$$36 = 2 \times 2 \times 3 \times 3$$

c)  $45 = 9 \times 5$

$$45 = 3 \times 3 \times 5$$

$$45 = 3 \times 3 \times 5$$

b)  $18 = 2 \times 9$

$$18 = 3 \times 6$$

$$18 = 3 \times 3 \times 2$$

$$18 = 2 \times 3 \times 3$$

$$18 = 2 \times 3 \times 3$$

d)  $32 = 2 \times 16$

$$32 = 4 \times 8$$

$$32 = 2 \times 2 \times 8$$

$$32 = 2 \times 2 \times 2 \times 4$$

$$32 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$$



$$e) 11 = 11$$

$$f) 100 = 2 \times 5 \times 5$$

$$4 \times 25$$

$$2 \times 2 \times 25$$

$$5 \times 5 \times 4$$

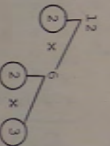
$$2 \times 2 \times 5 \times 5$$

Para achar os fatores primos de um número, você pode se utilizar do seguinte dispositivo prático:

Exemplo 1:

24	2
12	2
6	2
3	3
1	

$$24 = 2 \times 12$$



Logo  $24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3$

Exemplo 2:

18	2
9	3
3	3
1	

$$18 = 2 \times 9$$



Logo  $18 = 2 \times 3 \times 3$

2. Utilizando o dispositivo prático decompõe em fatores primos os números: *verdadeiro*

a)  $26 = 2 \times 13$  ✓

b)  $48 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$  ✓

c)  $210 = 2 \times 5 \times 3 \times 7$  ✓

d)  $80 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5$   
 $2^4 \times 5$

$$\begin{array}{r} 25 \\ 13 \\ \hline 38 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 848 \\ 24 \\ \hline 203231 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 210 \\ 105 \\ \hline 315 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 80 \\ 40 \\ 20 \\ 10 \\ 5 \\ \hline 2225 \end{array}$$

*(Large handwritten scribbles)*

3. Utilizando o dispositivo prático decompõe em fatores primos o número 954.

954  
318  
106  
53

954 = 3 x 3 x 2 x 53

4. Assinale com (x) as afirmações corretas:

- |  |   |
|--|---|
| <input checked="" type="checkbox"/> $60 = 2^2 \times 3 \times 5$ | <input type="checkbox"/> $16 = 3^2 \times 2$                            |
| <input type="checkbox"/> $38 = 2 \times 2 \times 5$              | <input checked="" type="checkbox"/> $8 = 2^3$                           |
| <input type="checkbox"/> $16 = 2 \times 2 \times 5$              | <input checked="" type="checkbox"/> $16 = 2^3 \times 2$                 |
| <input checked="" type="checkbox"/> $27 = 3 \times 3 \times 3$   | <input checked="" type="checkbox"/> $50 = 2 \times 5^2$                 |
| <input checked="" type="checkbox"/> $50 = 2 \times 5 \times 5$   | <input type="checkbox"/> $27 = 2 \times 3^2$                            |
| <input type="checkbox"/> $50 = 2 \times 2 \times 5$              | <input checked="" type="checkbox"/> $60 = 2 \times 2 \times 3 \times 5$ |
| <input checked="" type="checkbox"/> $68 = 2^2 \times 17$         | <input checked="" type="checkbox"/> $38 = 2 \times 19$                  |
| <input checked="" type="checkbox"/> $35 = 7 \times 5$            | <input type="checkbox"/> $68 = 2 \times 3 \times 17$                    |

5. Assinale os números que estão representados por um produto de fatores primos:

- $2 \times 3 \times 5$
- $4 \times 3 \times 7$
- $2^3 \times 5 \times 7$
- $2^3 \times 37$
- $3 \times 7 \times 15$
- $7 \times 5 \times 3$
- $5^2 \times 7^2 \times 3^2$
- $2 \times 5 \times 10$

3. Utilizando o dispositivo prático decompõe em fatores primos o número 954.

954  
318 3  
106 2  
53 23  
1

954 = 2 x 3 x 3 x 23

4. Assinale com (X) as afirmações corretas:

- |  |   |
|--|---|
| <input checked="" type="checkbox"/> 60 = $2^2 \times 3 \times 5$ | <input type="checkbox"/> 16 = $3^2 \times 2$                            |
| <input type="checkbox"/> 38 = $2 \times 2 \times 5$              | <input checked="" type="checkbox"/> 8 = $2^3$                           |
| <input type="checkbox"/> 16 = $2 \times 2 \times 5$              | <input checked="" type="checkbox"/> 16 = $2^3 \times 2$                 |
| <input checked="" type="checkbox"/> 27 = $3 \times 3 \times 3$   | <input checked="" type="checkbox"/> 50 = $2 \times 5^2$                 |
| <input checked="" type="checkbox"/> 50 = $2 \times 5 \times 5$   | <input type="checkbox"/> 27 = $2 \times 3^2$                            |
| <input type="checkbox"/> 50 = $2 \times 2 \times 5$              | <input checked="" type="checkbox"/> 60 = $2 \times 2 \times 3 \times 5$ |
| <input checked="" type="checkbox"/> 68 = $2^2 \times 17$         | <input checked="" type="checkbox"/> 38 = $2 \times 19$                  |
| <input checked="" type="checkbox"/> 35 = $7 \times 5$            | <input type="checkbox"/> 68 = $2 \times 3 \times 17$                    |

5. Assinale os números que estão representados por um produto de fatores primos:

- |   |
|---|
| <input checked="" type="checkbox"/> $2 \times 3 \times 5$       |
| <input type="checkbox"/> $4 \times 3 \times 7$                  |
| <input checked="" type="checkbox"/> $2^3 \times 5 \times 7$     |
| <input type="checkbox"/> $2^3 \times 37$                        |
| <input type="checkbox"/> $3 \times 7 \times 15$                 |
| <input checked="" type="checkbox"/> $7 \times 5 \times 3$       |
| <input checked="" type="checkbox"/> $5^2 \times 7^2 \times 3^2$ |
| <input type="checkbox"/> $2 \times 5 \times 10$                 |

ORIENTAÇÃO DE ESTUDO

Vamos estudar?

1 - Comece relendo cada ficha e refizendo alguns exercícios:

- Conjuntos - Introdução
- Conjuntos ( $\in, \notin$ )
- Conjuntos - Representação

Verifique se está sabendo:

- Representar conjuntos em diagramas.
- Determinar o conjunto Universo para um conjunto dado.
- Representar um conjunto por enumeração.
- Representar um conjunto por uma propriedade.
- Utilizar os símbolos  $\in, \notin$ .

Faça agora os exercícios:

a) Considere para Universo o conjunto dos Estados do Brasil.

Lembre-se: você pode consultar o Atlas.

A é o conjunto dos Estados cujo nome começa com a letra P.

B é o conjunto dos Estados da região Sul.

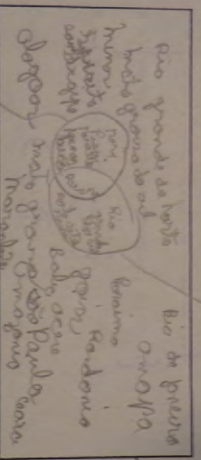
Represente os conjuntos A e B por enumeração:

$$A = \{ \text{Para, Piau, Paraíba, Pernambuco, Paraná} \}$$

$$B = \{ \text{Rio grande do sul, São catarina, Paraná} \}$$



Represente os conjuntos: Universo, A e B no diagrama abaixo (complete o diagrama).



- b) Observe os conjuntos que seguem e determine o conjunto Universo para cada um deles:

$$A = \{\text{verde, amarelo, azul, branco}\}$$

Universo: Os cores

Represente o conjunto A por uma propriedade: A cor da guarda

$$B = \{5^{\text{a}} A, 5^{\text{a}} B, 6^{\text{a}} A, 6^{\text{a}} B, 7^{\text{a}} A, 7^{\text{a}} B, 8^{\text{a}} A, 8^{\text{a}} B\}$$

Universo: 500 alunos

Represente o conjunto B por uma propriedade: A e o conjunto A

$$C = \{0, 2, 4, 6, 8\}$$

Universo: numeros pares menores de 10

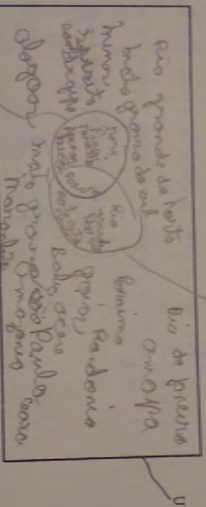
Represente o conjunto C por uma propriedade: A e o conjunto A

$$D = \{4, 6, 8, 10, 12, 14, \dots\}$$

Universo: numeros pares maiores de 2

Represente o conjunto D por uma propriedade: A e B

Represente os conjuntos: Universo, A e B no diagrama abaixo (complete o diagrama).



- b) Observe os conjuntos que seguem e determine o conjunto Universo para cada um deles:

$$A = \{\text{verde, amarelo, azul, branco}\}$$

Universo: Das cores

Represente o conjunto A por uma propriedade: A e o conjunto

$$B = \{5^{\text{a}} A, 5^{\text{a}} B, 6^{\text{a}} A, 6^{\text{a}} B, 7^{\text{a}} A, 7^{\text{a}} B, 8^{\text{a}} A, 8^{\text{a}} B\}$$

Universo: Em todos

Represente o conjunto B por uma propriedade: A e o conjunto

$$C = \{0, 2, 4, 6, 8\}$$

Universo: numeros pares menores de 10

Represente o conjunto C por uma propriedade: A e o conjunto

$$D = \{4, 6, 8, 10, 12, 14, \dots\}$$

Universo: numeros pares maiores de 2

Represente o conjunto D por uma propriedade: A e o conjunto

c) Considere para Universo o conjunto de verbos da Língua Portuguesa.

$P = \left\{ \text{fazer, querer, poder, dizer...} \right\}$

$Q = \left\{ \text{andar, pegar, carregar, mair...} \right\}$

$R = \left\{ \text{rir, mentir, cair...} \right\}$

Complete com  $\in$  ou  $\notin$  :

fazer... $\in$ ...P

compor... $\notin$ ...Q

carregar... $\in$ ...Q

mentir... $\notin$ ...P

cair... $\in$ ...R

amar... $\notin$ ...Q

poluir... $\in$ ...R

escrever... $\notin$ ...P

2 - Vamos voltar à pasta e reler as fichas:

- Conjuntos - Reunião e Intersecção
- Conjuntos - Reunião e Intersecção
- Múltiplos e Fatores
- Múltiplos e Fatores
- Menor Múltiplo Comum (M.M.C.)

Verifique se está sabendo:

- Representar em diagrama a reunião de dois conjuntos dados.
- Representar em diagrama a intersecção de dois conjuntos dados.
- Representar por enumeração a reunião de dois conjuntos dados.
- Representar por enumeração a intersecção de dois conjuntos dados.
- Utilizar os símbolos  $\cup$  e  $\cap$ .
- Determinar o conjunto de múltiplos de um número.
- Determinar o conjunto de fatores de um número.

- Determinar o conjunto reunião e o conjunto intersecção entre conjuntos de múltiplos de diferentes números.
- Determinar o conjunto reunião e o conjunto intersecção entre conjuntos de fatores de diferentes números.
- Representar estas reuniões e intersecções em diagramas.
- Determinar o m.m.c. por enumeração dos conjuntos de múltiplos de dois ou mais números.

Faça agora os exercícios:

a) Dois estudantes, Ronaldo e Henrique, querem aproveitar as férias visitando as cidades históricas de Minas Gerais. Ronaldo quer visitar Ouro Preto, Sabará, Diamantina e Belo Horizonte, por ser a capital do Estado.

Henrique quer visitar Belo Horizonte, Ouro Preto, Congonhas do Campo e Mariana.

Chamemos de R o conjunto de cidades que Ronaldo quer visitar.

Complete:

$$R = \{ \text{Ouro Preto, Sabará, Diamantina, Belo Horizonte} \}$$

Chamemos de H o conjunto de cidades que Henrique quer visitar.

Complete:

$$H = \{ \text{Belo Horizonte, Ouro Preto, Congonhas do Campo, Mariana} \}$$

Determine por enumeração o conjunto C das cidades que são comuns nos planos de viagem dos dois estudantes.

$$C = \{ \text{Belo Horizonte, Ouro Preto} \}$$

Complete com o símbolo de modo que a sentença se torne verdadeira.

$$C = R \cup \dots H$$

Determine por enumeração o conjunto D, de todas as cidades mencionadas, as que Ronaldo quer visitar e as que Henrique quer visitar.

$$D = \{ \text{Belo Horizonte, Ouro Preto, Sabará, Diamantina, Congonhas do Campo, Belo Horizonte} \}$$

Complete com o símbolo de modo que a sentença se torne verdadeira.

$$D = R \cup \dots H$$

b) Considere para Universo o conjunto:

$$U = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20\}$$

$$A = \{0, 2, 4, 6, 8\}$$

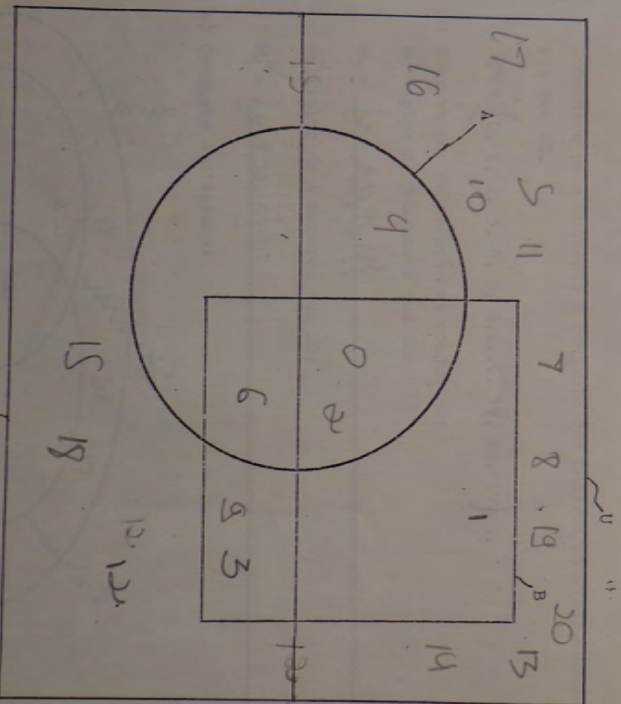
B. Conjunto dos fatores de 18.

$$B = \{1, 2, 3, 6, 9\}$$

C. Conjunto dos múltiplos de 3 menores que 20.

$$C = \{3, 6, 9, 12, 15, 18\}$$

Complete o diagrama:





Agora complete:

$$A \cap B = \{1, 2, 3\}$$

$$B \cap C = \{2, 3, 9\}$$

$$A \cap B \cap C = \{2, 3\}$$

$$A \cup B = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20\}$$

$$B \cup C = \{1, 3, 9, 12, 15, 18\}$$

$$A \cup B \cup C = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20\}$$

3. Considere para Universo o conjunto dos números naturais, menos que 20.

$$N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, \dots, 17, 18, 19\}$$

- a) Escreva por enumeração os conjuntos:

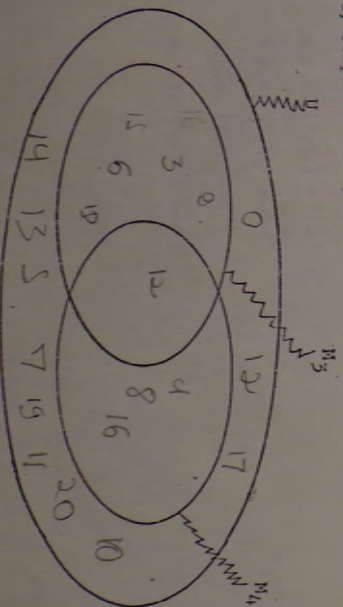
Múltiplos de 3 menores que 20:

$$M_3 = \{3, 6, 9, 12, 15, 18\}$$

Múltiplos de 4 menores que 20:

$$M_4 = \{4, 8, 12, 16\}$$

- b) Complete o diagrama:



c) Complete:

$$M_3 \cap M_4 = \underline{\{1, 2\}}$$

$$m.m.c. (3, 4) = \underline{12}$$

4. Considere para Universo o conjunto dos números naturais:

$$N = \underline{\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39, 40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49, 50\}}$$

Complete:

$$M_2 = \underline{\{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 20, 22, 24, 26, 28, 30, 32, 34, 36, 38, 40, 42, 44, 46, 48, 50\}}$$

$$M_3 = \underline{\{3, 6, 9, 12, 15, 18, 21, 24, 27, 30, 33, 36, 39, 42, 45, 48, 51\}}$$

$$M_{10} = \underline{\{10, 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90, 100\}}$$

$$M_5 = \underline{\{5, 10, 15, 20, 25, 30, 35, 40, 45, 50\}}$$

$$M_2 \cap M_3 = \underline{\{6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48\}}$$

$$m.m.c. (2, 3) = \underline{6}$$

$$M_2 \cap M_{10} = \underline{\{10, 20, 30, 40, 50\}}$$

$$m.m.c. (2, 10) = \underline{10}$$

$$M_5 \cap M_3 = \underline{\{15, 30, 45\}}$$

$$m.m.c. (5, 3) = \underline{15}$$

e) Complete:

$$m.m.c. (7, 21) = \underline{21}$$

$$m.m.c. (3, 11) = \underline{33}$$

$$m.m.c. (6, 8) = \underline{24}$$

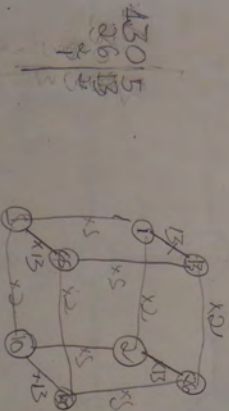
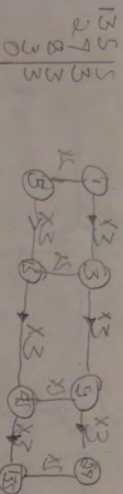
$$m.m.c. (4, 6) = \underline{12}$$

5 - Para finalizar releia as fichas:

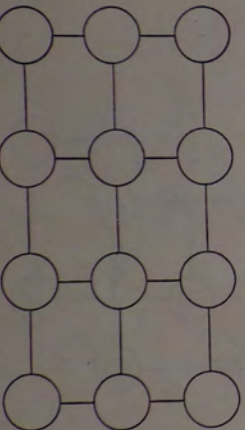
- Estrutura Fatorial de um número
- Estrutura Fatorial

Verifique se está sabendo:

- Construir a estrutura fatorial de um número.
  - Dada a estrutura fatorial, descobrir que números ela pode representar.
- a) Construir as estruturas fatoriais dos números 135 e 130.



b) Entre os números: 200, 108, 162, 225, quais os que podem ser representados pela estrutura fatorial abaixo?



Resolva pedindo a estrutura 200=2^3\*5^2

ESCOLA VERA CRUZ

NOME:

DATA:

6ª. SÉRIE

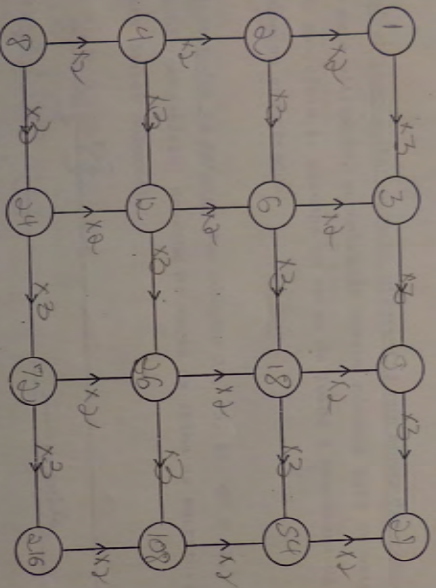
1/4/87  
M.1/4/87

T.P. - ESTRUTURA FATORIAL UM DE NÚMERO (1)

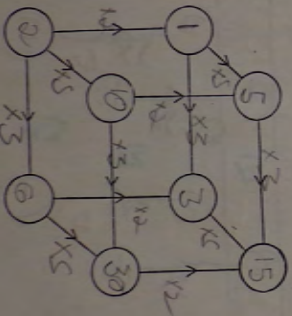
completo  
maneira

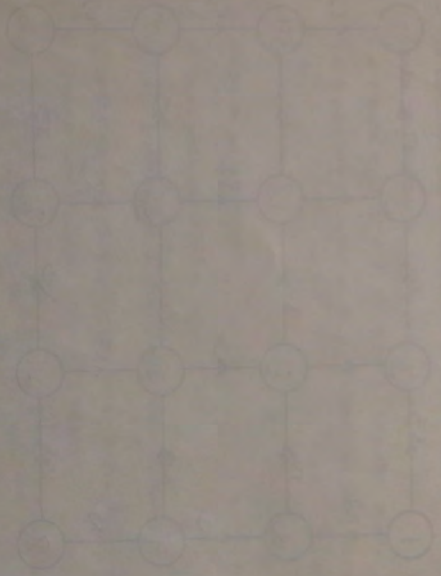
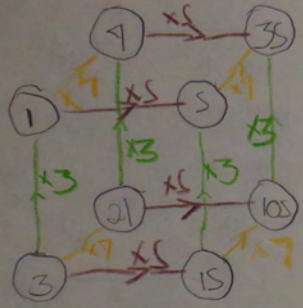
1. Escolha os diagramas adequados para representar as estruturas fatoriais dos números 200, 216 e 30.

a)



b)

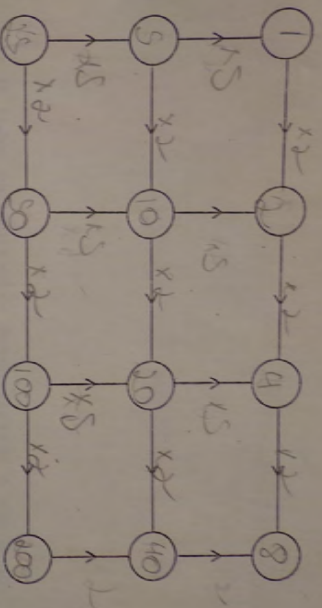




18/11

18/11





2. É possível representar números diferentes num mesmo diagrama. Prove esta afirmação, encontrando outros números para as estruturas do exercício 1. Desenhe no verso da folha a estrutura de um dos números encontrados.

3. Encontre todos os fatores dos números 27, 45, 15, 40 e 42. (Se achar necessário, desenhe no verso da folha as estruturas fatoriais destes números).

F 27:  $\{1, 3, 9, 27\}$  c

F 45:  $\{1, 3, 5, 9, 15, 45\}$  incompleto

F 15:  $\{1, 3, 5, 15\}$  c

F 40:  $\{1, 2, 4, 5, 8, 10, 20, 40\}$  c

F 42:  $\{1, 2, 3, 6, 7, 14, 21, 42\}$  incompleto

ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Fabiana

DATA: 24/3/1971

6ª. SÉRIE C

M. 1 | 2/87

A.C. - ESTRUTURA FATORIAL DE UM NÚMERO (1)

1ª TAREFA:

1. Na cidade de 36 todos os habitantes devem visitar o seu dono.

Os caminhos que levam para o 36 são sempre de multiplicação.

Assim por exemplo:

- o 2 pode visitar o 36 através do caminho  $x 18$ .
- o 5 não pode visitar o 36, por isso não pode morar nesta cidade.

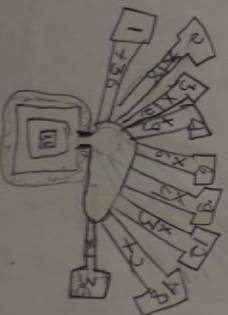
2. Responda as questões:

- a) quem pode morar na cidade do 36?
- b) Como poderia ser a construção desta cidade?

Registre suas conclusões no verso desta folha. Lembre-se que o desenho também é uma forma de registro.

$$a) = \{1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36\}$$

B



1. Os habitantes da cidade do 36 acharam que seria mais interessante se pudessem também se visitar. É claro que isto nem sempre é possível se as estradas são sempre de multiplicação.

2. Responda:

Quem pode visitar quem? *01 visita 02 ou 03 visita 04, 6, 12, 18, 36* *03 visita 01, 02, 12, 18, 36* *04 visita 01, 3, 6, 12, 18, 36*

3. Construa todos os caminhos possíveis de modo que: 12, 18, 36 *03 visita*

a) O número de estradas seja o menor possível.

*018, 36, 012 visita*  
*036, 018 visita*

b) As estradas estejam arrumadas da melhor forma possível.

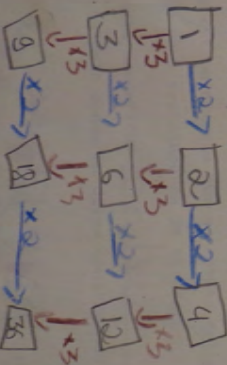
*036.*

c) As ruas do mesmo nome sejam da mesma cor.

Observe: Esta construção é a Estrutura Fatorial do número 36.

Registre-a no espaço abaixo, através de um desenho.

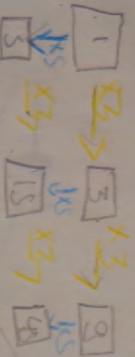
*Estrutura Fatorial de 36*



3ª TAREFA:

Construa a estrutura fatorial dos números:

45



105



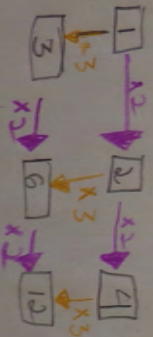
4ª TAREFA:

Encontre outros números com as mesmas estruturas fatoriais dos números que você trabalhou na 3ª tarefa.

Que números encontrou?

30, 18

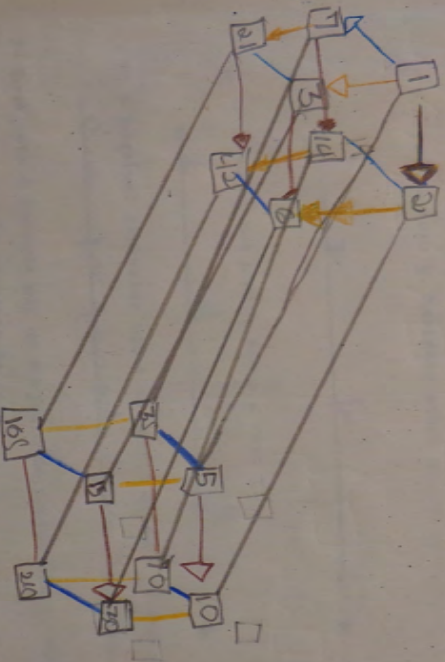
Represente pelo menos um deles construindo a estrutura fatorial.



5ª TAREFA:

Encontre a estrutura fatorial do número 210 e represente-a no espaço abaixo.

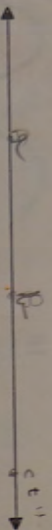
$$2 \times 3 \times 5 \times 7$$



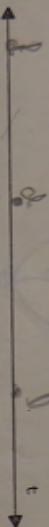


Geometria

1- Temos abaixo a reta  $t$ . Assinale sobre ela os pontos A, B, e C.



a) Assinale outros pontos sobre a reta  $t$ :

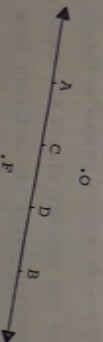


b) É possível assinalar todos os pontos da reta  $t$ ? Por que?

Sim, pois que cada um tem seu próprio lugar

2- Toda reta é formada por um conjunto de pontos, logo, cada ponto representa um elemento da reta.

a) Observe a figura que segue e complete com  $\in$  ou  $\notin$ :



- A  $\in$  t  
 P  $\notin$  t  
 D  $\in$  t  
 O  $\notin$  t

b) Na figura do item a, temos alguns segmentos de reta:  $\overline{AC}$ ,  $\overline{AD}$ ,  $\overline{AB}$ ,  $\overline{CD}$  etc...

Observe o segmento  $\overline{AD}$  e complete:

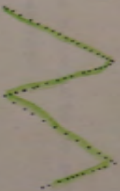
Todo segmento de reta é formado por uma parte

3- Temos abaixo alguns conjuntos de pontos. Utilizando lápis de cor, represente mais alguns pontos em cada conjunto e descubra a figura. Use outra cor de lápis para cobrir a figura.

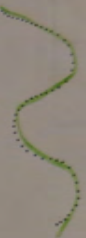
a)



b)



c)



d)



4- Nesta figura observe que todo ponto deve estar a 2 cm de distância de O.



- a) Construa outros pontos observando a distância de O.  
b) Desenhe a figura formada por este conjunto de pontos.  
Você desenhou uma Circunferência.  
c) Chame a circunferência de C e complete com  $\in$  ou  $\notin$ :

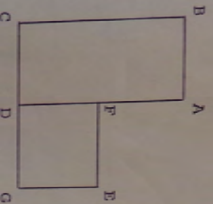
A  $\in$  C

B  $\in$  C

O  $\in$  C

5- Temos uma figura plana formada por um quadrado e por um retângulo.

Vamos chamar o quadrado de  $Q$  e o retângulo de  $R$ .



Determine o conjunto de pontos que representa:

$$\{Q\} \cap \{R\} = \{F, D\}$$

NOME: Magda S

DATA: 25/11/88

M. / 11 /

6a. SÉRIE

T.P. - CONJUNTOS (2)

Múltiplos e Fatores

Magda S  
matrícula  
compr

1 - Observe o exemplo e depois complete:

5 é fator de 15 porque  $5 \cdot 3 = 15$

8 é fator de 40 porque  $8 \cdot 5 = 40$  C

28 é fator de 28 porque  $28 \cdot 1 = 28$  C

~~20~~ é fator de 13 porque  $13 \cdot 1 = 13$  nen 26 é múltiplo de 13

7 é fator de 14 porque  $7 \cdot 2 = 14$  nen

0 é fator de 0 porque  $0 \cdot 0 = 0$  C

1 é fator de 1 porque  $1 \cdot 1 = 1$  C

2 - Observe o exemplo e depois complete:

5 . 9 = 45, então 45 é múltiplo de 9 e 5 C

4 . 3 = 12, então 12 é múltiplo de 4 e 3 C

7 . 4 = 28, então 28 é múltiplo de 7 e 4 C

8 . 1 = 8, então 8 é múltiplo de 1 e 1 C

5 . 0 = 0, então 0 é múltiplo de 0 e 1 C

3 - Os múltiplos de 9 menores que 81 são:

9, 18, 27, 36, 45, 54, 63, 72, 81

nen

Os múltiplos de 6 menores que 12 são:

6, 12

C

4 - Observe o exemplo e complete:

Exemplos  
Tabularmente  
com números  
inteiros

3 . 5 = 15, então 3 e 5 são fatores de 15.

1 . 2 = 16, então 1 e 2 são fatores de 16. C

1 . 3 = 13, então 1 e 3 são fatores de 13. C

1 . 1 = 1, então 1 e 1 são fatores de 1. C

ANOTE:

Dizemos também que 15 é DIVISÍVEL por 3 e 5  
36 é DIVISÍVEL por 4 e 9

5 - Complete:

Os fatores de 15 são 1, 3, 5, 15 C

36 é divisível por 1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36 C

81 é divisível por 1, 3, 9, 27, 81 Res

Os fatores de 13 são 1, 13 C

Os fatores de 11 são 1, 11 C

Os fatores de 7 são 1, 7 C

Os fatores de 8 são 1, 2, 4, 8 C

Observe que:

Os números 13, 11 e 7 possuem somente dois fatores  
res: o próprio número e a unidade.

Anote:

Os números que possuem dois e somente dois fatores  
são chamados NÚMEROS PRIMOS.



6 - Assinale os números que são primos.

13

✓

18

105

9

1

7

6

1000

3

45

29

31

17

*divisíveis*

7 - Escreva o conjunto dos múltiplos de 11.

$M_{11}$

$\{0, 11, 22, 33, 44, 55, 66, 77, 88, 99, \dots\}$

8 - Dê os múltiplos de 10 menores que 95.

$M_{10}$

$\{0, 10, 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90\}$

9 - Assinale os números que são múltiplos de 5.

30

20

30 + 20

30 - 20

10 - Assinale os números que são múltiplos de 11.

55

121

55 + 121

121 - 55

11 - Coloque entre parênteses (V) se a sentença for verdadeira e (F) se for falsa.

(V) 1 é fator de todos os números Naturais.

(F) Apenas alguns números inteiros são múltiplos de 1.

(V) 60 é múltiplo de 20 e 30.

(F) Zero é múltiplo apenas dos números que terminam em zero.

(V) Zero é múltiplo de todos os números Naturais.

12 - Determine:

m.m.c. (8,9) =

72

m.m.c. (32,18) =

288

m.m.c. (16,8) =

16

m.m.c. (15,9) =

45

nr/

3.

Visto

L.C. - CONJUNTOS (2)

Menor Múltiplo Comum (m.m.c.)

*Para a seguir!*

1 - Escreva por enumeração:

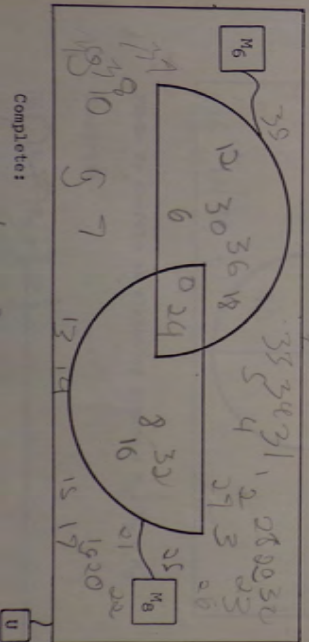
a) Conjunto dos múltiplos de 6 menores que 40:

$M_6 = \{0, 6, 12, 18, 24, 30, 36\}$

b) Conjunto dos múltiplos de 8 menores que 40:

$M_8 = \{0, 8, 16, 24, 32\}$

Agora, coloque-os no diagrama abaixo:



Complete:

$M_6 \cap M_8 = \{0, 24\}$

m.m.c. (6,8) = 24

2 - Escreva por enumeração:

a) Conjunto dos múltiplos de 2 menores que 20:

$$M_2 = \{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18\}$$

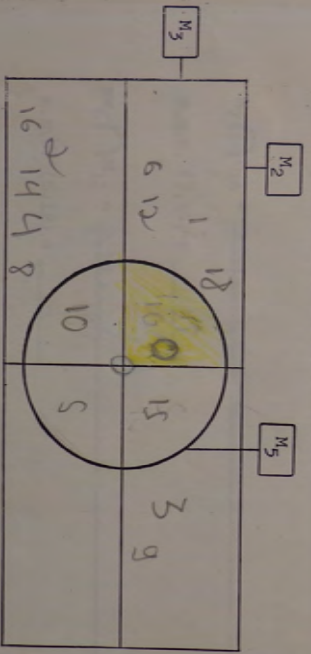
b) Conjunto dos múltiplos de 5 menores que 20:

$$M_5 = \{5, 10, 15\}$$

c) Conjunto dos múltiplos de 3 menores que 20:

$$M_3 = \{3, 6, 9, 12, 15, 18\}$$

Agora, coloque-os no diagrama:



Painte de amarelo os elementos comuns a  $M_2$ ,  $M_3$  e  $M_5$ .

Complete:

$$M_2 \cap M_3 \cap M_5 = \{0\}$$

$$m.m.c.(2, 3, 5) = 30$$

3 - Considere para universo o conjunto dos números naturais:

$$N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, \dots\}$$

a) Complete:

$$M_7 = \{0, 7, 14, \dots\}$$

$$M_6 = \{0, 6, 12, 18, \dots\}$$

$$M_{14} = \{0, 14, \dots\}$$

$$M_{12} = \{0, 12, 24, \dots\}$$

$$M_{18} = \{0, 18, \dots\}$$

$$M_7 \cap M_{14} = \{0, 14, \dots\}$$

$$\text{m.m.c. } (7, 14) = 14$$

$$M_6 \cap M_{12} = \{0, 12, \dots\}$$

$$\text{m.m.c. } (6, 12) = 12$$

$$M_6 \cap M_{18} = \{0, 18, \dots\}$$

$$\text{m.m.c. } (6, 18) = 18$$

Você pode escrever uma regra para encontrar o m.m.c. entre dois números, quando um é múltiplo do outro?

Res  
Quando dois números são múltiplos de um mesmo número, o m.m.c. é esse mesmo número.

4 - Complete:

$$\text{m.m.c. } (5,10) = \underline{10}$$

$$\text{m.m.c. } (2,6) = \underline{6}$$

$$\text{m.m.c. } (8,24) = \underline{24}$$

$$\text{m.m.c. } (16,48) = \underline{48}$$

$$\text{m.m.c. } (6,15,10) = \underline{30}$$

$$\text{m.m.c. } (10,8) = \underline{40}$$

$$\text{m.m.c. } (7,8) = \underline{56}$$

$$\text{m.m.c. } (6,7) = \underline{42}$$



ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Waldemar

DATA: 16/3/02

6ª SÉRIE

M./G/

AC - CONJUNTOS (4)

Menor Múltiplo Comum (m.m.c.)

- 1- Considere para Universo o conjunto dos números naturais menores que 26. Escreva entre chaves o conjunto Universo.

$$U = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25\}$$

Escreva por enumeração os conjuntos:

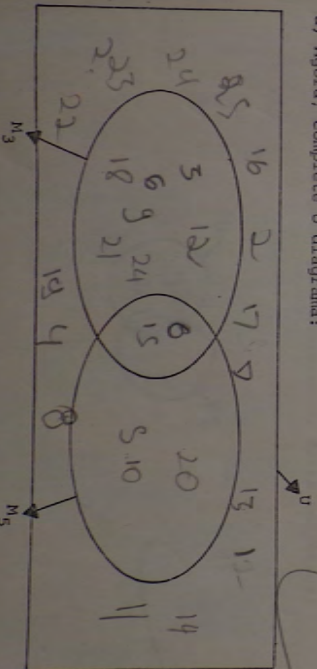
Múltiplos de 3 menores que 26:

$$M_3 = \{0, 3, 6, 9, 12, 15, 18, 21, 24\}$$

Múltiplos de 5 menores que 25:

$$M_5 = \{0, 5, 10, 15, 20\}$$

a) Agora, complete o diagrama:



b) Complete, indicando por enumeração:

$$M_3 \cap M_5 = \{0, 15\}$$

O menor múltiplo comum (m.m.c.) entre 3 e 5 diferente de zero é 15.

Logo:

$$\text{m.m.c.}(3, 5) = \underline{15}$$

2- Considere agora para universo o conjunto dos números naturais menores ou igual a 20. Escreva entre chaves o conjunto Universo.

$$U = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20\}$$

a) Complete, indicando por enumeração:

$$M_4 = \{0, 4, 8, 12, 16, 20\}$$

$$M_8 = \{0, 8, 16\}$$

b) Construa um diagrama para representar estes conjuntos:



c) Complete, indicando por enumeração:

$$M_4 \cap M_8 = \{2, 4, 10\}$$

O menor múltiplo comum (m.m.c.) de 4 e 8 diferente de zero é

$$\underline{8}.$$

Logo:

$$\text{m.m.c.}(4, 8) = \underline{8}$$

Observe que:

O m.m.c. (4, 8) = 8. Isto ocorre porque 8 é múltiplo de 4, ou então, 4 é fator de 8.

3- Vamos trabalhar com conjuntos infinitos.

$\mathbb{N}$  é o conjunto dos números naturais.

$$\mathbb{N} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, \dots\}$$

Lembre-se que os subconjuntos de  $\mathbb{N}$  também são infinitos.

a) Complete os subconjuntos de  $\mathbb{N}$ , indicando por enumeração:

$$M_4 = \{0, 4, 8, 12, 16, 20, 24, 28, \dots\}$$

$$M_7 = \{0, 7, 14, 21, 28, \dots\}$$

$$M_4 \cap M_7 = \{0, 28, \dots\}$$

m.m.c. (4, 7)  $\neq$  de zero = 28.

b) Complete os subconjuntos de  $\mathbb{N}$  :

$$M_5 = \{0, 5, 10, 15, 20, 25, 30, 35, 40, \dots\}$$

$$M_{20} = \{0, 20, 40, \dots\}$$

$$M_5 \cap M_{20} = \{0, 20, 40, \dots\}$$

$$\text{m.m.c.} (5, 20) \neq \text{de zero} = \underline{20}.$$

4- Considerando para universo o conjunto dos números naturais,  $\emptyset$  lembrando que o m.m.c. é sempre diferente de zero, complete:

$$a) M_3 = \{0, 3, 6, 9, 12, 15, 18, 21, 24, 27, 30, \dots\}$$

$$M_7 = \{0, 7, 14, 21, 28, 35, 42, 49, 56, \dots\}$$

$$M_8 = \{0, 8, 16, 24, 32, 40, 48, 56, \dots\}$$

$$M_9 = \{0, 9, 18, 27, 36, \dots\}$$

$$M_{14} = \{0, 14, 28, \dots\}$$

$$b) M_3 \cap M_7 = \{0, 21, \dots\}$$

$$\text{m.m.c.} (3, 7) = \underline{21}.$$

$$c) M_7 \cap M_8 = \{0, 56, \dots\}$$

$$\text{m.m.c.} (7, 8) = \underline{56}.$$

$$d) M_3 \cap M_9 = \{0, 9, 18, 27, \dots\}$$

$$\text{m.m.c.} (3, 9) = \underline{9}.$$

$$e) M_9 \wedge M_{14} = \underline{20120 \dots 4}$$

$$\text{m.m.c. (9, 14)} = \underline{126 \dots}$$

$$f) M_7 \wedge M_{14} = \underline{2014 \dots 4}$$

$$\text{m.m.c. (7, 14)} = \underline{14 \dots}$$





*6º ano*

T.P. - CONJUNTOS (1)

Reunião - Intersecção

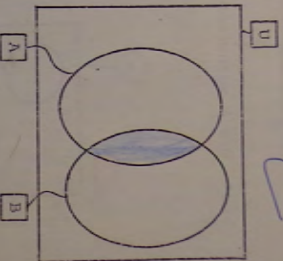
1. O conjunto dos elementos comuns aos conjuntos A e B chama-se intersecção desses dois conjuntos.

A intersecção de A e B se escreve:



que se lê: "A inter B"

Pinte com azul a região de  $A \cap B$ .



2. Considere os conjuntos: A, B, V, W, C, P e K. Observe que os conjuntos P e K precisam ser completados.

$$A = \{a, b, c\}$$

$$B = \{a, b, x, v\}$$

$$V = \{2, 4, 6, 8\}$$

$$W = \{5, 6, 7, 8, 9\}$$

$$C = \{1, 5, 6\}$$

P = conjunto dos números naturais ímpares menores que 12.

$$P = \{1, 3, 5, 7, 9, 11\}$$

*C*

K = conjunto dos números naturais menores que 14.

$$K = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13\}$$

*Done*

a) Escreva por enumeração:

$$A \cap B = \{a, b, c\}$$

$$V \cap W = \{a, b, c\}$$

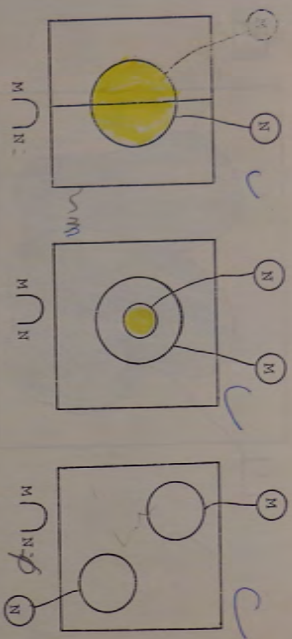
$$P \cap K = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$$

$$A \cap C = \{ \}$$

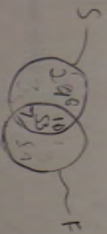
b) O que você pode dizer do conjunto  $A \cap C$ ? É o conjunto vazio.

Para o De Morgan o conjunto vazio é a região

3. Nos gráficos abaixo estão representados os conjuntos M e N. Pinte as regiões indicadas em cada caso:



4. Construa dois conjuntos, represente-os em dois gráficos diferentes e pinte as interseções. Escreva abaixo em linguagem matemática qual a região pintada.



F: Seja número ímpar menor e igual a 7

S: Seja número natural maior e igual a 7

$$F: \{1, 3, 5, 7\}$$

$$S: \{7, 9, 11, 13, 15, 17\}$$

$$F \cup S: \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17\}$$

$$F \cap S: \{7, 9, 11, 13, 15, 17\}$$

É o número par!

5. Considere A e B, dois conjuntos quaisquer:

Se juntarmos os elementos de A e os elementos de B obtemos um no

vo conjunto: a reunião de A e B.

Os elementos de reunião de A e B são:

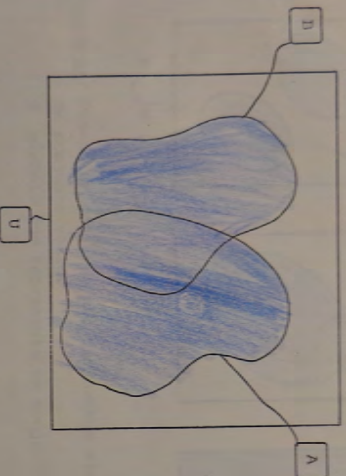
- os elementos comuns a A e B.
- os elementos de A que não são elementos de B.
- os elementos de B que não são elementos de A.

A reunião de A e B se escreve:

$$A \cup B$$

que se lê: "A união B".

Plante com azul a região de  $A \cup B$ .



6. Considere os conjuntos:

$$A = \{x, y, z, t\}$$

$$B = \{x, y, a, b\}$$

$$V = \{2, 4, 6, 8\}$$

$$W = \{5, 6, 7, 8, 9\}$$

Escreva por enumeração:

$$A \cup B = \{x, y, z, t, a, b\}$$

C

$$V \cup W = \{2, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$$

C

7. Considere os conjuntos:

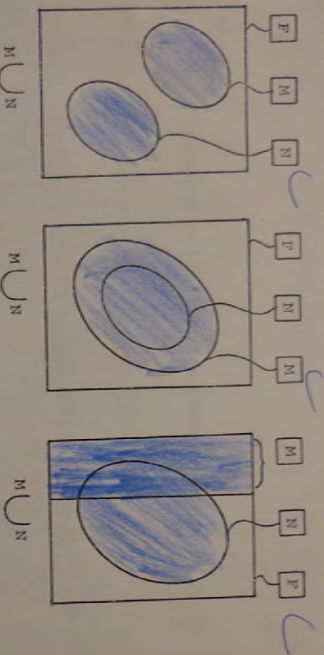
$$A = \{x, y, z, 3\}$$

$$C = \{1, 5, 6\}$$

Escreva por enumeração

$$A \cup C = \{x, y, z, 3, 1, 5, 6\}$$

8. Nos diagramas abaixo, representamos alguns conjuntos. Pinte as regiões indicadas em cada caso:



Lembre-se: Quando um conjunto não tem nenhum elemento é chamado de conjunto vazio.  
 $\emptyset$  símbolo que representa um conjunto vazio.

9. Complete:  $A \cap \emptyset =$   $\emptyset$   
 $A \cup \emptyset =$   $A$

$\cup$  sinal de reunião  
 Este sinal lembra a letra U, primeira letra de "união"

MC - CONJUNTOS (3)

Múltiplos e Divisores

1ª tarefa:

Vamos trabalhar no Universo dos números menores ou igual

a 30.

Escreva entre chaves o conjunto Universo:

$$U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30\}$$

1- Considere:

A é o conjunto dos números menores que 20.

B é o conjunto dos números pares maiores que 10 e menores que 30.

C é o conjunto dos múltiplos de 6 menores que 24.

a) Escreva por enumeração os conjuntos:

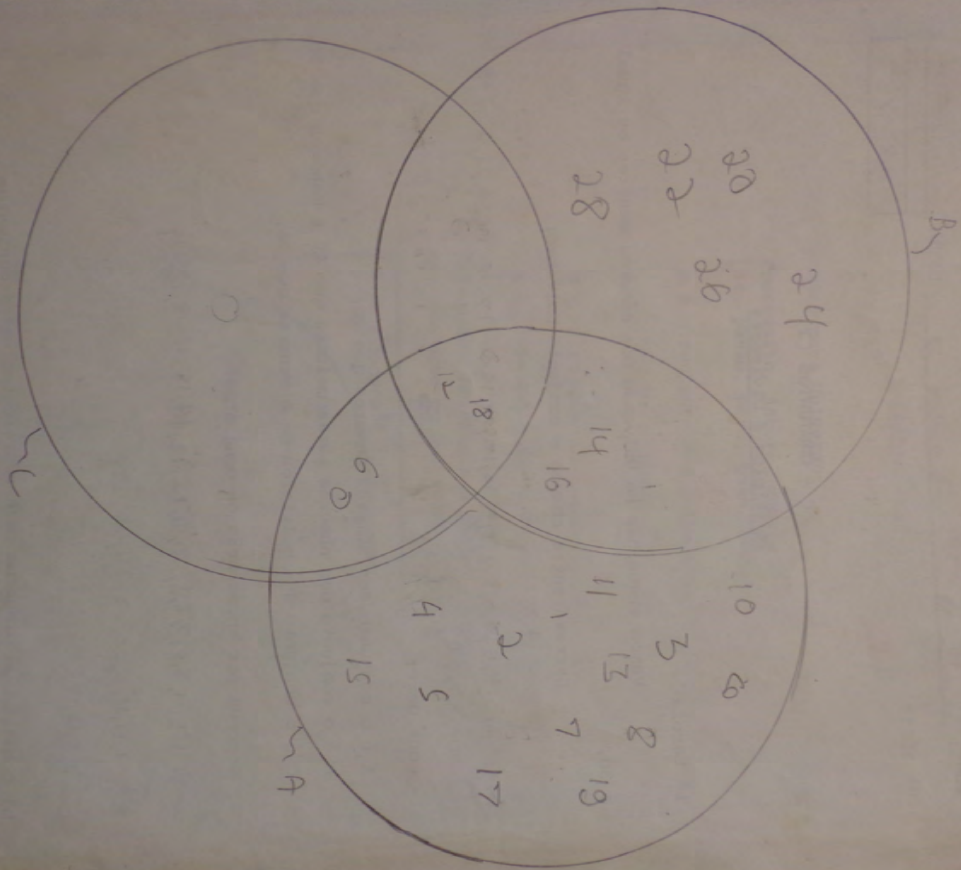
$$A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19\}$$

$$B = \{12, 14, 16, 18, 20, 22, 24, 26, 28\}$$

$$C = \{6, 12, 18\}$$

b) Construa um diagrama para representar estes conjuntos.





Utilizamos a notação  $A \cap B$  (lê-se: A inter B) para indicar o conjunto dos elementos que pertencem a A e B.

2- Reconheça no diagrama que você construiu os conjuntos indicados abaixo:

$$A \cap B = \{14, 16, 12, 18\}$$

$$B \cap C = \{12, 18\}$$

$$C \cap A = \{12, 18, 16, 14\}$$

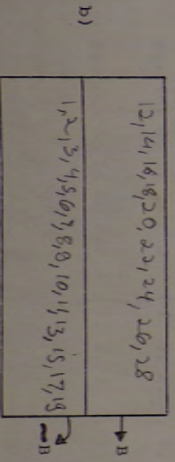
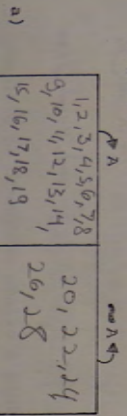
$$A \cap B \cap C = \{12, 18\}$$

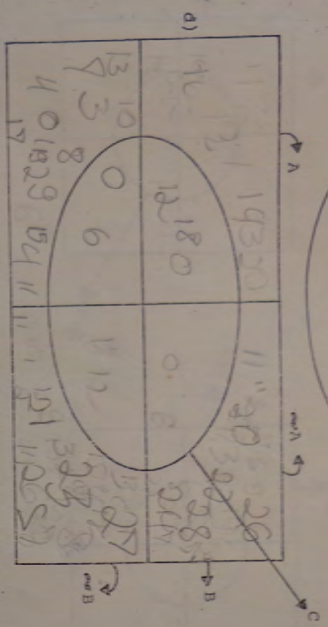
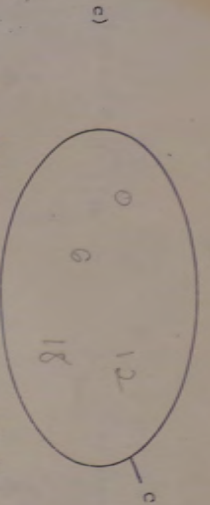
Utilizamos a notação  $B \cup C$  (lê-se: B união C) para indicar o conjunto de todos os elementos que pertencem a B ou C.

3- Organize nos diagramas que seguem os conjuntos A, B e C do exercício 1.

Observe a notação:  $\sim A$  não A (elementos do Universo não pertencentes a A).

Complete:





4- Reconheça no seu diagrama os conjuntos, colocando os elementos entre chaves:

$$A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 13, 15, 17, 18, 21, 23, 24\}$$

$$A \cap B = \{2, 0, 2, 2, 2, 4, 2, 6, 2, 8\}$$

$$A \cup B \cup C = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 24, 26, 28\}$$

$$A \cup B \cup C = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 13, 15, 17, 18, 21, 23, 24\}$$

5- Complete os diagramas abaixo e pinte as regiões indicadas.

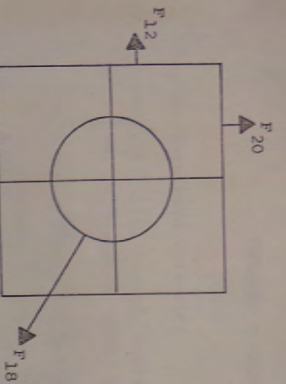
Lembre que:

$$\text{Fatores de 20 ou F20} = \{1, 2, 4, 5, 10, 20\}$$

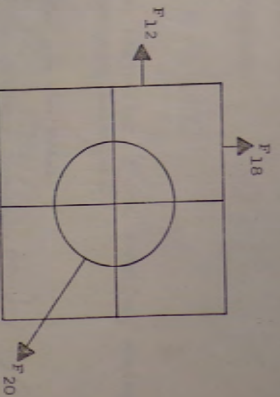
$$\text{Fatores de 12 ou F12} = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$$

$$\text{Fatores de 18 ou F18} = \{1, 2, 3, 6, 9, 18\}$$

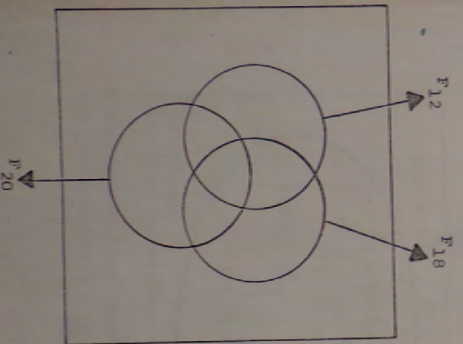
a) Pinte  $F_{20} \cap F_{18}$



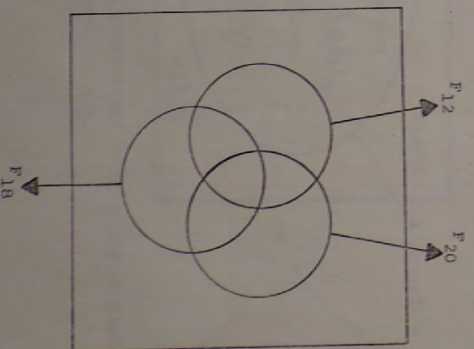
b) Pinte  $F_{20} \cup F_{18}$



c) Pinte  $F_{12} \cap F_{20}$



d) Pinte  $F_{20} \cup F_{12}$



A.C. - CONJUNTOS (2)

Reunião - Intersecção

OK

1. Considere para Universo:

$U = \{ \text{periquito, jacaré, cobra, beija-flor, tigre, avestruz, elefante, pavão, peru, gato, marcego, borboleta} \}$

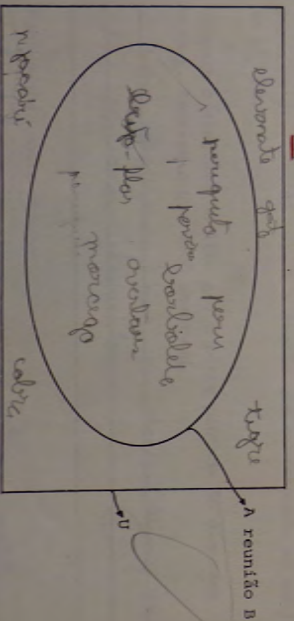
A é o conjunto dos animais que são aves:

$A = \{ \text{periquito, beija-flor, ondtung, pavão, pernilhão} \}$

B é o conjunto dos animais que voam:

$B = \{ \text{periquito, jacaré-flor, marcego borboleta} \}$

a) Represente no diagrama abaixo, o conjunto de todos os animais que são aves ou que voam.



O conjunto que você acabou de representar reúne todos os elementos pertencentes a A ou pertencentes a B.

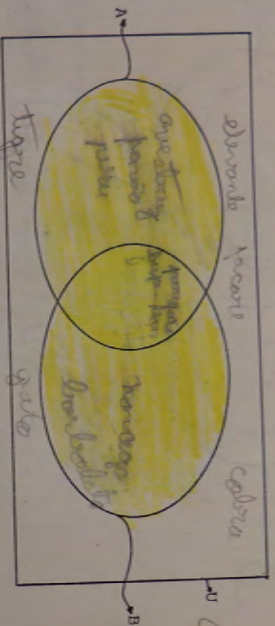


Releia, agora, o quadro de anotações do exercício 1 da ficha de A.C. - Conjuntos (1). Verifique se observou todos os itens que estão relacionados no quadro (valem também para o gráfico).

LEMBREM-SE:

Na linguagem corrente	Na linguagem matemática
A reunião B	$A \cup B$

- b) Complete o diagrama abaixo (Lembre-se que você tem três conjuntos: U, A e B).



- c) Pinte no diagrama do item b a região que corresponde ao conjunto  $A \cup B$ .

- d) Compare o diagrama do item a e a parte pintada do diagrama do item b. Escreva o que você observou.

Na observação que se fez, não há diferença.

- e) Represente, entre chaves:

$$A \cup B = \{ \text{pergunta, bolo, pão, questões, matéria, pão, maçã, bombolito} \}$$

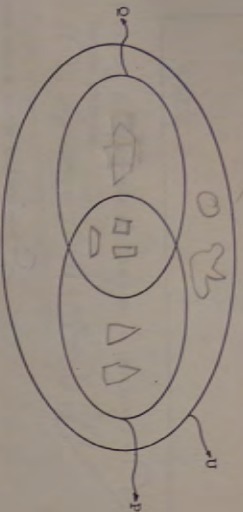
2. Considere para universo o conjunto de figuras planas:

$$U = \{ \square, \circ, \text{nuvem}, \triangle, \square, \square, \square, \triangle, \triangle \}$$

Q é o conjunto de figuras planas que têm 4 lados.

P é o conjunto de figuras planas cujos lados são linhas retas.

a) Complete o diagrama abaixo:



b) Represente, entre chaves:

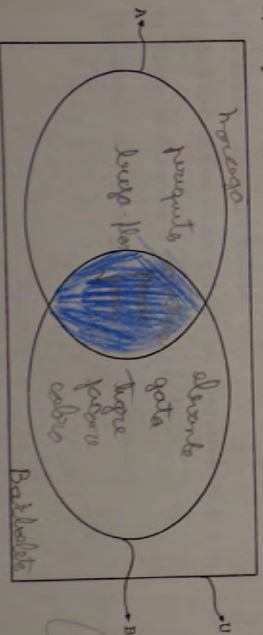
$$Q \cup P = \{ \square, \triangle, \square, \triangle, \square, \triangle \}$$

3. Considere para Universo o mesmo conjunto de animais do exercício 1.

A é o conjunto dos animais que são aves.

B é o conjunto dos animais que não voam.

a) Complete o diagrama:



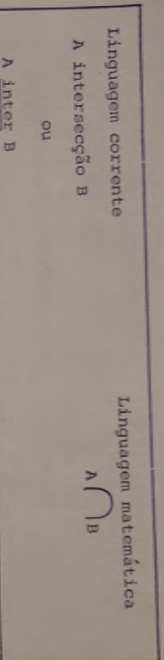
b) Represente, entre chaves, o conjunto dos animais que não voam

o não voam:

$$\{ \text{gata, torque, pavão, calbino} \}$$

Os elementos do conjunto que você representou, entre chaves, pertencem ao conjunto  $A \cap B$  ao conjunto B, ao mesmo tempo. Este conjunto é chamado  $A \cap B$ .

LEMBRE-SE:



c) pinte, no diagrama do item a, o conjunto  $A \cap B$  e represente-o entre chaves.

$$A \cap B = \{ \text{verde, branco, amarelo} \}$$

4. Considere para Universo:

$$U = \left\{ \begin{array}{l} \text{vermelho, amarelo, roxo, preto, azul, verde, laranja, branco,} \\ \text{marrom} \end{array} \right\}$$

(Uma dica: você pode consultar o seu Atlas).

R é o conjunto das cores da bandeira brasileira.

$$R = \{ \text{amarelo, azul, verde, branco} \}$$

S é o conjunto das cores da bandeira italiana.

$$S = \{ \text{verde, branco, vermelho} \}$$

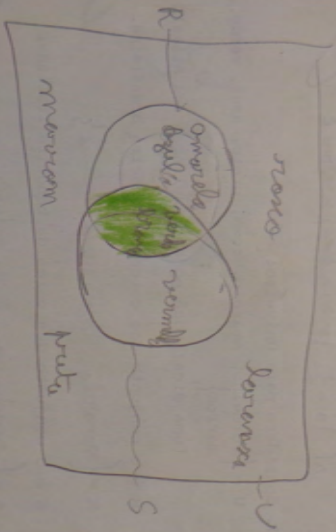
Utilizando o verso da folha:

a) Represente num único gráfico os conjuntos U, R e S.

b) Pinte no diagrama o conjunto  $R \cap S$ .

c) Represente o conjunto  $R \cap S$  entre chaves:

$$R \cap S = \{ \text{verde, branco} \}$$



A.C. - CONJUNTOS (1)

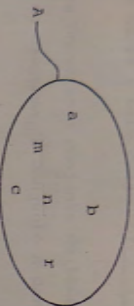
Pertinência ( $\in, \notin$ )

$\in$  pertence

$\notin$  não pertence

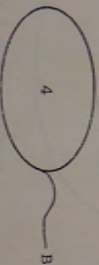
1. Observe os conjuntos A, B, C e determine um universo para cada um deles.

a)  $A = \{a, b, c, m, n, r\}$



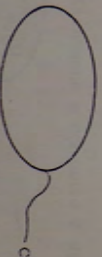
U = conjunto das letras do alfabeto

b)  $B = \{4\}$



U = o conjunto de números naturais

c)  $C = \{ \}$



U = conjunto de todos



O conjunto A se escreve:  $\{a, b, c, m, n, r\}$

Observe: - as chaves,

- as vírgulas que separam dois elementos,

- não se repete duas vezes o mesmo elemento,

- os elementos podem ser escritos em qualquer ordem.

O conjunto C é chamado conjunto vazio, pois não tem elementos.

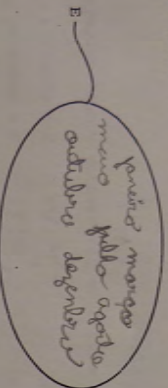
Pode ser representado:  $\{\}$  ou  $\emptyset$ .

O conjunto B também é um conjunto especial (tem um único elemento).

Que nome você daria a este conjunto? vazio

2. Considere para Universo o conjunto de todos os meses do ano.

a) Complete, no diagrama, o conjunto E dos meses do ano que têm 31 dias.

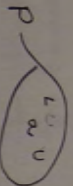


b) Escreva o conjunto E entre chaves:

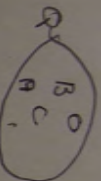
$E = \{ \text{junho, março, maio, julho, agosto, outubro, dezembro} \}$

3. Considere para Universo o conjunto de todas as letras do nosso alfabeto.

a) Represente graficamente o conjunto P das letras da palavra lua.



b) Represente graficamente o conjunto Q das letras da palavra boca.



c) Represente, entre chaves, os conjuntos P e Q, pela enumeração de seus elementos e pela propriedade *palavras com 5 letras*

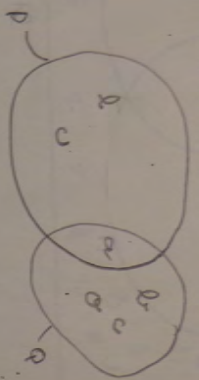
P = {A, B, C, D, E}

P = palavras com 5 letras de palavras

Q = {A, B, C, D, E}

Q = palavras com 5 letras de palavras

d) Represente agora os conjuntos P e Q, utilizando o diagrama adq quando:



e) Complete com V(verdadeiro) ou F(falso):

$\underline{p}$  pertence a Q (V)  $\checkmark$   $\underline{q}$  pertence a Q (V)  $\checkmark$

$\underline{c}$  pertence a P (F)  $\checkmark$   $\underline{u}$  pertence a P (V)  $\checkmark$

$\underline{a}$  pertence a P (V)  $\checkmark$   $\underline{u}$  não pertence a Q (V)  $\checkmark$

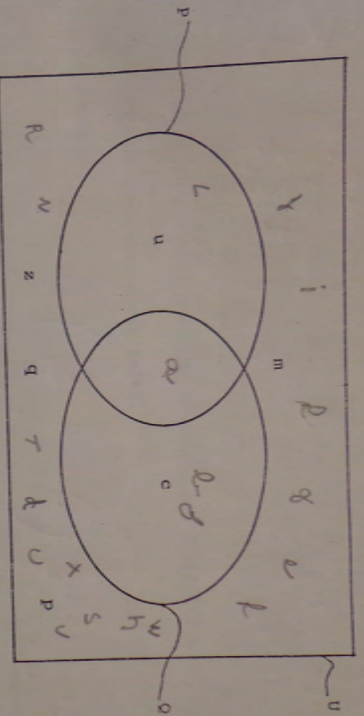
$\underline{a}$  não pertence a Q (F)  $\checkmark$

$\underline{u}$  não pertence a Q (V)  $\checkmark$

LEMBRE-SE:

Linguagem corrente	Linguagem matemática
u pertence a P	$u \in P$
u não pertence a Q	$u \notin Q$

E) Observe o diagrama abaixo e complete-o (lembre-se que você tem: U, P, e Q):



L.C. - CONJUNTOS (1)

RepresentaçãoLeviciqi

1. Vamos construir alguns exemplos de conjuntos definidos de duas maneiras diferentes.  
Você deverá completar o que falta.

1º Exemplo:

Conjunto S

$$S = \{ 2^{\text{feira}}, 3^{\text{feira}}, 4^{\text{feira}}, 5^{\text{feira}}, 6^{\text{feira}}, \text{sábado}, \text{domingo} \}$$

S é o conjunto dos dias da semana.....

2º Exemplo:

Conjunto X

$$X = \{ 6, 10, 14, 18, \dots \}$$

C

X é o conjunto dos números naturais pares, compreendidos entre 1 e 7.

3º Exemplo:

Conjunto E

$$E = \{a, n, \dots, \dots, \dots\}$$



E é o conjunto de letras da palavra "avenida"

4º Exemplo:

Conjunto M

$$M = \{jan, fev, mar, abr, mai, jun, jul, ago, set, out, nov, dez\}$$



M é o conjunto dos meses de trinta e um dias

5º Exemplo:

Conjunto A

$$A = \{a, e, i, o, u\}$$

A é o conjunto das vogais da alfabeto





2. Vamos duas maneiras de definir um conjunto.

Um conjunto pode ser representado pela enumeração de seus elementos:

$$A = \{0, 1, 2, 3\}$$

Ou por meio de uma propriedade dos seus elementos.

"O conjunto  $A$  é o conjunto dos números naturais menores que 4".

3. Para representar por uma propriedade o conjunto:

$$\{1, 3, 5, 7, 9\} \text{ um aluno escreveu:}$$

"Conjunto de números naturais ímpares".

a) Você concorda? Como você responderia?

*Sim, concordo. É o conjunto de números naturais ímpares.*

b) Represente por uma propriedade os conjuntos:

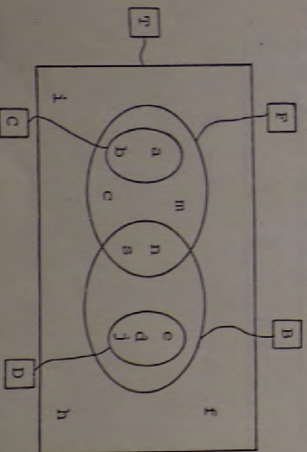
$$M = \{2, 8, 4, 10, 6\}$$

*Conjunto de números naturais pares de 11.*

$$N = \{5, 13, 9, 7, 11\}$$

*Conjunto de números naturais ímpares de 11.*

4. Represente por enumeração os conjuntos representados no diagrama abaixo:



$U = \{a, b, c, m, n, e, d, i, h\}$   
 $F = \{a, b, c, m, n, e, d\}$   
 $B = \{e, d, m, n, c\}$   
 $C = \{a, b, c\}$   
 $D = \{e, d, i, h\}$

5. Leia com atenção os conjuntos:

H é o conjunto de letras da palavra "Roma".

$$R = \{m, o, a, r\}$$

$$G = \{o, a, m, r\}$$

P é o conjunto das letras da palavra "amor".

Agora responda - Entre os conjuntos acima representados:

a) Quais os conjuntos representados por enumeração?

Os conjuntos A e G

b) Quais os conjuntos representados por uma propriedade?

Os conjuntos H e P

c) Quais os conjuntos iguais?

Os conjuntos G e P

6. Aqui estão dois conjuntos:

T é o conjunto de letras da palavra "escola".

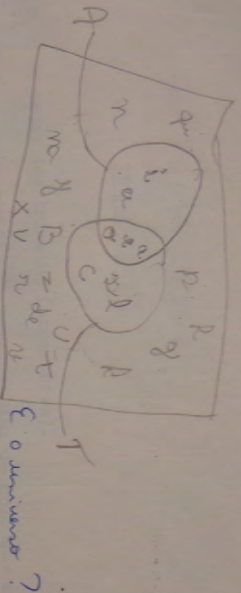
$$A = \{a, e, i, o, u\}$$

a) Represente T por enumeração e A por uma propriedade.

$$T = \{e, s, c, o, l, a\}$$

$$A = \{ \text{O conjunto das letras de todas as palavras} \}$$

b) Represente estes conjuntos num mesmo diagrama.



c) Observe o diagrama e escreva os elementos comuns a T e A.

Resposta: a, a, c

d) Este conjunto de elementos comuns a T e A pode ser representado por  $T \cap A$  ou  $T \cup A$ ? Justifique sua resposta.

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

→ não pode

7

ESCOLA VERA CRUZ

NOME: \_\_\_\_\_

DATA: \_\_\_\_\_

5ª. SÉRIE

M. / 08 / 84

A.C. - CONJUNTOS

INTRODUÇÃO

1 - Pegue as peças dos trimathas (três cores).

Arrume-as sobre uma folha de papel inglês de modo que se possa reconhecer:

- a) região das peças que são triângulos
- b) região das peças azuis
- c) região das peças que tem 1 furo

Use barbante para delimitar as regiões.

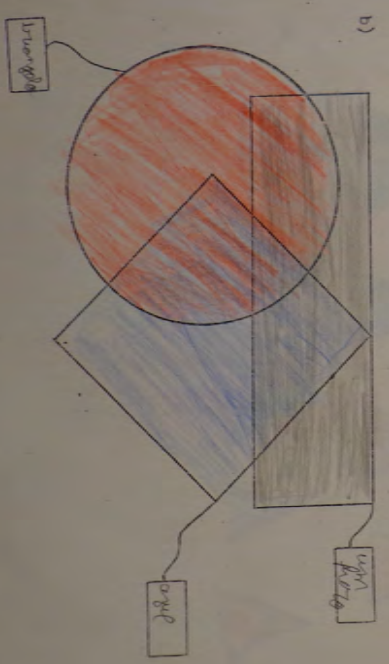
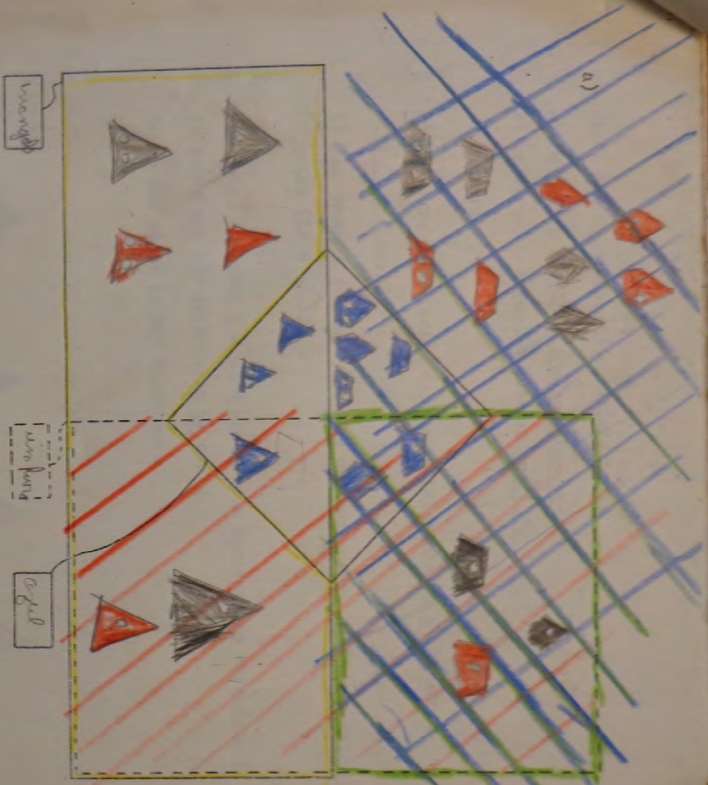
Obs.: Deixe o diagrama montado para poder fazer o exercício 5.

2 - Agora, um dos alunos escolhe uma região e outro aluno deve descrever as peças da região escolhida. Se este conseguir descrevê-la, terá o direito de escolher outra região e um outro colega para descrevê-la.

Obs.: Todos devem participar.

3 - Agora, utilize os diagramas seguintes para representar as regiões que você delimitou com barbante. Coloque nomes nas etiquetas.

(diagramas na folha seguinte)



Chame o professor para verificar.



4 - Pinte nos diagramas do exercício 3:

- a) em azul a região dos não triângulos  
b) em vermelho a região dos que têm 1 furo

Contorne:

a) com amarelo a região das peças triangulares e não azuis

( $\triangle$  e  $\sim \Delta$ .)

b) com verde a região das peças que tem 1 furo e não são triângulos ( $\nabla$  e  $\sim \triangle$ ).

5 - Retire do diagrama que você montou com barbante no exercício 1 as peças que são triângulos ou azuis.

Quais são estas peças? Desenhe-as.



2a. Tarefa:

- 1 - Pegue as chapas de carro que seu grupo construiu e arrume-as numa folha de papel inglês, delimitando as regiões com barbante.
- 2 - Desenhe este diagrama no espaço abaixo e coloque as etiquetas.  
(Não desmonte o diagrama que você construiu com as chapas, utilizando barbante. Você vai utilizá-lo na questão 4).

3 - Agora, um dos alunos escolhe uma região e outro aluno deve descrevê-la. Ver as chapas da região escolhida. Se este conseguir descrevê-la, terá o direito de escolher outra e um outro colega para descrevê-la.

Obs.: Todos devem participar:

4 - Vamos colocar, agora, cada peça do trinath em uma chapa de carro, de modo que exista uma relação entre os atributos do trinath e da chapa.

ESCOLA VERA CRUZ

NOME: Valeria

DATA:

M. 12 / 197

Ga. SÉRIE

T.P. - VOLUME (1)

Sistema de Medidas

*Valeria*  
*marcelle*  
*flavio*

O volume é uma grandeza diferente daquelas que você aprendeu até agora (superfície e massa por exemplo) e portanto, tem um sistema de medidas também diferentes.

Nos laboratórios de Ciências, você já aprendeu a medir volume e capacidade dos corpos e para isto usou unidades não padronizadas (por exemplo, o vidrinho para medir a capacidade de diferentes objetos) e também usou o mililitro (ml) que é uma unidade padronizada para se medir volume e capacidade.

O sistema de medida de volume "funciona" da mesma forma que o sistema de medida de massa ou o sistema de medida linear e considera-se o litro como uma unidade de medida.

Veja:

Complete:

<u>Sistema de Medida Linear</u>	
MÚLTIPLOS	Kilômetro (Km)
	Hectômetro (hm)
	Decâmetro (dam)
UNIDADE	Metro (m)
	Decímetro (dm)
	Centímetro (cm)
SUBMÚLTIPLOS	Millímetro (mm)

1m = 0,001 Km

1m = 0,01 hm

1m = 0,1 dam

1m = 10 dm

1m = 100 cm

1m = 1000 mm

Sistema de Medida de Massa	
MÚLTIPLOS	Kilograma (kg)
	Hectograma (hm)
	Decagrama (dag)
UNIDADE	Gramas (g)
	Decigramas (dg)
SUBMÚLTIPLOS	Centigramas (cg)
	Milligramas (mg)

Complete:

$$1g = \underline{0,001} \text{ kg} \quad \times$$

$$1g = \underline{0,01} \text{ hg} \quad \times$$

$$1g = \underline{0,1} \text{ dag} \quad \times$$

$$1g = \underline{10} \text{ dg} \quad \times$$

$$1g = \underline{100} \text{ cg} \quad \times$$

$$1g = \underline{1000} \text{ mg} \quad \times$$

Sistema de Medida de Volume	
MÚLTIPLOS	Kilolitro (kl)
	Hectolitro (hl)
	Decalitro (dal)
UNIDADE	Litro (l)
	Decilitro (dl)
SUBMÚLTIPLOS	Centilitro (cl)
	Millilitro (ml)

$$1L = \frac{1}{1000} \text{ kl ou } (0,001 \text{ kl})$$

$$1L = \frac{1}{100} \text{ hl ou } (0,01 \text{ hl})$$

$$1L = \frac{1}{10} \text{ dal ou } (0,1 \text{ dal})$$

$$1L = 10 \text{ dl}$$

$$1L = 100 \text{ cl}$$

$$1L = 1000 \text{ ml}$$

Sabendo isto, complete o quadro:

	kl	hl	dal	dl	cl	ml
5L	$0,005 \times$	$0,05 \times$	$0,5 \times$	$50 \times$	$500 \times$	$5000 \times$
13L	$0,003 \times$	$0,13 \times$	$0,13 \times$	$130 \times$	$1300 \times$	$13000 \times$
0,8L	$0,0008 \times$	$0,008 \times$	$0,008 \times$	$8 \times$	$80 \times$	$800 \times$
27,6L	$0,00276 \times$	$0,0276 \times$	$0,276 \times$	$276 \times$	$2760 \times$	$27600 \times$



Quando você mede a capacidade de uma piscina por exemplo, você quer saber quantos litros de água (ou múltiplos do litro) entram nela.

Quando você mede a capacidade de um tonel, você quer saber quantos litros de bebida (ou múltiplos do litro) entram nele.

E se você quiser medir a capacidade de uma jardineira, por exemplo? Não se diz que numa jardineira entram alguns litros de terra.

Neste caso, dizemos que na jardineira entram alguns metros cúbicos ( $m^3$ ) de terra.

$0\ m^3$  é outra unidade de medida utilizada para medir volume ou capacidade. Dependendo da natureza do que é medido, usamos o litro (seus múltiplos e submúltiplos) ou  $0\ m^3$  (seus múltiplos e submúltiplos).

$1\ m^3$  (metro cúbico) é um cujo cujas arestas medem  $1\ m$ .

$1\ dm^3$  (decâmetro cúbico) é um cujo cujas arestas medem  $1\ dm$ .

$1\ mm^3$  (centímetro cúbico) é um cujo cujas arestas medem  $1\ cm$ .

$1\ mm^3$  (centímetro cúbico) é um cujo cujas arestas medem  $1\ cm$ .

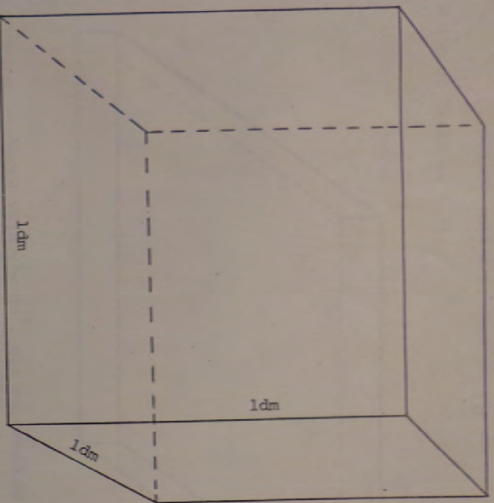
E assim por diante...

Desenhe um  $cm^3$  (um cujo cujas arestas medem  $1\ cm$ )



$1\ dm^3$  corresponde a  $1$  litro

Isto quer dizer que  $1$  cujo cujas arestas medem  $1\ dm$  (ou  $10\ cm$ ), tem a mesma capacidade que  $1$  litro.



(cubo)

Aqui está representado um cubo cujas arestas tem 1dm e portanto sua capacidade é igual a  $1\text{dm}^3$  ou  $1\text{l}$ .

Se você for encher este cubo com água, que unidade

você usará?

Em litros e litros

Se você for encher este cubo com areia, que unidade

você usará?

Em metros cúbicos

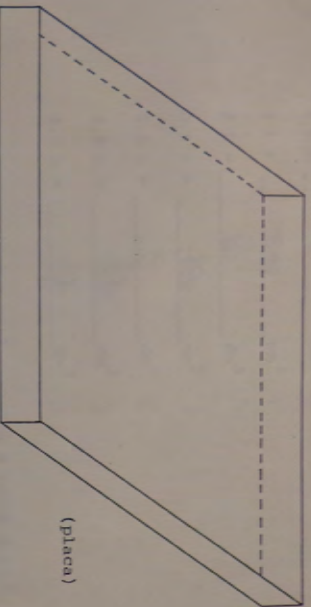
Sabendo que:  $1\text{dm}^3 = 1\text{l}$

$$2\text{dm}^3 = 2\text{l}$$

$$0,5\text{dm}^3 = \frac{1}{2}\text{l}$$

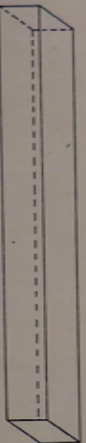
$$3,7\text{dm}^3 = 3,7\text{l}$$

Abaixo está representado  $\frac{1}{10}$  do  $\text{dm}^3$ , que corresponde a  $\frac{1}{10}$  do litro ou 1 dl.



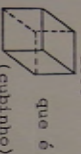
(placa)

Agora veja  $\frac{1}{100}$   $\text{dm}^3$ , que corresponde a  $\frac{1}{100}$  do litro ou 1 cl.



(barra)

E tomando-se  $\frac{1}{1000}$  do  $\text{dm}^3$ , que corresponde a  $\frac{1}{1000}$  do litro ou 1 ml temos: que é o  $\text{cm}^3$ , que você já conhece!



(cubinho)

Portanto:  $1 \text{ dm}^3 = 1\text{L}$

$$1 \text{ cm}^3 = \frac{1}{1000}\text{L} \text{ ou } 0,001 \text{ L}$$

Sabendo que:  $1 \text{ cm}^3 = \frac{1}{1000}$  ou  $0,001 \text{ L}$

Descubra:

a)  $1 \text{ cm}^3 =$             ml

b)  $1 \text{ L} =$              $\text{cm}^3$

Agora resolva:

$$1 \text{ L} = \underline{10} \text{ cm}^3$$

X

$$1 \text{ L} = \underline{1} \text{ dm}^3$$

X

$$2 \text{ L} = \underline{200} \text{ cm}^3$$

X

$$2 \text{ L} = \underline{20} \text{ dm}^3$$

X

$$0,5 \text{ L} = \underline{500} \text{ cm}^3$$

X

$$0,5 \text{ L} = \underline{5} \text{ dm}^3$$

X

$$4,8 \text{ L} = \underline{4800} \text{ cm}^3$$

X

$$4,8 \text{ L} = \underline{48} \text{ dm}^3$$

X

Pense em tudo que você aprendeu e tente descobrir:

$$1 \text{ m}^3 = \underline{1000000} \text{ litros.}$$

X

A.C. - VOLUME (1)

1º Problema:

Um cubão de madeira (base 3), pintado de vermelho, foi cortado em cubinhos.

a) Resposta:

- Quantos cubinhos têm 3 faces pintadas? 8
  - Quantos cubinhos têm 2 faces pintadas? 11
  - Quantos cubinhos têm 1 face pintada? 20
  - Quantos cubinhos não tem nenhuma face pintada? 1
- b) Considerando o cubinho como a unidade de medida, qual é o volume deste cubão? 27 cubinhos

c) Se mergulharmos um cubinho em uma proveta, que contém inicialmente 50 ml de água, verificaremos que o nível da água subirá 1 ml.

Complete:

- Volume do cubinho = 1 ml
- Volume do cubão (base 3) = 27 ml

O cubo de cartolina com 1 dm de aresta tem 1 dm<sup>3</sup> de volume que equivale a 1 litro.

Então: 1 dm<sup>3</sup> = 1 l

O cubinho do material multibase tem 1cm de aresta e o seu volume é 1cm<sup>3</sup> que equivale a 1 mililitro.

Então: 1 cm<sup>3</sup> = 1 ml

d) Qual o volume do cubão (base 3) em cm<sup>3</sup>? 27 cm<sup>3</sup>



2º Problema:

Baseando-se nas conclusões do problema anterior, determine o volume do cubão (base 5).

Se a unidade é o cubinho, complete:

- a) Volume = 125 cubinhos  
b) volume = 125 ml  
c) volume = 125 cm<sup>3</sup>

3º Problema:

Faça o mesmo, utilizando agora o cubão (base 10).

- a) volume 1000 cubinhos  
b) volume 1000 ml  
c) volume 1000 cm<sup>3</sup>

4º Problema:

Agora, você vai tentar construir (com o material disponível na classe) um cubo com 1 metro de aresta.

Sugestão: Você pode montá-lo, utilizando os cubos de 1dm de aresta (1dm<sup>3</sup>).

Observando o que você construiu, seria possível imaginar o cubo com 1 metro de aresta pronto? Sim

O cubo com 1 metro de aresta tem 1m<sup>3</sup> de volume

Analisando sua construção e imaginando esta construção concluída, complete:

a) O volume de um cubo de 1m de aresta é igual a 1000 cubos de 1dm de aresta.

b) Se 1dm<sup>3</sup> = 1 l e 1m<sup>3</sup> = 1000 dm<sup>3</sup>  
Então 1m<sup>3</sup> = 1000 l ou 1 kl

c)  $\text{cm}^3$   $\text{dm}^3$   $\text{m}^3$   
x x x



mr/

*Concep*

ESCOLA VERA CRUZ

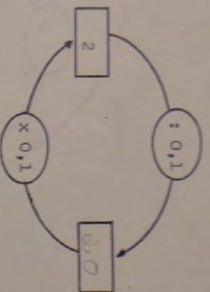
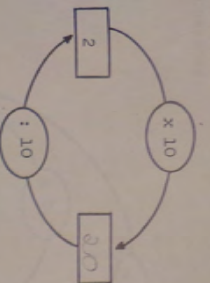
DECIMAIS

nome: Sabine ysaBielma Samaley

6<sup>a</sup> série C

1987

1. Complete:



2. Corresponda a cada multiplicação a divisão equivalente (que possuem o mesmo resultado):

a)  $2 \times 100 = 200$  ✓

(c)  $2 : 1 = 2$  ✓

b)  $2 \times 10 = 20$  ✓

(e)  $2 : 100 = 0,02$  ✓

c)  $2 \times 1 = 2$  ✓

(g)  $2 : 0,1 = 20$  ✓

d)  $2 \times 0,1 = 0,2$  ✓

(d)  $2 : 10 = 0,2$  ✓

e)  $2 \times 0,01 = 0,02$  ✓

(a)  $2 : 0,01 = 200$  ✓

3. Faça o mesmo com:

a)  $12 \times 10 = 120$  ✓

(f)  $12 : 10 = 1,2$  ✓

b)  $12 \times 0,1 = 1,2$  ✓

(a)  $12 : 0,1 = 120$  ✓

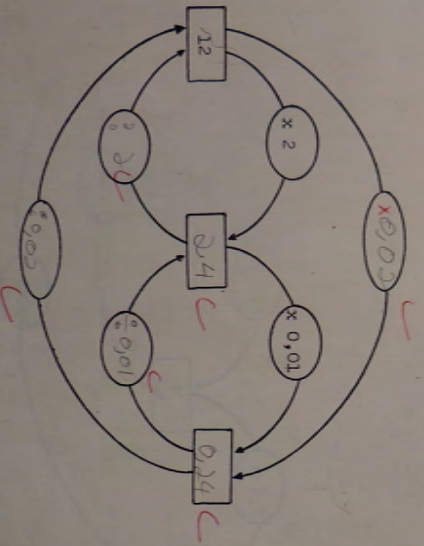
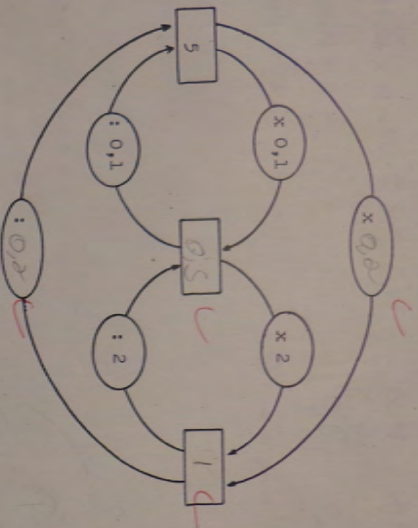
c)  $12 \times 100 = 1200$  ✓

(b)  $12 : 100 = 0,12$  ✓

d)  $12 \times 0,01 = 0,12$  ✓

(c)  $12 : 0,01 = 1200$  ✓

4. Complete:



5. Calculate:

a)  $(6 \times 0,01) \times 3 = 0,18$  ✓

b)  $6 \times (0,01 \times 3) = 0,18$  ✓

c)  $(4 \times 0,1) \times 2 = 0,8$  ✓

d)  $4 \times (0,1 \times 2) = 0,8$  ✓

a)  $\frac{0,06}{\times 3}$   
 $\frac{0,18}{---}$

b)  $\frac{0,06}{\times 3}$   
 $\frac{0,18}{---}$

Atenção para o resultado!

6. Calculate:

$12 \times 0,2 = 2,4$  ✓

$12 \times 0,02 = 0,24$  ✓

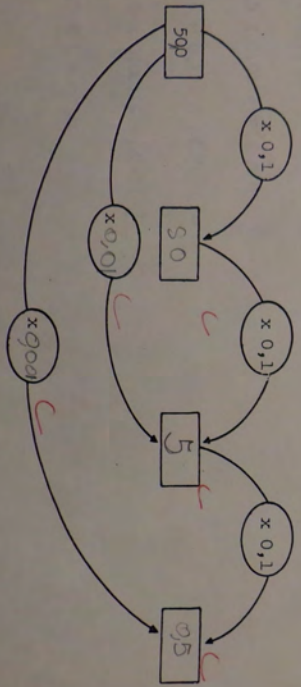
$12 \times 0,002 = 0,024$  ✓

$8 \times 0,03 = 0,24$  ✓

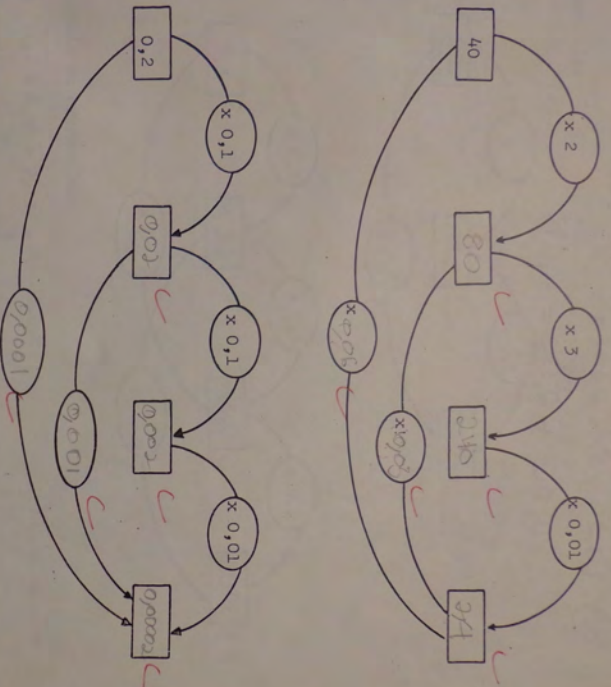
$8 \times 0,3 = 2,4$  ✓

$8 \times 0,003 = 0,024$  ✓

7. Complete:







8. Calcule:

$$0,5 \times 0,01 = 0,005 \quad \checkmark$$

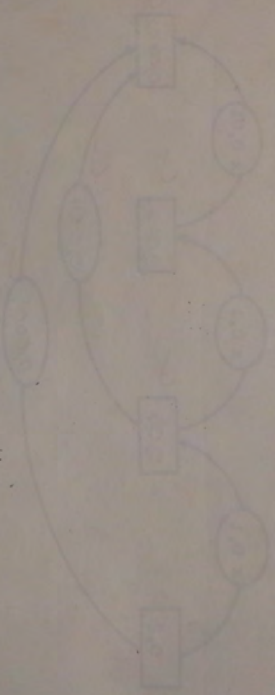
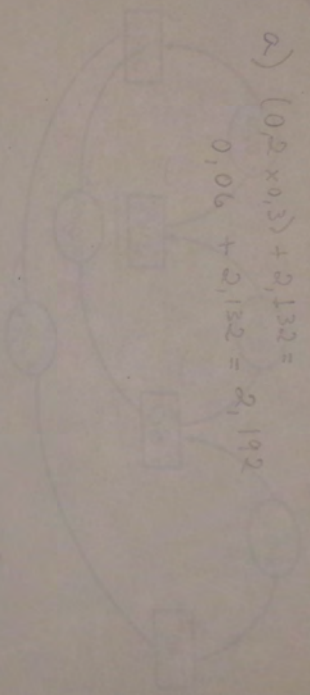
$$0,5 \times 0,1 = 0,05 \quad \checkmark$$

$$0,5 \times 0,001 = 0,0005 \quad \checkmark$$

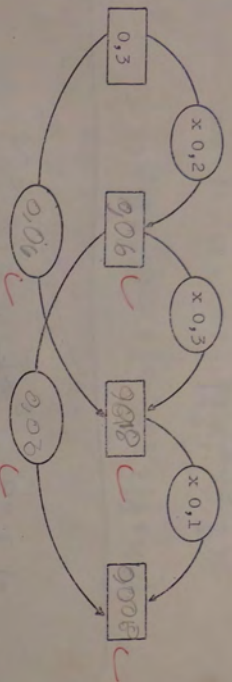
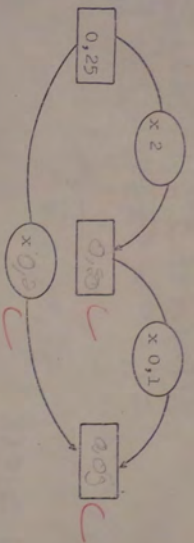
$$0,5 \times 1 = 0,5 \quad \checkmark$$

$$2) (0,2 \times 0,3) + 2,132 = 2,192$$

$$0,06 + 2,132 = 2,192$$



9. Complete:



10. Calcule as expressões:

a)  $(0,2 \times 0,3) + 2,132 = 2,182$

Calculo errado,

$0,06 + 2,132 = 2,192$

resposta negativa.

$$\begin{array}{r} 2,132 \\ + 0,06 \\ \hline 2,192 \end{array}$$

b)  $(5 \times 0,5 \times 0,8) + (2 - 0,23) = 3,77$

$(2,5 \times 0,8) + 1,77 =$

$2 + 1,77 = 3,77$

Resposta!

$$\begin{array}{r} 2,5 \\ \times 0,8 \\ \hline 2,00 \\ + 20,00 \\ \hline 2,000 \\ + 1,77 \\ \hline 3,77 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 43 \\ \times 13 \\ \hline 903 \end{array} \quad \begin{array}{r} b) 341049 \\ - 2902 \\ \hline 0118 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} c) 24810 \\ - 0203 \\ \hline 327 \\ + 4100 \\ \hline 497 \end{array} \quad \begin{array}{r} d) 41070 \\ + 9118 \\ \hline 50288 \end{array}$$

$$e) \begin{array}{r} 5,088 \\ 0,300 \\ \hline 5,388 \end{array}$$

$$a) \begin{array}{r} 3,00 \\ + 0,04 \\ \hline 3,04 \end{array}$$

$$b) \begin{array}{r} 1 \\ \times 1 \\ \hline 0,2 \end{array}$$

$$c) \begin{array}{r} 304 \\ + 2 \\ \hline 0,08 \end{array}$$

$$d) \begin{array}{r} 3 \\ \times 2 \\ \hline 0,6 \end{array}$$

$$e) \begin{array}{r} 58,108 \\ 0,60 \\ \hline 5,48 \end{array}$$

$$a) \begin{array}{r} 12 \\ \times 12 \\ \hline 0,012 \end{array}$$

$$b) \begin{array}{r} 307 \\ \times 2 \\ \hline 0,614 \end{array}$$

$$c) \begin{array}{r} 4,000 \\ 0,012 \\ \hline 34,012 \\ 0,800 \\ \hline 3,212 \end{array}$$

$$d) \begin{array}{r} 3,212 \\ 19,614 \\ \hline 3,1826 \end{array}$$

$$e) \begin{array}{r} 31826 \\ 3080 \\ \hline 0,736 \end{array}$$

$$c) [2 \times (0,04 + 3)] - [3 \times (0,1 \times 2)] = 5,48$$

Rechno!

$$[2 \times 3,04] - [3 \times (0,1 \times 2)] =$$

$$[2 \times 3,04] - [3 \times 0,2] =$$

$$6,08 - [3 \times 0,2] =$$

$$6,08 - 0,6 = 5,48$$

$$d) \{4,02 - 3,902 + [4 - (3 \times 0,01) + 1] + 0,3\} = 5,388$$

$$\{4,02 - 3,902 + [4 - 0,03 + 1] + 0,3\} \text{Rechno!}$$

$$0,118 + [4 - 0,03 + 1] + 0,3 =$$

$$0,118 + 4,97 + 0,3 =$$

$$5,088 + 0,3 = 5,388$$

$$e) \{3,07 \times 0,2 + [4 + (0,01 \times 1,2) - 0,8] - 3,09\} = 0,736$$

$$\{3,07 \times 0,2 + [4 + 0,012 - 0,8] - 3,09\} =$$

$$0,614 + [4,012 - 0,8] - 3,09 =$$

$$0,614 + 3,212 - 3,09 =$$

$$3,826 - 3,09 = 0,736$$

Rechno es parvo das separamos.

Rechno!





Problemas

1. Um terreno retangular tem 20,5m de frente e 102,5m de fundo.

Qual é o perímetro?

$$\begin{array}{r} 20,5 \\ + 102,5 \\ \hline 123,0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 20,5 \\ + 20,5 \\ \hline 41,0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 102,5 \\ + 102,5 \\ \hline 205,0 \end{array}$$

No verso da folha desenhe este terreno na escala 1:500.

Qual é a superfície (área) deste terreno?

$$\begin{array}{r} 102,5 \\ \times 20,5 \\ \hline 2050,0 \\ + 20500,0 \\ \hline 21025,0 \end{array}$$

R: O Superfície é de 21025 m<sup>2</sup>

Sabendo que o preço do m<sup>2</sup> é de Cr\$ 800,00, quanto custa este terreno?

$$\begin{array}{r} 21025 \\ \times 800 \\ \hline 16820000 \end{array}$$

R: O terreno vai custar 16.800.000,00

Neste terreno vai ser construída uma piscina de forma quadrada com 7,5m de lado e 1,7m de profundidade. Quantos m<sup>3</sup> de água serão necessários para encher a piscina?

$$\begin{array}{r} 7,5 \\ \times 1,7 \\ \hline 1275 \end{array}$$

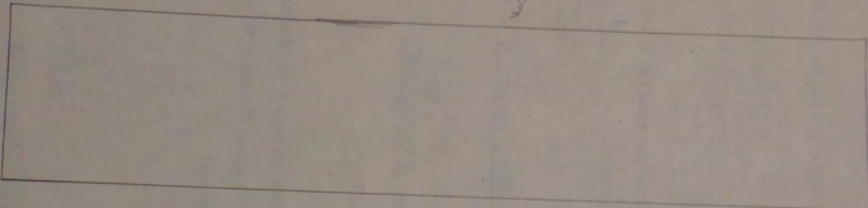
R: Vai caber 1275 m<sup>3</sup> de água

Quantos litros correspondem a estes m<sup>3</sup> de água?

$$\begin{array}{l} \text{R: Se } 1 \text{ m}^3 \text{ é igual a} \\ 1000 \text{ litros} \\ 1000 \text{ dm}^3 \text{ em } 1 \text{ m}^3 \text{ tem} \\ 1000 \text{ litros em } 1 \text{ m}^3 \\ \text{na piscina tem} \\ 1275 \times 1000 \text{ litros} \end{array}$$

20.5 cm

4.1 cm



2. Observe a tabela de preços e a lista de compras:

Produtos	Preços
Arroz	Cz\$ 8,00
Sabonete	Cz\$ 3,80
Sabão	Cz\$ 7,50
Feijão	Cz\$ 17,00
Batata	Cz\$ 8,50
Óleo	Cz\$ 13,20

- 22, 5kg de arroz, 0,180000 Cz\$  
 7 sabonetes, 28,50 Cz\$  
 12 pacotes de sabão, 90,00 Cz\$  
 3, 750kg de feijão, 49,500000 Cz\$  
 2, 300kg de batata, 17,000000 Cz\$  
 13 latas de óleo, 171,60 Cz\$

Qual é o total gasto nestas compras? Cz\$ 356,6800  
 Deixe seus cálculos registrados.

Cálculos:

$$1) \begin{array}{r} 225 \\ \times 8 \\ \hline 0,1800 \end{array}$$

$$3) \begin{array}{r} 750 \\ \times 12 \\ \hline 1500 \\ + 7500 \\ \hline 9000 \end{array}$$

$$4) \begin{array}{r} 3750 \\ \times 1300 \\ \hline 1125000 \end{array}$$

$$5) \begin{array}{r} 3300 \\ \times 850 \\ \hline 115000 \end{array}$$

$$+ \begin{array}{r} 3750000 \\ 4875000 \end{array}$$

$$+ \begin{array}{r} 1840000 \\ 1955000 \end{array}$$

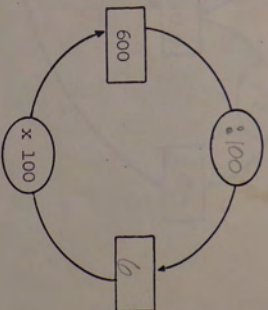
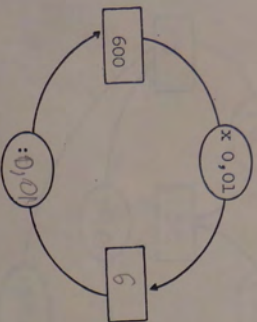
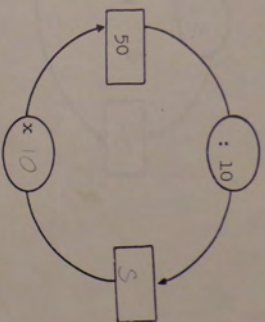
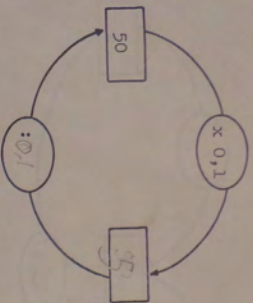
$$8) \begin{array}{r} 488 \\ - 356,68 \\ \hline 143,32 \end{array}$$

$$7) \begin{array}{r} 00,1800 \\ 26,6000 \\ \hline 26,7800 \\ + 90,0000 \\ \hline 116,7800 \\ + 64,87500 \\ \hline 181,65500 \\ + 915,15500 \\ \hline 1096,80500 \\ 356,6800 \end{array}$$

Se eu levei duas notas de Cz\$ 200, quanto trouxe de troco?

R: Dois de troco 143,32 Cz\$

1. Complete:



2. Calculate:

$$40 \times 0,1 = 4$$

$$4 \times 10 = 40$$

$$40 : 10 = 4$$

$$4 : 0,1 = 40$$

$$200 : 100 = 2$$

$$8 \times 100 = 800$$

$$200 \times 0,01 = 2$$

$$8 : 0,01 = 800$$

$$720 : 10 = 72$$

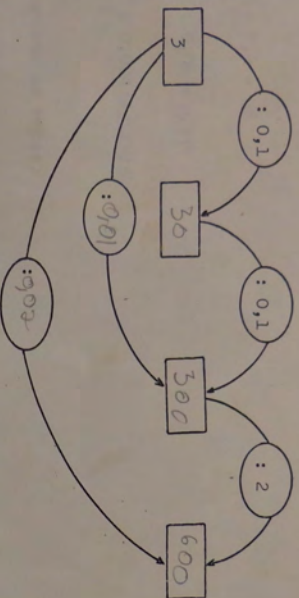
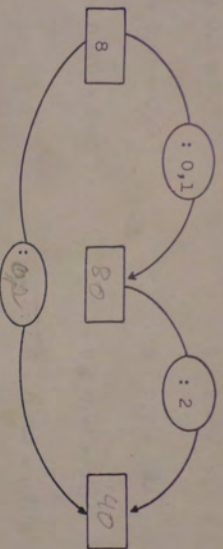
$$12 : 0,1 = 120$$

$$720 \times 0,1 = 72$$

$$12 \times 10 = 120$$



3. Complete:



4. Calcule:

*calculator*

$$1(4 : 0,1) : 0,1 = 0,04$$

$$5(8 : 0,1) : 2 = 1/6$$

$$24 : 0,01 = 0,04$$

$$68 : 0,2 = 1/6$$

$$3(9 : 3) : 0,01 = 0,05$$

$$7-(12 : 0,1) : 4 = 4,8$$

$$49 : 0,03 = 0,27$$

$$8-12 : 0,4 = 4,8$$

5. Calculate:

$$7 : 0,1 = 0,7$$

$$8 : 2 = 4$$

$$7 : 0,01 = 0,07$$

$$8 : 0,2 = 40$$

$$7 : 0,001 = 0,007$$

$$8 : 0,02 = 0,4$$

$$8 : 0,002 = 0,004$$

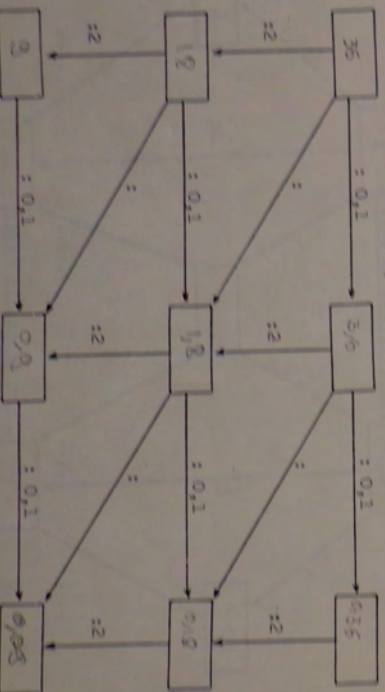
$$12 : 4 = 3$$

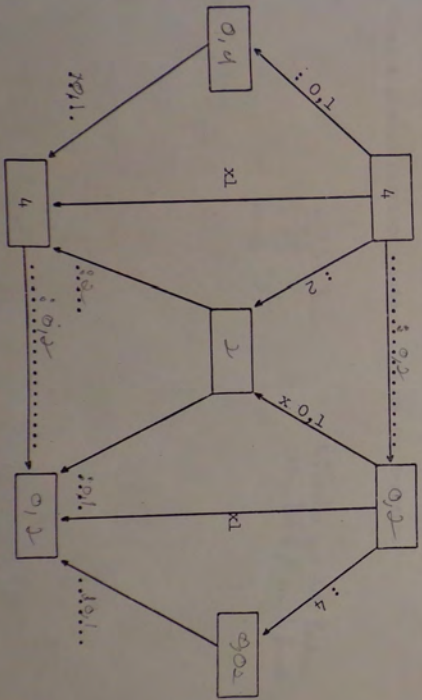
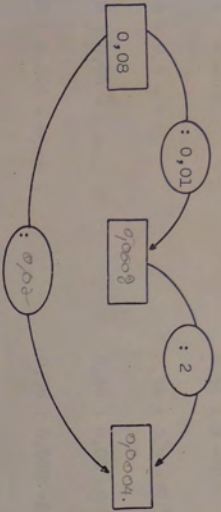
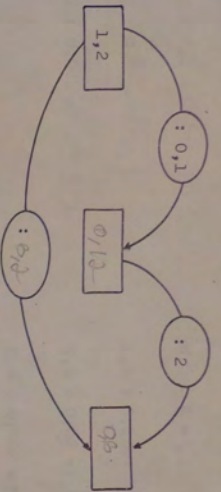
$$12 : 0,4 = 30$$

$$12 : 0,04 = 300$$

$$12 : 0,004 = 3000$$

6. Complete as needed:







1. Complete:

$$4 \times 1,2 = 4,8 \text{ portanto } 4,8 : 1,2 = 4$$

$$0,4 \times 0,12 = 4,8 \text{ portanto } 4,8 : 0,12 = 0,4$$

$$0,04 \times 1,2 = 0,48 \text{ portanto } 0,48 : 1,2 = 0,04$$

$$0,004 \times 0,12 = 0,048 \text{ portanto } 0,048 : 12 = 0,004$$

$$143 : 13 = 11 \text{ porque } 11 \times 13 = 143$$

$$14,3 : 13 = 1,1 \text{ porque } 1,1 \times 13 = 14,3$$

$$14,3 : 1,3 = 0,11 \text{ porque } 0,11 \times 1,3 = 14,3$$

$$0,42 : 21 = 0,02$$

$$0,42 : 2,1 = 0,2$$

$$0,42 : 0,21 = 0,002$$

$$0,42 : 0,021 = 0,0002$$



Calcular:

$$\begin{array}{r} 1) \ 348 \\ \underline{300} \\ 48 \\ \underline{45} \\ 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2) \ 105 \\ \underline{105} \\ 000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3) \ 1500 \\ \underline{900} \\ 600 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 4) \ 900 \\ \underline{900} \\ 000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 5) \ 995 \\ \underline{1895} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 10) \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 11) \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 12) \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 13) \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 14) \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 15) \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 16) \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 17) \end{array}$$

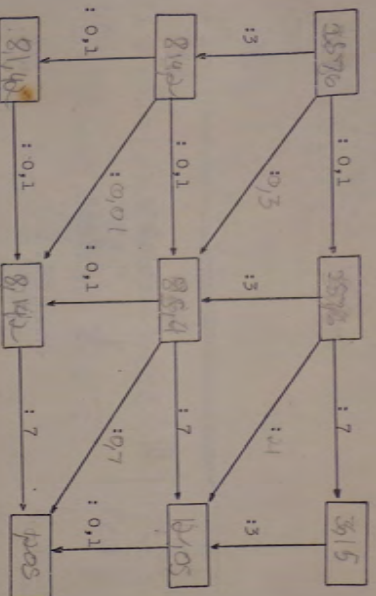
$$\begin{array}{r} 18) \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 19) \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 20) \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 21) \end{array}$$

2. Complete a rede:



Problemas:

Organize seus cálculos no verso da folha anterior e coloque aqui as respostas.

- Comprei lajotas de  $0,9m^2$  para cobrir uma área de  $94,5m^2$ . Quantas lajotas devo ter comprado?

Resposta: Doze de compradas las lajotas

- Sabendo que cada caixa contém 35 lajotas, quantas caixas devo comprar?

Resposta: Doze compradas e caixas de lajotas

- O preço de cada caixa é de Cz\$ 300. Quanto vou gastar na compra das lajotas?

Resposta: Doze pagar 20000

- O pedreiro cobra Cz\$ 20000 para colocar  $1m^2$  de lajotas. Quanto deverei pagar ao pedreiro?

Resposta: Doze pagar 200000

- Quanto gastarei para fazer este serviço, entre mão-de-obra e material?

Resposta: Doze gastarei para pagar este serviço de 200000

$$\begin{array}{r}
 43 \\
 \times 2 \\
 \hline
 6
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 8.925 \\
 \times 9.06 \\
 \hline
 6.31
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 9 \\
 43 \\
 \hline
 131
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 2) \\
 \begin{array}{r}
 013030 \\
 01001 \\
 \hline
 31037
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 B) \\
 3037 \\
 7 \\
 \hline
 21253
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 0211259 \\
 018350 \\
 \hline
 128999
 \end{array}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 3) \\
 \begin{array}{r}
 0128 \\
 120 \\
 \hline
 008 \\
 8 \\
 \hline
 0
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 8 \\
 69 \\
 \times 5 \\
 \hline
 340
 \end{array}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 4) \\
 \begin{array}{r}
 01334 \\
 11260 \\
 \hline
 1584
 \end{array}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 6) \\
 \begin{array}{r}
 91884 \\
 900 \\
 \hline
 0684 \\
 450 \\
 \hline
 2334 \\
 223 \\
 \hline
 0099
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 8 \\
 100 \\
 50 \\
 25 \\
 \hline
 176
 \end{array}
 \end{array}$$

Expressões:

1)  $(0,2 \times 0,3) + 0,25 + 1 = 1,31$

$[0,08 + 0,25] + 1 =$

$0,33 + 1 = 1,31$

2)  $[(3,03 + 0,007) \times 0,7] - 0,236 = 1,8239$

$[3,037 \times 0,7] - 0,236 =$

$2,1259 - 0,236 = 1,8899$

3)  $(1,28 : 2) \times 0,5 = 32$

$64 \times 0,5 = 32$

4)  $(0,324 + 1,26) : 0,9 = 1,78$

$1,584 : 0,9 = 1,78$





*calculator*

$$5) [(0,5 + 0,05) : 0,05] \cdot 3,5 =$$

$$[0,55 : 0,05] \cdot 3,5 = 3,2$$

$$11 \cdot 3,5 = 32$$

$$6) \{87,34 - [(4,5 : 0,9) - 4,9]\} = 87,24$$

$$\{87,34 [5 - 4,9]\} =$$

$$\{87,34 - 0,1\} = 87,24$$

$$7) (0,7 \times 0,08) + (5,6 : 0,8) = 7056$$

$$0,056 + [9,6 : 0,8] =$$

$$0,056 + 7 = 7056$$

$$8) 0,05 + (120 - 1,2) = 118,85$$

$$0,05 + 118,8 = 118,85$$

$$9) (65 + 8,5) + (25 : 0,005) = 73,505$$

$$73,5 + (25 : 0,005) =$$

$$73,5 + 5000 = 73,505$$

Problemas

1. O perímetro de uma porta é 660cm e a base é o dobro da altura. Calcular a base e a altura.
2. Um triângulo isósceles tem por perímetro 11dm e a medida dos lados iguais é 4dm. Calcular a medida da base.
3. Qual a área de um terreno retangular que tem  $7\frac{1}{4}$ , 5m por 67, 5m?
4. Qual a capacidade em litros, de uma caixa d'água que tem forma de paralelepípedo e cujas arestas medem 6, 5dm; 4, 3dm e 10, 08dm?
5. Optativo:  
Num triângulo a base mede 0, 54m e a altura é  $\frac{2}{3}$  da base. Calcular a área.

DS 605

92  
10

800  
100

100

