## UNIVERSIDADE FEDERAL DE SANTA CATARINA DEPARTAMENTO DE ENGENHARIA ELÉTRICA

Lucas Moraes Coutinho

# LEVANTAMENTO DOS PARÂMETROS DE PROJETO DE UM MOTOR DE CORRENTE CONTÍNUA SEM ESCOVAS COM ÍMÃS PERMANENTES SUPERFICIAIS E ROTOR EXTERNO

Florianópolis

2019

Lucas Moraes Coutinho

## LEVANTAMENTO DOS PARÂMETROS DE PROJETO DE UM MOTOR DE CORRENTE CONTÍNUA SEM ESCOVAS COM ÍMÃS PERMANENTES SUPERFICIAIS E ROTOR EXTERNO

Trabalho de Conclusão de Curso submetido ao Programa de Graduação em Engenharia Elétrica para a obtenção do Grau de Engenheiro Eletricista. Orientador: Prof. Mauricio Valencia Ferreira da Luz, Dr.

Florianópolis

2019

Ficha de identificação da obra elaborada pelo autor, através do Programa de Geração Automática da Biblioteca Universitária da UFSC.

> Coutinho, Lucas Moraes Levantamento dos Parâmetros de Projeto de um Motor de Corrente Contínua sem Escovas com Ímãs Permanentes Superficiais e Rotor Externo / Lucas Moraes Coutinho ; orientador, Mauricio Valencia Ferreira da Luz, 2019. 96 p.

Trabalho de Conclusão de Curso (graduação) -Universidade Federal de Santa Catarina, Centro Tecnológico, Graduação em Engenharia Elétrica, Florianópolis, 2019.

Inclui referências.

1. Engenharia Elétrica. 2. motor de corrente contínua sem escovas. 3. rotor externo. 4. ímãs permanentes. 5. modelo analítico. I. Luz, Mauricio Valencia Ferreira da. II. Universidade Federal de Santa Catarina. Graduação em Engenharia Elétrica. III. Título.

Lucas Moraes Coutinho

## LEVANTAMENTO DOS PARÂMETROS DE PROJETO DE UM MOTOR DE CORRENTE CONTÍNUA SEM ESCOVAS COM ÍMÃS PERMANENTES SUPERFICIAIS E ROTOR EXTERNO

Este Trabalho foi julgado adequado como parte dos requisitos para obtenção do Título de Bacharel em Engenharia Elétrica e aprovado, em sua forma final, pela Banca Examinadora

Florianópolis, 15 de fevereiro de 2019.

Prof. Jean Vianei Leite, Dr. Coordenador do Curso de Graduação em Engenharia Elétrica

**Banca Examinadora:** 

Januar V. J. de Lu

Prof. Mauricio Valencia Ferreira da Luz, Dr. Orientador Universidade Federal de Santa Catarina

Prof. Jean Vianei Leite, Dr. Universidade Federal de Santa Catarina

Eng. Antonio Itamar Ramos Filho, M.Sc. Universidade Federal de Santa Catarina

Dedico a conclusão deste trabalho aquela a quem os conselhos jamais faltaram em me motivar, minha companheira Ruany Dolla.

## AGRADECIMENTOS

À UFSC por proporcionar um ensino de qualidade com profissionais competentes que fomentam a inovação e pesquisa.

À minha família pelo constante incentivo. Em particular aos meus pais que me deram suporte ao longo de toda a jornada.

Ao meu orientador Prof. Mauricio Valencia Ferreira da Luz pelo apoio, incentivo, interesse e atenção durante o desenvolvimento deste trabalho.

A banca: Prof. Jean Vianei Leite e Eng. Antonio Itamar Ramos Filho pela solicitude, atenção aos detalhes do trabalho e sugestões que contribuíram com esta obra.

A todas as pessoas que de uma forma ou de outra colaboraram para que este trabalho fosse possível. Muito obrigado!

#### RESUMO

O presente trabalho aborda o projeto de um motor de ímãs permanentes superficiais com rotor externo sem escovas. Motores elétricos com ímãs permanentes possuem maior eficiência dentre as várias configurações de motores elétricos produzidos atualmente, mesmo quando aplicados a tração veicular. A alimentação do motor proposto se dá com chaveamento retangular de tensão, portanto a bobinagem adotada é concentrada. A rotina de cálculo utilizada é disponibilizada ao final do trabalho e seus resultados são comparados com resultados obtidos de simulações usando o método de elementos finitos. Houve boa concordância entre os resultados analíticos e numéricos. O estudo pode ser aplicado em veículos de pequeno porte como motocicletas ou karts, pois ele apresenta uma metodologia e uma rotina de cálculo para estimar os parâmetros elétricos fundamentais para o controle do motor.

**Palavras-chave:** 1. motor de corrente contínua sem escovas. 2. rotor externo. 3. ímãs permanentes. 4. modelo analítico.

### ABSTRACT

The present work deals with the design of an external rotor permanent magnet brushless DC motor. Electric motors with permanent magnets have greater efficiency among the various configurations of electric motors produced today, even when applied to vehicular traction. The work presents the physical considerations related to the design of an motor with external rotor and surface permanent magnets, fed in direct current with electronic switching. The calculation routine used is available at the end of the work and its results are compared with results obtained from simulations using the finite element method. There was good agreement between the analytical and numerical results. The study can be applied in small vehicles such as motorcycles or karts, since it presents a methodology and a calculation routine to estimate the fundamental electrical parameters to control the motor.

**Keywords:** 1. brushless DC motor. 2. external rotor. 3. permanent magnets. 4. analytical model.

# LISTA DE FIGURAS

Figura 1 R	otor em copo para um motor ORPMBLDC	20
Figura 2 Es	squema de um motor de ímãs permanentes com comu-	
tador		24
Figura 3 Co	orte do motor simplificado da Figura 2, (HENDERSHOT;	
MILLER, 199	4)	24
Figura 4 Fl	luxo $[Wb/m^2]$ pela posição angular $(0 - 360^\circ)$ . Forma	
de onda para	a o fluxo concatenado do motor da Figura 2	25
Figura 5 Te	ensão induzida pela posição angular $(0 - 360^{\circ})$ , para o	
fluxo da Figu	ura 4 com correção para o caso de não haver separação	
entre os polo	os magnéticos do estator da Figura 3	25
Figura 6 O	Ondas características do MSIP para velocidade cons-	
tante		26
Figura 7 E	squema simplificado de motor com três bobinas espa-	
çadas de 120	<sup>o</sup> mecânicos e com comutador de escovas	27
Figura 8 Ci	ircuito inversor para controle do motor trifásico de ímãs	
permanentes	sem escovas com tensão trapezoidal	28
Figura 9 Bl	loco de material magnético, prolongado na direção Z	33
Figura 10 Es	squema de construção de um eletroímã	35
Figura 11 R	elação de direção e sentido do campo $\vec{H}$ e da corrente	
I para um co	ondutor qualquer	35
Figura 12 M	fodelos de permissividade do GAP que varia com a	
forma como	o campo se comporta	36
Figura 13 Il	ustração do posicionamento das ranhuras aonde são	
montadas as	bobinas com caminho de fluxo idealizado	38
Figura 14 C	urva de magnetização característica de materiais ferro-	
magnéticos		41
Figura 15 C	urvas características de perdas no núcleo	42
Figura 16 La	aço $B - H$ para um ímã permanente	44
Figura 17 O	peração de um ímã segundo sua coercividade e rema-	
nência		45
Figura 18 Va	ariação dinâmica do ponto de operação do ímã de acordo	
com laços de	e histerese durante o funcionamento do motor	46
Figura 19 C	ircuito magnético de um ímã retangular	47
Figura 20 In	nã em curva com magnetização radial	48

Figura 21 Parâmetros máximos para o motor a partir das dimen-	
sões de uma roda de motocicleta	51
Figura 22 Curva de redução da massa em função do número de	
polos para o MSIP de rotor externo	53
Figura 23 Dimensões do dente escolhido para o estator	57
Figura 24 Área da ranhura escolhida	59
Figura 25 Esquemático do motor de passo pleno	62
Figura 26 Fluxo uniforme e sobreposição de espiras	63
Figura 27 Fluxo disperso na ranhura (HANSELMAN, 2003)	65
Figura 28 Disposição da cabeça de bobina no motor	66
Figura 29 Dados da geometria do motor baseado no trabalho	68
Figura 30 Bobinagem utilizada para o motor simulado	70
Figura 31 Indução magnética e distribuição das linhas de fluxo	
magnético para o motor	74
Figura 32 Indução magnética máxima pelo método dos elementos	
finitos	75
Figura 33 Torque obtido pela simulação usando o MEF	75
Figura 34 Indução magnética radial no entreferro pela posição an-	
gular mecânica correspondente a $180^{\circ}$ elétricos	76
Figura 35 Torque a vazio - $cogging\ torque,$ obtido pelo MEF para	
o dimensionamento na seção 5.4	77
Figura 36 $$ Forças eletromotrizes induzidas nas bobinas obtidas com	
o MEF para o motor proposto na seção 5.4	77
Figura 37 Sobreposição dos resultados analítico e numérico da in-	
dução magnética	78
Figura 38 Indutância própria e indutância mútua, ambas por fase,	
obtidas com o MEF	78

# LISTA DE TABELAS

Tabela 1	Comparação de eficiência entre motor de indução e ímã.	29
Tabela 2	Procedimentos de projeto de MSIP sugerido por (PAULA,	
2011)	·····	49
Tabela 3	Informações de entrada dos cálculos para o motor pro-	
posto		69

# LISTA DE ABREVIATURAS E SIGLAS

MSIP tor extern	Motor síncrono com ímãs permanentes sem escovas e ro- no, de alimetação trapezoidal
е е	Tensão eletromotriz induzida [V]
B.	Fluvo dos ímãs [T]
$\frac{D_1}{\psi}$	Fluxo concatenado [Wb · esp]
$\stackrel{\varphi}{N}$	Número de espiras
σ.	Passo de bobina [rad]
$\sigma_b$	Passo polar [rad]
0 M	Velocidade angular mecânica [rad/s]
$\frac{\omega_m}{\tau}$	Torque eletromecânico [N m]
i i	Corrente de fase [A]
v V	Tensão de linha [V]
MEF	Método dos elementos finitos
R	Densidade de fluxo magnético [T]
H	Intensidade de campo magnético [A/m]
	Permeabilidade magnética [H/m]
$\phi$	Fluxo magnético [Wb]
$\varphi$ FMM	Force magnetomotriz $[A \cdot esp]$
Р	Permeância magnética[Wb/A·esp]
R	Relutância magnética [A·esp/Wb]
σ	Condutância $[1/\Omega]$
$R_{a}$	Relutância do entreferro [A·esp/Wb]
a	Entreferro [m]
<i>э</i> Цо	Permeabilidade do espaco livre [H/m]
Hr.	Permeabilidade relativa do material [H/m]
ka	Fator de Carter
a <sub>c</sub>	Entreferro corrigido [m]
	Entreferro efetivo [m]
SMC	Composto magnético macio
Pa	Coeficiente de permeância
$B_m$	Inducão magnética para o ponto de operação do ímã [T]
LM	Espessura do ímã [m]

р	Número de polos
m	Número de fase
$N_{ss}$	Número de ranhuras por seção
MDC	Maior divisor comum
$B_{BF_{MAX}}$	Número máximo de bobinas por fase
$L_{STK}$	Comprimento do pacote de chapas do ferro do motor [m]
$A_M$	Área da superfície de um polo [m <sup>2</sup> ]
$B_M$	Indução magnética na superfície de um polo [T]
$\phi_p$	Fluxo por polo [Wb]
$D_{ee}$	Diâmetro externo do estator [m]
$D_{il}$	Diâmetro interno livre [m]
$E_{cr}$	Espessura da carcaça do rotor [m]
$D_{ir}$	Diâmetro interno do rotor [m]
a	Número de caminhos paralelos
$\phi_g$	Fluxo que atravessa o entreferro [Wb]
$\phi_p$	Fluxo por polo [Wb]
$f_{LKG}$	Fator de dispersão do fluxo
$N_{eb}$	Número de espiras por bobina
$N_{BF}$	Número de bobinas por fase
$w_T$	Largura da base do dente [m]
$B_T$	Indutância magnética no dente do estator [T]
$\sigma_s$	Ângulo da sapata do dente [rad]
$w_s$	Largura da sapata do dente [m]
$w_o$	Distância entre sapatas [m]
$w_T$	Largura da base do dente [m]
$h_T$	Altura da ranhura [m]
$h_s$	Altura da sapata do dente [m]
q	Número de ranhuras por polo e por fase $[\rm ran/polo \cdot fase]$
$ au_{eixo}$	Torque no eixo $[N \cdot m]$
v	Velocidade do motor em rotações por minuto $[rot/min]$

# SUMÁRIO

1 INTRODUÇĂO	19
1.1 PROBLEMA DA PESQUISA	20
1.2 OBJETIVOS	20
1.2.1 Objetivos gerais	21
1.2.2 Objetivos específicos:	21
1.3 REVISÃO BIBLIOGRÁFICA	21
2 CARACTERÍSTICAS DO MSIP	23
2.1 FUNCIONAMENTO DO MSIP	23
2.1.1 Processo de comutação	23
2.1.2 Fluxo e força eletromotriz induzida	25
2.2 MOTORES ELÉTRICOS DE ÍMÃS PARA TRAÇÃO	29
3 CIRCUITO MAGNÉTICO	31
3.1 MODELAGEM MAGNÉTICA	31
3.2 MÉTODO ANALÍTICO	31
3.2.1 Conceitos de circuitos magnéticos	31
3.2.2 Fluxo magnético	32
3.2.3 Força magnetomotriz	32
3.2.4 Analogia com circuitos elétricos	33
3.2.5 Fontes de campo magnético	34
3.2.6 Modelo do entreferro - g	36
3.2.7 Modelo da ranhura	37
3.2.8 Fator de Carter	38
3.2.8.1 Fator de Carter para ímãs superficiais	39
3.3 MATERIAIS MAGNÉTICOS	40
3.3.1 Permeabilidade	40
3.3.2 Materiais ferromagnéticos	40
3.3.3 Perdas no núcleo	40
3.3.3.1 Ímãs permanentes	42
3.3.4 Modelo de ímã permanente	45
4 CÁLCULO ANALÍTICO	49
4.1 CARACTERISTICAS DESEJADAS	49
4.2 APLICAÇÃO	50
4.3 ESCOLHA DO ÍMA	51
4.3.1 Coeficiente de permeância	52
4.4 ENTREFERRO	52
4.5 NUMERO DE POLOS E RANHURAS	52
4.6 DISTRIBUIÇÃO DE BOBINAS NO ESTATOR	53

4.6.1 Distribuição das bobinas	54
4.7 FLUXO POR POLO	55
4.8 NÚMERO DE ESPIRAS POR BOBINA	56
4.9 DENTE DO ESTATOR	56
4.9.1 Sapata do dente	57
4.10 ÁREA DE RANHURA E DIÂMETRO DOS CONDUTORES	58
4.10.1 Ranhura	58
4.10.2 Condutores	59
4.11 RESISTÊNCIA ÔHMICA PARA AS FASES	59
4.12 CORRENTE E TORQUE PELA VELOCIDADE [TO DO] .	60
4.13 PERDAS RESISTIVAS	60
4.14 FLUXO CONCATENADO E INDUTÂNCIA E TORQUE	
A VAZIO	60
4.14.1 Fluxo magnético	61
4.14.2 Cálculo da indutância	61
4.14.2.1 Fator de Carter para o motor com rotor de ímãs superficiais	62
4.14.2.2 Indução magnética no entreferro	63
4.14.3 Indutância total por fase	64
4.14.3.1 Indutância própria por fase	64
4.14.3.2 Indutância de ranhura	64
4.14.3.3 Indutância de cabeça de bobina	65
5 RESULTADOS	67
5.1 CONSIDERAÇÕES PARA A SIMULAÇÃO	67
5.2 MOTOR PROPOSTO	67
5.3 BOBINAGEM	67
5.4 CALCULOS E SIMULAÇÃO USANDO O MEF	68
5.5 TORQUE	68
5.6 DIMENSÕES	69
5.7 TORQUE	70
5.7.1 Fluxo magnético e indução magnética no entreferro	71
5.7.2 Torque a vazio ou <i>cogging torque</i>	71
5.8 FEM INDUZIDA NAS BOBINAS	72
5.9 INDUÇÃO MAGNÉTICA	72
5.10 COGGING TORQUE	72
5.11 INDUTÂNCIA	73
6 CONSIDERAÇÕES FINAIS	79
6.1 TRABALHOS FUTUROS	79
REFERÊNCIAS	81
APÊNDICE A – Rotina de Cálculo em MathCad	85

## 1 INTRODUÇĂO

Motores elétricos consomem uma parcela significativa da energia elétrica produzida. Segundo o anuário estatístico de energia elétrica de 2018, publicado pela Empresa de Pesquisa Energética - EPE, no Brasil, a classe industrial é o setor de maior consumo de energia elétrica com 36% do consumo total, que representaram mais de 167 GWh em 2018.

Dentro do setor industrial sistemas compreendendo: acionamento eletro-eletrônico, motor elétrico, acoplamento entre motor e carga, acionamento de cargas como bombas, compressores, ventiladores, exaustores e correias transportadoras são responsáveis pela maior parte do consumo.

Esse contexto ressalta a importância de pesquisa e desenvolvimento de soluções em eficiência energética principalmente no Brasil, onde o potencial de crescimento econômico é grande e a tendência atual é que a demanda energética acompanhe esse crescimento.

Partindo da importância da eficiência de motores elétricos para a matriz energética, em particular dos motores industriais - sendo o mais popular o de indução com gaiola de esquilo, e somando à presente revolução nos sistemas de transporte (trens, caminhões e principalmente carros elétricos) cujo desempenho está fundamentalmente atrelado a qualidade da conversão de energia elétrica em mecânica é grande a importância do crescimento nesse pilar da Engenharia Elétrica.

Embora os fundamentos de máquinas elétricas estejam bem consolidados na literatura graças a quase 150 anos de pesquisa e uso de motores de indução, motores com ímãs permanentes são mais recentes e até recentemente a eficácia dos sensores e conversores como solução para o acionamento do motor representavam um problema significativo, o que tem mudado com os recentes avanços em eletrônica com conversores de energia e baterias.

Dada a complexidade de se projetar e aprimorar os processos de conversão de energia o motor favorito para atuar nos sistemas de transporte modernos têm sido o motor de indução com gaiola de esquilo, possivelmente por ser a configuração mais explorada nos últimos anos e consequentemente a mais robusta, no entanto, para seu funcionamento numa alta faixa de velocidades e eficiência, explorando por exemplo o enfraquecimento de campo do motor, o uso de conversores é necessário e ainda custoso. Em contrapartida o motor de ímãs permanentes possui um acionamento mais simples e portanto mais barato, sendo uma alternativa competitiva (HASANUZZAMAN et al., 2011).

#### 1.1 PROBLEMA DA PESQUISA

Com foco no estudo de máquinas de ímãs permanentes, que se mostram bastante promissoras em várias pesquisas recentes (AL-MEIDA; FERREIRA; BAOMING, 2013)(SCHMITZ, 2017), o presente trabalho aborda os parâmetros construtivos do motor síncrono de ímãs permanentes sem escovas com tensão trapezoidal (MSIP) e rotor externo, em algumas bibliografias conhecido como ORPMBLDC - Outer Runner Permanent Magnet Brushless Direct Current. Aqui, dentre as várias topologias possíveis será abordado o problema com os ímãs instalados na superfície interna do rotor, este em formato de copo semelhante ao mostrado na Fig. 1, disponível em: https://www.instructables.com

Figura 1 – Rotor em copo para um motor ORPMBLDC.



Fonte: (MEDIA, 2018)

De certa forma essa configuração no uso de veículos de tração permite reduzir o *cogging torque* característico do motor, por causa do alto momento de inércia característico do rotor externo.

### 1.2 OBJETIVOS

Este trabalho propõe o estudo de um motor de ímãs permanentes de corrente contínua sem escovas (PMSM) de pequeno porte, de enrolamentos concentrados e rotor externo.

#### 1.2.1 Objetivos gerais

- 1. Abordar os aspectos relativos ao projeto de um motor elétrico, partindo das equações do eletromagnetismo para realizar o dimensionamento da máquina.
- 2. Abordar a relevância de aspectos elétricos como: enrolamentos concentrados e distribuídos, combinação entre número de ranhuras e polos, esquema de bobinagem, indutâncias, comportamento do fluxo, força eletromotriz induzida e torque.

#### 1.2.2 Objetivos específicos:

- 1. Desenvolver uma metodologia de projeto para motor BLDC com rotor externo;
- Validar os cálculos com a simulação pelo método de elementos finitos.

## 1.3 REVISÃO BIBLIOGRÁFICA

O presente trabalho foi desenvolvido com pesquisa bibliográfica de artigos científicos e consulta a livros conceituados na área de projeto de motores elétricos de corrente contínua.

Sendo a alimentação da máquinas crucial para a sua eficiência em consequência da qualidade de energia afetar o desempenho e vida útil do motor, os avanços tecnológicos na área da Eletrônica de Potência (BARBI; MARTINS, 2000) estão diretamente relacionados com a viabilidade comercial dos motores PMSM.

O investimento na área de motores síncronos se deve em parte a constatação da melhora da eficiência energética ao se controlar ativamente os parâmetros elétricos do motor através de inversores. Um exemplo marcante é o uso de inversores em motores de indução gaiola de esquilo com carga parabólica (JULIANI, 2007; TEIXEIRA, 2006) (como por exemplo na ventilação de silos) para melhora da eficiência.

Desse modo, as dificuldades envolvidas com o uso de conversores de energia para o acionamento de motores de ímã permanente vem caindo, enquanto estudos em eficiência energética ganham força (ALMEIDA; FERREIRA; BAOMING, 2013).

Parte da marcha de cálculo desenvolvida neste trabalho foi base-

ada no apêndice de SCHMITZ (2017, página 122), cujo trabalho aponta a possibilidade de se utilizar o procedimento de cálculo desenvolvido para o motor de corrente contínua e ímãs permanentes de tensão trapezoidal para o motor com rotor externo fazendo algumas alterações dimensionais.

O trabalho de XUAN (2012), também aborda parâmetros iniciais desejáveis para o projeto de motores de ímãs permanentes e rotor externo mas sem uma qualidade lógica de raciocínio desejável para a reprodutibilidade do trabalho.

## 2 CARACTERÍSTICAS DO MSIP

O MSIP possui as seguintes características (SCHMITZ, 2017):

- Não funciona diretamente ligado à rede.
- Seu controle necessita da informação sobre a posição do rotor para alimentar as fases do estator
- O fluxo do rotor é constante e gerado pelos ímãs permanentes
- Requer pouca manutenção dada a ausência de comutador mecânico e utilizar um rolamento apenas
- As fases são chaveadas sequencialmente
- As formas de onda da FEM e das correntes do estator devem ser idealmente trapezoidais (ou seja, o fluxo ideal é triangular).

O motor de ímãs permanentes de tensão senoidal possui as mesmas dimensões de projeto com diferenças na bobinagem e conversor (alimentação) que é mais elaborado que o MSIP trapezoidal.

### 2.1 FUNCIONAMENTO DO MSIP

Uma das mais populares fontes de cálculo analítico a respeito do MSIP é a obra de HENDERSHOT, MILER (1994) na qual é proposto que o estudo do motor seja iniciado pelo funcionamento de uma máquina CC com escovas, dados que as equações são similares para ambas as máquinas, ainda que alguns aspectos, como o torque, sejam bastante distintos.

#### 2.1.1 Processo de comutação

Como o processo de comutação do MSIP é semelhante ao do motor com escovas de ímãs permanentes o esquema do motor com escovas da Figura 2 será usado para o desenvolvimento das principais equações da máquina.

Como ilustrado na Figura 2 o rotor bobinado gira sob efeito de um campo magnético produzido por ímãs permanentes que formam dois polos como na Figura 3, norte e sul. Figura 2 – Esquema de um motor de ímãs permanentes com comutador.



Fonte: (HENDERSHOT; MILLER, 1994)

Figura 3 – Corte do motor simplificado da Figura 2, (HENDERSHOT; MILLER, 1994).



Fonte: (HENDERSHOT; MILLER, 1994)

O rotor esquematizado nas Figuras 2 e 3 no qual apenas uma espira é mostrada faz um ângulo  $\theta$  com o eixo de referência horizontal. É importante conhecer a onda da tensão eletromotriz induzida na espira e conforme a espira corta o campo magnético dos polos. Para tanto é necessário encontrar a forma do fluxo concatenado  $\psi$ , semelhante ao descrito na Figura 4. O fluxo concatenado é o produto da indução magnética dos polos  $B_i$  atravessando a espira do rotor pelo número de espiras  $\psi = B_i \cdot N_e$ .

Para  $\theta = 0$  na Figura 3 não há passagem do fluxo pela espira e assim  $\psi = 0$ , o que também ocorre para  $\theta = 180^{\circ}$ . De maneira análoga  $\psi$  é máximo para  $\theta = 90^{\circ}$ . Na Figura 4 o fluxo máximo se mantém algum tempo com máxima amplitude por causa da separação entre os polos do ímã no exemplo ilustrado, ou seja, o passo de bobina  $\sigma_b$  é menor que o passo polar  $\sigma_M$ , como será discutido em maior detalhe na porção de dimensionamento deste trabalho.

### 2.1.2 Fluxo e força eletromotriz induzida

$$e = \frac{\partial \psi}{\partial t} = \frac{\partial \phi}{\partial \theta} \cdot \frac{\partial \theta}{\partial t} = \omega_m \frac{\partial \phi}{\partial \theta}$$
(2.1)

Pela lei de Faraday aplicada ao fluxo concatenado, conforme equação (2.1), a tensão induzida na espira é proporcional a taxa de variação do fluxo concatenado  $\psi$  que depende da velocidade angular  $\omega_m = vel/raio$ .

Figura 4 – Fluxo  $[Wb/m^2]$  pela posição angular  $(0 - 360^\circ)$ . Forma de onda para o fluxo concatenado do motor da Figura 2.



Como discutido na seção 2, pela equação (2.1) a tensão induzida em resposta a variação do fluxo, para um motor de polos não salientes, fica com o formato trapezoidal ilustrado na Figura 5. Notar que para as Figuras 4 e 5 o eixo das abscissas corresponde a uma revolução, ou seja,  $2\pi$  ou 360°, sendo uma divisão equivalente a 360°/12 = 30°.

Figura 5 – Tensão induzida pela posição angular  $(0-360^\circ)$ , para o fluxo da Figura 4 com correção para o caso de não haver separação entre os polos magnéticos do estator da Figura 3



Fonte: (HENDERSHOT; MILLER, 1994)

De maneira análoga é possível estimar o comportamento do tor-

que eletromecânico  $\tau$  e corrente da fase i para o motor da Figura 2 conforme a Figura 6.



Figura 6 – Ondas características do MSIP para velocidade constante.

Fonte: (HENDERSHOT; MILLER, 1994)

No motor da Figura 2 (com escovas) o comutador faz com que a corrente injetada na bobina seja de mesma polaridade da tensão induzida, Figura 6, de modo que a potência suprida é dada pelo produto da força eletromotriz induzida na bobina vezes a corrente na bobina  $(e \cdot i)$ .

O torque desenvolvido pelo motor é aproximadamente constante, como na Figura 6, uma vez que o comutador é o responsável por combinar as polaridades da corrente suprida e tensão induzida, papel esse exercido pelo conversor no caso do motor sem escovas.

Desprezando as perdas envolvidas na conversão da energia elétrica para mecânica é possível igualar a potência absorvida com a potência mecânica desenvolvida segundo a equação (2.2).

$$e \cdot i = \tau \cdot w_m \tag{2.2}$$

No entanto o torque  $\tau$  do motor com uma bobina não é constante, havendo torque nulo quando o fluxo é constante (i = 0), devido a relação entre o  $\sigma_b$  e o  $\sigma_M$  mencionada na seção 2.1.1. A configuração de três bobinas é a mais popular para motores BLDC por permitir ligação em estrela Y ou triângulo  $\Delta$  das bobinas, e possui torque bastante constante. Na Figura 7 é ilustrado um espaçamento de 120° mecânicos entre as três fases do motor, embora cada fase possa ter mais de uma bobina disposta de formas variadas no estator, o que é apresentado na seção de cálculos analíticos.

Figura 7 – Esquema simplificado de motor com três bobinas espaçadas de  $120^o$ mecânicos e com comutador de escovas.



Fonte: (HENDERSHOT; MILLER, 1994)

O motor CC com três segmentos de comutação é quase idêntico ao motor trifásico CC sem escovas alimentado em ondas quadradas (HENDERSHOT; MILLER, 1994), sendo o comutador equivalente ao circuito inversor usando transistores da Figura 8, para alimentação em tensão.

Figura 8 – Circuito inversor para controle do motor trifásico de ímãs permanentes sem escovas com tensão trapezoidal.



Fonte: (HENDERSHOT; MILLER, 1994)

Ambos o MSIP (sem escovas) e o motor esquematizado na Figura 7 operam com correntes quadradas defasadas  $120^{\circ}$  entre si (com chaveamento a cada  $60^{\circ}$  elétricos), como ilustrado na ilustração de ondas ideais, Figura 6.

Durante a operação, para o motor ligado em estrela ao conversor como na Figura 8, pelo menos duas bobinas são alimentadas a qualquer instante, o que possibilita obter torque e corrente de alimentação próximos aos mostrados na Figura 6.

$$V_s \cdot I = \tau_3 \cdot w_m \tag{2.3}$$

Para o MSIP "trifásico" a equação da tensão induzida para o motor (2.2) pode ser reescrita como (2.3), com  $V_s$  sendo a tensão induzida nas duas bobinas (tensão de linha), e sendo o rotor de polos não salientes com distribuição uniforme do campo magnético no entreferro.

## 2.2 MOTORES ELÉTRICOS DE ÍMÃS PARA TRAÇÃO

Estudos abordando a maior eficiência de capacidade de torque por volume de motores de ímãs permanentes com rotor externo vem sendo consolidados ao longo dos últimos anos (SANTIAGO et al., 2012) sendo lançado em 2017, pela fabricante de veículos elétricos Tesla, um modelo economicamente competitivo de carro elétrico com motor de ímã permanente de relutância chaveado, o Model 3, o que marca a entrada de motores MSIP num mercado de larga escala.

		One year/ One train set	Eight years/ One train set	Eight years / 24 train sets	24 years / 24 train sets
Induction Motor	Electric power consumption (MWh)	953	7,623	182,958	548,874
	Electricity expense(M\$)*4	0.12	0.92	22.6	67.9
PMSM	Electric power consumption (MWh)	581	4,650	111,604	334,813
	Electricity expense(M\$)	0.07	0.57	13.8	41.4
Effect	Electric power consumption(MWh)	372	2,973	71,354	214,061
	Electricity expense(M\$)	0.05	0.35	8.8	26.5
	Quantity of reduced CO <sub>2</sub> (t-CO <sub>2</sub> )*6	158.0	1,263.5	30,325.3	90,975.9

Tabela 1 – Comparação de eficiência entre motor de indução e ímã.

Fonte: (RAILWAY, 2018)

Ao mesmo tempo empresa Toshiba Railway é uma pioneira no uso de motores de ímãs para o transporte. A Toshiba Railway trabalha desde 1990 com soluções em motores elétricos de ímãs para tração, particularmente voltados para tração de trens e justifica sua escolha com o gráfico da Tabela 1 onde compara motores de indução e ímã.

Até mesmo motocicletas com motores elétricos têm sido produzidas sendo as de menor potência mais populares nesse setor. E nesse ramo de pesquisa (DORRELL, 2012) defende que configuração de motor com ímãs permanentes é a de maior eficiência e torque elevado, sendo portanto a escolha deste trabalho.
## **3 CIRCUITO MAGNÉTICO**

## 3.1 MODELAGEM MAGNÉTICA

A energia magnética é altamente dependente da distribuição espacial do campo e tem fundamental relevância no valor de torque produzido. Para geometrias simples é possível fazer uma analogia de elementos magnéticos com circuitos elétricos, chamada análise do circuito magnético, que facilita o processo de estimativa dos parâmetros magnéticos do motor. Nessa abordagem é estimada a direção dos campos conhecidos e feita uma analogia com elementos de circuitos elétrios para a solução.

Outra forma de abordar o problema é o método dos elementos finitos (MEF), que consiste em discretizar geometricamente o dispositivo e calcular o campo magnético para cada ponto, sendo a resposta a relação das soluções pontuais obtidas. O MEF é mais exato mas requer grande esforço computacional, assim é usado para estimar o comportamento eletromagnético, mecânico e térmico de motores otimizados antes da construção e teste de protótipos que é mais cara.

O MEF possui grande poder de caracterização do fenômeno magnético mas requer muitos cálculos para caracterizar cada parte do processo de funcionamento de um dispositivo de geometria complexa, sendo sua aplicação geralmente restrita a verificação do projeto analítico, e raramente usado nas etapas iniciais do projeto.

Na etapa de concepção da máquina a abordagem analítica é mais simples e rápida para o projeto inicial (e.g. analogia com circuitos elétricos) sendo amplamente utilizada como ferramenta de design, particularmente por projetistas experientes (STILL; SISKIND, 1954).

A compreensão do fenômeno físico envolvendo os parâmetros elétricos do motor é base para equações mais complexas e simplificações elaboradas ao longo deste trabalho, introduzidos na seção 3.2.1.

# 3.2 MÉTODO ANALÍTICO

#### 3.2.1 Conceitos de circuitos magnéticos

O campo magnético é descrito pelos vetores de densidade de fluxo  $\vec{B}[T]$  e intensidade de campo  $\vec{H}[A/m]$ , relacionados constitutivamente pela equação (3.1).

$$\vec{B} = \mu \cdot \vec{H} \tag{3.1}$$

Se  $\mu$  indica a propriedade de permeabilidade magnética do material, então  $\vec{B}$ indica como o campo atravessa dado material enquanto  $\vec{H}$  caracteriza a mudança de intensidade do campo magnético cujo fluxo  $\phi$  atravessa diferentes materiais.

Em se tratando de materiais magnéticos de uso comum em motores elétricos,  $\vec{B}$  e  $\vec{H}$  são colineares, ou seja, orientados na mesma direção num mesmo material.

Além disso a relação entre  $\vec{B} \in \vec{H}$  não é linear para a maioria dos casos, ainda que possa ser aproximada como linear se considerada uma faixa de operação adequada, sendo então válida a equação (3.1).

#### 3.2.2 Fluxo magnético

Para a análise de circuitos magnéticos podemos supor o material da Figura 9 com toda a superfície diferenciável, assim, a soma das densidades de fluxo passando através de cada elemento diferencial dá um fluxo total denominado  $\phi$  cuja soma é aproximada pela integral da equação (3.2).

$$\phi = \int B_z(x, y) dx dy \tag{3.2}$$

Para a Figura 9 a indução magnética na direção z,  $\vec{B_z}$ , deve ser constante sobre a superfície  $\vec{A_s}$  então o fluxo  $\phi$  deverá ser também constante, portanto vale a relação na equação (3.3).

$$\phi = B_z \cdot A_s \cos(\theta) \tag{3.3}$$

## 3.2.3 Força magnetomotriz

Considerando um prolongamento do bloco na direção z como mostra a Figura 9, o fluxo  $\phi$  passará por toda a extensão do bloco produzindo uma alteração na intensidade do campo magnético  $\vec{H}$  proporcional a cada camada de espessura infinitesimal, conforme expressão da equação (3.4) onde  $\vec{FMM}$  representa a *força magnetomotriz* e  $\vec{l}$  é o vetor posição ao longo do comprimento do bloco na direção z do plano



Figura 9 – Bloco de material magnético, prolongado na direção Z.

cartesiano indicado.

$$FMM = \int \vec{H}dz = \vec{H} \times \vec{l} \tag{3.4}$$

A associação das equações (3.1), (3.3) e (3.4) permite relacionar a permeância do material com a *força magnetomotriz*, conforme equação (3.5).

$$\phi = P \cdot |\vec{F}| \tag{3.5}$$

A permeância P na equação (3.5) é definida como a relação entre a permeabilidade  $\mu$ , a área perpendicular à passagem do campo  $A_s$  e o comprimento l transversal ao campo, como na equação (3.6), é o inverso da relutância R.

$$P = \frac{\mu \cdot A}{l} = \frac{1}{R} \tag{3.6}$$

Materiais com alta permeabilidade  $\mu$  possuem também alta permeância P, sendo bons caminhos para o fluxo magnético.

#### 3.2.4 Analogia com circuitos elétricos

O fluxo se manifesta em laços fechados, de forma análoga a corrente elétrica. Seguindo essa lógica a força magnetomotriz FMM pode ser comparada a força eletromotriz FEM e a propriedade de condutância de um condutor num circuito elétrico  $\sigma$  é análoga a permeância P de um material atravessado por um fluxo magnético.

No entanto, a passagem de corrente por um circuito produz dissipação de energia, enquanto a passagem de fluxo por um elemento de relutância armazena energia. Há no entanto perda magnética no material ferromagnético que excitado percorre seu laço de histerese sob influência da variação de um campo magnético  $\vec{H}$ .

Os conceitos de circuitos magnéticos descritos são exemplificados na seção 4.14.2 para modelagem do fluxo entre rotor e estator e cálculo dos parâmetros magnéticos da máquina.

#### 3.2.5 Fontes de campo magnético

As fontes mais comuns de campo magnético são o ímã e o eletroímã da Figura 10 - corrente passando por uma bobina, no qual o campo magnético é produzido pela passagem de corrente pelo condutor conforme a lei de Ampére expressa na equação (3.7).

Para a equação (3.7) *abcd* denota um caminho fechado e I é a corrente total inserida delimitada pelo contorno.

$$\oint_C \vec{H} \cdot \vec{dl} = \begin{cases} I, \text{ se abcd engloba I} \\ 0, \text{ se de outra forma} \end{cases}$$
(3.7)

A parte esquerda da igualdade na equação 3.7 relaciona, por um produto vetorial escalar, o vetor da intensidade de campo  $\vec{H}$  e o vetor  $\vec{l}$ , que descreve o caminho fechado *abcd*, sendo o sentido da corrente elétrica conforme a regra da mão direita ilustrada na Figura 11.

A aplicação da equação (3.7) no eletroímã da Figura 10 de n espiras, segundo o contorno tracejado *abcd*, possibilita estimar a corrente passando pelo condutor segundo a relação (3.8), na qual as componentes do campo  $\vec{H_{\alpha\beta}}$  coincidem com as direções  $\alpha \in \beta$  do contorno *abcd*.

Assumindo permeabilidade infinita no núcleo - que é uma boa aproximação considerando a distância percorrida pelo campo no meio ar, o campo magnético fica confinado no núcleo e possui apenas direção z, sendo assim a equação (3.8) pode ser simplificada como em (3.9), onde n é o número de espiras dentro do contorno, i é a corrente passando pelo condutor e l é o comprimento |a - b|.

$$I = N \cdot i = \int_{a}^{b} H_{ab} dz + \int_{b}^{c} H_{bc} dr + \int_{c}^{d} H_{cd}(-dz) + \int_{d}^{a} H_{da}(-dr) \quad (3.8)$$



Figura 10 – Esquema de construção de um eletroímã.

Fonte: (HANSELMAN, 2003)

Figura 11 – Relação de direção e sentido do campo $\vec{H}$ e da corrente I para um condutor qualquer.



Fonte: (HANSELMAN, 2003)

$$n \cdot i = \int_{a}^{b} H dz = Hl \tag{3.9}$$

De outra forma, para um entreferro gap grande o suficiente a relutância do circuito magnético R fica muito próxima da relutância do entreferro  $R_g$ , de modo que a equação 3.9 pode ser escrita para o fluxo passando pelo entreferro de relutância  $R_g$  como 3.10.

$$\phi = \frac{n \cdot i}{R_a} \tag{3.10}$$

#### 3.2.6 Modelo do entreferro - g

Para qualquer motor ocorre a passagem de fluxo entre rotor e estator através entreferro g. Ao mudar de meio o fluxo sofre "difração" e se comporta de forma similar ao mostrado na Figura 12(c), havendo uma redução na força magnetomotriz entre os blocos associada ao gap.

A permeância do *gap* depende da maneira como as linhas de fluxo se distribuem neste, o que pode ser calculado com por métodos de cálculo analítico.

Com o intuito de analisar como circuito magnético opera, é comum modelar o gap de três formas diferentes, com diferentes interpretações do fenômeno ilustradas na Figura 12. A diferença entre o comportamento do campo se deve ao espraiamento em consequência da mudança na permissividade entre os meios, e.g. ferro para ar, e sendo o dente circulado por ar.

Vale notar que condutores como o alumínio e o cobre possuem permeabilidade magnética muito próxima do valor para o espaço livre  $\mu_r \approx \mu_0$ .

Figura 12 – Modelos de permissividade do GAP que varia com a forma como o campo se comporta.



Fonte: (HANSELMAN, 2003)

A primeira abordagem para modelar o entreferro na Figura 12(a) desconsidera completamente o efeito do espraiamento mencionado, sendo a permissividade dada pela equação 3.11, com o comprimento g e a área atravessada pelo fluxo A.

$$P_{ga} = \mu_0 \frac{A}{g} \tag{3.11}$$

Uma forma alternativa de modelar o gap se deve a observação de que o fluxo atravessa uma caminho maior do que o calculado em (3.11) pois para a configuração de ímã instalado na superfície do rotor possui permeabilidade próxima do espaço livre - como também os condutores mencionados anteriormente, de modo que o novo (3.11) é mostrado em (3.14) aonde o entreferro corrigido é dado pela relação  $g_c = k_c \cdot g$ , com  $k_c$  sendo o fator de Carter.

#### 3.2.7 Modelo da ranhura

É comum que motores elétricos possuam ranhuras preenchidas com condutores elétricos. Como o princípio de funcionamento do motor depende da interação do campo magnético entre estator e rotor, o campo encontra um espaço de material não magnético entre as ranhuras  $(\mu_r \approx \mu_0)$ , ilustrado na Figura 13.

Pois as bobinas são de material com alta condutividade e baixa permissividade, como cobre ou alumínio. O fluxo irá passar pelo caminho de menor relutância para o campo que intercepta as ranhuras, gerando um comportamento do fluxo que, como discutido anteriormente, altera a permissividade do *gap*, altamente influenciado pela configuração da ranhura.

O problema de modelar a influência do gap entre a ranhura e o dente pode ser resolvido de diferentes formas. Considerando apenas um dente e ranhura a forma mais simples, e também grosseira, é ignorar a influência da ranhura assumindo que esta possui material de mesma permeabilidade que o resto do bloco, sendo a permissividade obtida na equação (3.11).

Outra forma de modelar o gap é fazendo uso da equação (3.12), ignorando o fluxo no gap pela ranhura. Nesse caso  $A_s = w_s L$  a área atravessada pelo gap.

$$P_g = \mu_0 \frac{A - A_s}{g} \tag{3.12}$$

A fim de compensar a geometria e espraiamento de campo no entreferro é utilizado o efeito de Carter, apresentado na seção 3.2.8.



Figura 13 – Ilustração do posicionamento das ranhuras aonde são montadas as bobinas com caminho de fluxo idealizado.

#### 3.2.8 Fator de Carter

Uma forma mais precisa de modelar o GAP da ranhura se baseia no fato de que o fluxo atravessa uma distância mais longa através da ranhura até o material de alta permissividade.

$$g_e = g \cdot k_c + \frac{L_M}{\mu} \tag{3.13}$$

A permeância corrigida  $P_{g_e}$  é então dada pela equação (3.14), na qual  $g_c = K_c \cdot g$  é a distância percorrida pelo fluxo que atravessa a ranhura corrigida pelo *Fator de Carter*  $K_c < 1$ .

$$P_{g_e} = \mu_0 \frac{A}{g_e} \tag{3.14}$$

Segundo (HANSELMAN, 2003) as equações analíticas do  $K_c$  levam em conta a geometria do dente do estator mostradas na Figura 12(b) são (3.15) e (3.16).

$$K_{c1} = \left[1 - \frac{1}{\frac{\tau_s}{w_s}(5\frac{g}{w_s} + 1)}\right]^{-1}$$
(3.15)

$$K_{c2} = \left[1 - \frac{2w_s}{\pi\tau_s} \left\{ tan^{-1} \left(\frac{w_s}{2g} - \frac{g}{w_s} ln \left[1 + \frac{1}{4} \left(\frac{w_s}{g}\right)^2\right] \right\} \right]^{-1}$$
(3.16)

O fator de correção Kc aumenta com o aumento do espaçamento entre dentes na relação  $w_s/\tau_s$ , cujas dimensões estão representadas na Figura 12 e diminui com o aumento da distância em relação a largura  $(g/\tau_s)$ .

Ainda para o fator  $K_c$ , no caso de se dispor os ímãs na superfície do rotor o tamanho do entreferro deve ser corrigido para adequar a espessura e permeabilidade do ímã conforme 3.13.

No dimensionamento da ranhura é considerado o aspecto de fluxo máximo que poderá passar pelo dente do estator. O mau dimensionamento pode levar a saturação do ferro, que implica na mudança do funcionamento do conversor de alimentação, variação da indutância e correspondente variação do torque, aumento significativo da corrente do motor entre outros efeitos indesejáveis (PAULA, 2013).

Para ímãs montados na superfície com baixa permeabilidade magnética o entreferro fica grande o bastante para não deixar o ferro saturar (3.10 e 3.14).

## 3.2.8.1 Fator de Carter para ímãs superficiais

Para ímãs superficiais o fator de Carter pode ser melhor calculado segundo 3.17

$$k_c = \frac{5+s}{5+s-s^2/\lambda} \tag{3.17}$$

Com s sendo a relação entre a abertura de ranhura  $w_o$  e o entreferro g em (3.18) e  $\lambda$  a relação entre o passo de ranhura  $\sigma_r$  e o g, conforme (3.19).

$$s = \frac{w_o}{g} \tag{3.18}$$

$$\lambda = \frac{\sigma_r}{g} \tag{3.19}$$

## 3.3 MATERIAIS MAGNÉTICOS

## 3.3.1 Permeabilidade

A permeabilidade magnética dos materiais costuma ser expressa em relação a permeabilidade do espaço livre, de valor  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} [H/m]$ . Para uma relação linear entre  $B \in H$  a permeabilidade  $\mu$  é constante e assim é possível escrever (3.20).

$$\mu_r \mu_0 = \frac{B}{H} \qquad \text{com} \qquad \mu = \frac{\mu}{\mu_0} \tag{3.20}$$

Materiais usados na construção de motores costumam ser ferromagnéticos por possuírem alta permeabilidade magnética. A permeabilidade de materiais ferromagnéticos é não linear, a função de saturação depende do histórico do comportamento do campo, por isso é comum que as propriedades magnéticas de materiais ferromagnéticos sejam descritas em curvas BH, laço de histerese e perdas no núcleo.

#### 3.3.2 Materiais ferromagnéticos

A Figura 14 mostra vários laços de histerese típicos para um material ferromagnético. Laços de histerese como mostrados na Figura 14 são criados por excitação senoidal de diferentes amplitudes.

No primeiro quadrante da Figura 14 é mostrada a curva de magnetização DC, ou BH, que indica a propriedade não linear média do material com relação a sua permeabilidade.

#### 3.3.3 Perdas no núcleo

A exposição de materiais ferromagnéticos a campos magnéticos variantes causa perdas por histerese e correntes parasitas. Esse tipo de perda energética no funcionamento da máquina é difícil de ser mensurado experimentalmente, sendo chamada em conjunto como perdas no núcleo ou perdas no ferro. Na Figura 15 são mostradas curvas características desse tipo de perda de energia por unidade de massa de material com relação a frequência na qual o material é excitado.

Para motores de ímãs permanentes o cálculo de perdas no núcleo não é feito adequado se parte do gráfico na Figura 15 pois diferentes

Figura 14 – Curva de magnetização característica de materiais ferromagnéticos.



Fonte: (HANSELMAN, 2003)

partes do ferro experimentam diferentes intensidades de fluxo.

Ainda assim perdas por histerese são calculadas como na equação (3.21), descrevendo a energia necessária para percorrer o laço de histerese, ou seja, quanto maior o laço de histerese de um material maior será essa perda.

$$P_h = k_h f B^n \tag{3.21}$$

Na equação (3.21)  $k_h$  é uma constante para a geometria e tipo de material, f é a frequência de excitação aplicada, B é a amplitude da densidade de fluxo e o expoente n compreende valores entre 1,5 e 2,5, dependendo do material. Para as perdas por correntes parasitas é possível estimá-las através da equação (3.22), sendo proporcional ao quadrado da frequência da excitação a qual o material está exposto.

$$P_e = k_e h^2 f^2 B^2 (3.22)$$

Na equação (3.22)  $k_e$ , assim como  $k_h$  em (3.22), é uma constante dependente do material, h é a espessura do material atravessado pelo campo.

Algumas técnicas usadas na redução das correntes parasitas são aumento da resistividade com adição de algum elemento no metal do núcleo ou laminação do material alternando camadas de isolante e metal, de forma perpendicular a passagem do campo.

Outra alternativa para se reduzir a magnitude de correntes parasitas circulando pelo ferro do motor é utilizar compostos magnéticos macios - SMC. SMC são compostos por partículas de material ferroFigura 15 – Curvas características de perdas no núcleo.



Fonte: (HANSELMAN, 2003)

magnético bastante puro unidas por um revestimento orgânico de alta resistividade elétrica que para certas aplicações podem substituir o ferro convencional em motores como os de ímã permanente, com melhora significativa da eficiência (GUO et al., 2006).

No caso da laminação a redução do material ferromagnético efetivo é considerada pela equação (3.23), aonde o *fator de empilhamento* depende da área da seção transversal de aço pela total.

$$K_{st} = \frac{A_{st}}{A_{total}} \tag{3.23}$$

Normalmente  $K_{st}$  varia entre 0,8 e 0,99.

## 3.3.3.1 Ímãs permanentes

Dentre as várias opções de ímãs permanentes disponíveis as seguintes se destacam:

 Alnico – ligas de Fe (Ferro) contendo Al (Alumínio), Ni (Níquel) e Co (Cobalto), além de outros elementos. Pode ser formado por diferentes proporções dos elementos citados acima e possui a vantagem de suportar altas variações de temperatura (-250°C a  $550^{\circ}C$ ) e ser resistente a oxidação.

- ferrite (cerâmica) é um composto poroso de óxido de ferro em pó  $Fe_2O_3$ , bário Ba e de carbonato de estrôncio  $SrCO_3$ . É produzido em larga escala e possui um preço de mercado baixo associado aos baixos custos de produção.
- samário-cobalto (SmCo<sub>5</sub>eSm<sub>2</sub>Co<sub>17</sub>) possui como característica uma alta temperatura de trabalho chegando a 350°C dependendo da composição, possui uma alta resistência à desmagnetização e à oxidação, porém é um ímã mecanicamente frágil e o mais caro dentre os disponíveis comercialmente.
- neodímio-ferro-boro  $(Nd_2Fe_{14}B)$  São muito poderosos em comparação a sua massa, mas também são mecanicamente frágeis e perdem seu magnetismo de modo irreversível em temperaturas acima de  $120^{\circ}C$ .

Os ímãs podem ser usados fixando os elementos magnéticos com resina ou por sinterização. Sendo sinterizados de melhor desempenho por não haver um componente não magnético no corpo do ímã.

É através do laço de histerese, mais especificamente do primeiro e segundo quadrantes como ilustra a Figura 16, que se pode compreender o comportamento do ímã.

A curva da Figura 16 é obtida com a forte magnetização de um material não magnetizado e desligando tal campo em seguida. A curva superior da Figura 16 é obtida da relaxação do material, chamada curva de desmagnetização. A posição de operação do ímã vai depender das condições externas ao ímã com relação ao caminho do seu campo.

Para a Figura 17(a) a existência de um material de permeabilidade infinita entre os polos do ímã fará com que o ponto de operação final do ímã seja H = 0. A densidade de fluxo passando pelo ímã será então  $B_r$ , mostrado na Figura 16.  $B_r$  indica a máxima densidade de fluxo produzida por si só.

Por outro lado, caso o ímã esteja posicionado como na Figura 17(b), e supondo a permeabilidade do meio nula, então nenhum fluxo sairia do ímã, o que acarreta B = 0. Nesse ponto de operação, como mostrado na Figura 17 a magnitude da intensidade de campo através do ímã é igual ao negativo da coercividade  $H_c$ . Portanto para qualquer valor de permeabilidade do campo (entre  $0 \in \infty$ ) o ponto de operação do ímã está sobre a curva de magnetização no segundo quadrante.

O ângulo formado pela linha que parte da origem até o ponto de operação é chamado *coeficiente de permeabilidade*, denotado  $P_c$  e



Figura 16 – LaçoB-H para um ímã permanente.

Fonte: (HENDERSHOT; MILLER, 1994)

de valor 1 para o ângulo de 135°, 0 para  $B=0, H=-H_c$ e $\infty$ para  $B=B_r, H=0.$ 

Sobre a curva de desmagnetização do ímã é importante ressaltar que à temperatura ambiente alguns ímãs (como samário-cobalto e NdFeB) possuem comportamento linear para temperatura ambiente, enquanto materiais como a ferrite possui um encolhimento prematuro da coercividade próximo da origem e, para todos os ímãs, esse enfraquecimento é agravado com o aumento da temperatura, podendo, no entanto, retornar o seu comportamento natural com a redução da temperatura.

$$B_r(T) = B_r(T_0)[1 + \Delta_B(T - T_0)]$$
(3.24)



Figura 17 – Operação de um ímã segundo sua coercividade e remanência.

Fonte: (HANSELMAN, 2003)

De maneira geral é possível estimar o efeito da temperatura na remanência de um ímã permanente segundo a equação (3.24), aonde  $\Delta_B$  é o coeficiente de temperatura reversível, T a temperatura do ímã e  $T_0$  uma temperatura de referência.

Para evitar que o ímã perca magnetização é importante assegurar que o coeficiente de permeância,  $P_c$ , seja alto o suficiente.

É de grande relevância estimar o produto energético máximo do ímã, dado pelo produto máximo da densidade de fluxo e intensidade de campo na curva de desmagnetização,  $(BH)_{max}$ . De maneira geral é com o ponto de operação em  $(BH)_{max}$  que se obtêm a maior densidade de energia por volume de um ímã $(BH)_{max}$  mas, no entanto, a fim de prevenir desmagnetização irreversível do ímã devido ao aumento de temperatura o ponto de operação mais comum em se tratando de ímãs para motores é superior (maior  $P_c$ ) a  $(BH)_{max}$ .

#### 3.3.4 Modelo de ímã permanente

Para mudar o ponto de operação ditado pelo circuito magnético no qual o ímã está inserido (seção 3.3.3.1) seria necessário aplicar um campo magnético externo. Em motores elétricos é comum que  $P_c$  seja > 4, com ponto de operação do ímã no segundo quadrante. No entanto com a energização das bobinas o ponto de operação varia, de modo dinâmico de acordo com a influência de laços de histerese, próximo do Figura 18 – Variação dinâmica do ponto de operação do ím<br/>ã de acordo com laços de histerese durante o funcionamento do motor.



Fonte: (HANSELMAN, 2003)

ponto de operação, como ilustrado na Figura 18.

No caso da variação observada na Figura 18 é possível dizer que o ponto de operação varia conforme a equação (3.25), na qual  $H_m$  apresenta valores negativos de intensidade de campo H por se tratar do segundo quadrante.

$$B_m = B_r + \mu_R \mu_0 H_m \tag{3.25}$$

Na equação (3.25) a variação é aproximada como linear e não há problema se o ímã vier a operar no primeiro quadrante, visto que é área de magnetização do mesmo, no entanto, caso algum campo externo force o ponto de operação para o terceiro quadrante é possível desmagnetizar permanentemente o ímã, visto que qualquer "joelho"como mostrado na Figura 14 fará com que a trajetória de magnetização do ímã seja alterada.

Seguindo a lógica da equação 3.25 e supondo o ímã retangular da Figura 19 é possível descrever o fluxo saindo do ímã como dado na equação (3.28).

E fazendo (3.26) a permeância do ímã fica (3.27).

$$\phi = \phi_r + P_m F_m \qquad com \qquad \phi_r = B_r A_m \qquad (3.26)$$





Fonte: (HANSELMAN, 2003)

$$P_m = \frac{\mu_R \mu_0 A_m}{l_m} \tag{3.27}$$

O modelo equivalente do ímã como circuito mostrado na Figura 19 é adequado para o ímã idealizado completamente alinhado e retangular. Em se tratando de ímãs aplicados em motores sem escovas com gap radial é comum que a configuração do ímã seja em arco, acompanhando a circunferência do rotor.

$$\phi = B_m A_m = B_r A_m + \mu_R \mu_0 A_m H_m \tag{3.28}$$

O modelo do ímã mais adequado da relutância do ímã aplicado ao motor sem escovas é estimada usando elementos diferenciais nas direções mostradas na Figura 20, de acordo com a equação (3.29), sendo L na direção perpendicular ao plano da página.

A relutância total to ímã da Figura 20 será obtida da equação (3.30).

$$dR = \frac{dl}{\mu A} = \frac{dr}{\mu r \theta_m L} \tag{3.29}$$

$$R_m = \int_{r_l}^{r_i + l_m} dR = \int_{r_l}^{r_i + l_m} \frac{1}{\mu_R \mu_0 L \theta_m r} dr = ln \frac{\left(1 + \frac{l_m}{r_i}\right)}{\mu_R \mu_0 \theta_m L} \qquad (3.30)$$

É invertendo a relutância em (3.30) que se obtém a permeância magnética  $P_m$  do modelo da Figura 19, ficando como em (3.31).



Figura 20 – Imã em curva com magnetização radial.

Fonte: (HANSELMAN, 2003)

$$P_m = \frac{\mu_R \mu_0 L \theta_m}{ln \left(1 + \frac{l_m}{r_i}\right)} \tag{3.31}$$

De maneira genérica  $r_i >> l_i$ , então (3.31) pode ser escrito como (3.32) que corresponde a equação para o ímã retangular em (3.27) com largura  $\theta_m r_i$  e comprimento  $l_m$ .

$$P_m = \frac{\mu_R \mu_0 \theta_m L r_i}{l_l} \tag{3.32}$$

# 4 CÁLCULO ANALÍTICO

Neste capítulo são abordados os procedimentos de projeto da máquina recomendados por (HENDERSHOT; MILLER, 1994; PAULA, 2011), adaptados conforme Tabela 2.

Tabela 2 – Procedimentos de projeto de MSIP sugerido por (PAULA, 2011).

1	Discriminação das características necessárias aos moto-
	res utilizados em veículos elétricos.
3	Limitações dimensionais.
4	Escolha do ímã e cálculo do entreferro.
5	Escolha do número de polos e número de ranhuras.
6	Distribuição das bobinas de cada fase no estator. Caso a
	distribuição não aproveite ao máximo o estator, repetir o passo
	número 6.
7	Cálculo do fluxo/polo e dimensionamento inicial (Diâ-
	metro externo, interno, etc).
8	Cálculo do número de espiras por bobina.
9	Dimensionamento do dente do estator.
10	Cálculo da área de cada ranhura e dimensionamento dos
	condutores.
11	Cálculo/Estimativa do valor da resistência em cada fase.
12	Estimativa da corrente e torque para uma determinada
	velocidade.
13	Cálculo das perdas magnéticas e resistivas.

# 4.1 CARACTERÍSTICAS DESEJADAS

É desejável que o motor possua alta densidade energética (capacidade de desenvolver trabalho alta e baixo volume mássico) o que para MSIPs costuma ser equivalente a utilizar ímãs de terras raras.

Para (CHAU; CHAN; LIU, 2008) o MSIP desenvolvido para tração veicular deve focar nas seguintes características:

- Alta densidade de energia e torque ímã;
- Larga faixa de velocidade, com torque alto em baixa velocidade e com torque baixo em alta velocidade;

- Confiabilidade e robustez para atender as constantes partidas e paradas;
- Alta eficiência em larga faixa de velocidade e torque;
- Bom desempenho em transitórios arrancadas;
- Facilidade de controle;
- Baixo ruído acústico;
- Custo razoável para produção em massa.

São aspectos desafiadores e certamente de grande importância para o motor elétrico. A densidade de energia está ligada a qualidade do ímã (densidade energética, desmagnetização, temperatura de trabalho, etc), mas outros fatores como alta capacidade de corrente nas bobinas, número elevado de polos e entreferro pequeno também ajudam.

A capacidade de operar em diferentes faixas de velocidade tem como alguns desafios o projeto para o ferro nas frequências mais altas de operação (evitando a saturação), redução das harmônicas e conversor de energia adequado.

# 4.2 APLICAÇÃO

Com foco em aplicação num veículo elétrico são estimadas dimensões para o motor aplicado em uma roda de motocicleta.

Ainda tendo em vista a aplicação do motor em uma roda de motocicleta os parâmetros mecânicos limitantes podem ser obtidos, como na Figura 21.

Nesse caso, para uma roda de motocicleta convencional os parâmetros dimensionais máximos do motor ficam definidos como na Figura 21:

- a) diâmetro do eixo de suporte A = 3[cm]
- b) diâmetro externo da roda B = 18[in]
- c) distância entre as pontas do garfo C = 14[cm]

O projeto ainda deve considerar a velocidade para a qual a potência máxima  $P_{max}$  será desenvolvida - em 75% da velocidade máxima  $v_{max}$  por exemplo. Figura 21 – Parâmetros máximos para o motor a partir das dimensões de uma roda de motocicleta.



Fonte: Autor

## 4.3 ESCOLHA DO ÍMÃ

Idealmente seria utilizar ímãs de terras raras pois a potência no eixo deve ser alta. Mas por conveniência será considerada a indução magnética remanente para ímãs de ferrite na seção de cálculo.

Normalmente informações da indução magnética de trabalho  $B_M$ são obtidas a partir das informações técnicas providas pelo fabricante a respeito do ímã, que é escolhido de acordo com a necessidade de projeto verificada após a etapa de simulação.

Na Figura 18 o segundo e mais importante quadrante da curva BH é mostrado, bem como o ponto de operação para o ímã.

#### 4.3.1 Coeficiente de permeância

O eixo das ordenadas na Figura 18 mostra a densidade de trabalho do campo magnético  $B_M$  menor que a densidade residual do campo  $B_r$  conforme o coeficiente de permeância  $P_C$ .

Segundo HANSELMAN (2003, página 39) o  $P_C$  costuma ser maior que 4 e tipicamente fica entre 4 e 6, já (HENDERSHOT; MILLER, 1994) propõe o valor 10 como uma boa primeira estimativa. O  $P_C$  está relacionado com a densidade de fluxo que atravessa o entreferro g, e pode ser calculado segundo a equação (4.1), onde  $L_M$  é a espessura do ímã.

$$P_C = \frac{L_M}{g} \tag{4.1}$$

#### 4.4 ENTREFERRO

Do ponto de vista analítico diminuir o entreferro é a maneira mais barata de se obter maior torque. No entanto mecanicamente é custoso tanto produzir (maquinas e processos) quanto manter (manutenção e condições de trabalho) um entreferro pequeno, outras bibliografias recomendam valores para g proporcionais a potência da máquina (HENDERSHOT; MILLER, 1994), como na equação (4.2).

$$gap = \begin{cases} \text{baixa potência}, 0, 13 < g < 0, 25\text{mm} \\ \text{media potência}, 0, 38 < g < 0, 51\text{mm} \\ \text{alta potência}, 0, 64 < g < 0, 89\text{mm} \end{cases}$$
(4.2)

Para o motor estudado será utilizado um entreferro pequeno, de  $g\approx 0,6mm.$ 

#### 4.5 NÚMERO DE POLOS E RANHURAS

A determinação do número de polos e ranhuras do motor segue a recomendação de GIERAS (2009) para que se tenha muitos polos com o número de ranhuras  $N_s$  por polo p por fase m fracionário, a fim de reduzir o *cogging torque*.

Diversas formas de se otimizar o cogging torque, como por exem-



Figura 22 – Curva de redução da massa em função do número de polos para o MSIP de rotor externo.

Fonte: (GIERAS, 2009)

plo alterar o formato do dente do estator, são conhecidos e podem ser otimizados numa etapa posterior a simulação por MEF.

Segundo (GIERAS, 2009) o volume de ferro na coroa do rotor pode ser reduzida significativamente com aumento do número de polos, na proporção da curva da Figura 22, o que é bastante interessante do ponto de vista da economia de material magnético e de espaço para reforçar a estrutura mecânica e reduzir custo mas traz outros desafios para a alimentação (tensão menos trapezoidal) e construção mecânica da máquina (disposição dos polos no rotor).

# 4.6 DISTRIBUIÇÃO DE BOBINAS NO ESTATOR

Segundo (SCHMITZ, 2017) as bobinas devem ter seus enrolamentos dispostos de forma concentrada e não distribuída, pois com a disposição concentrada um fluxo trapezoidal é obtido.

As bobinas devem estar distribuídas de modo a não enlaçar mais do que  $180^{\circ}$  elétricos de fluxo de um polo magnético, o que acarretaria na redução do valor de fluxo máximo.

Uma forma de distribuir as bobinas do motor discutida na seção 4.6.1 segue os procedimentos recomendados por HANSELMAN (2003, página 126). Uma ferramenta de auxílio no processo de teste de diferentes tipos de bobinagem com relação a diferentes números de ranhuras, polos e fases é disponibilizada em EMETOR (2018).

#### 4.6.1 Distribuição das bobinas

Para proceder com a determinação da distribuição das bobinas a equação (4.3) pode ser considerada para determinar o número máximo de bobinas por fase - considerando laço de 180° de fluxo magnético.

$$N_{BF_{max}} = \frac{N_{RANHURAS}^o}{N_{FASES}^o} \tag{4.3}$$

Em seguida o cálculo mostrado na equação (4.4) serve para determinar a ranhura aonde a bobina da fase em questão será colocada.

$$\sigma_{MAX} + \xi = \frac{N_{RANHURAS}^o}{N_{POLOS}^o} \tag{4.4}$$

Para a equação (4.4):

- $\sigma_{max}$  = parte inteira da razão (espaço físico máximo);
- $\xi$  = parte decimal da razão

A equação (4.4) significa que uma bobina que tem início na enésima ranhura n, terá fim na ranhura

$$n + \sigma_{max}$$
 para bobina de número ímpar  
 $n - \sigma_{max}$  para bobina de número par (4.5)

a ser bobinada, para a mesma fase, com distribuição concentrada no sentido anti-horário.

Para conhecer a localização da bobina subsequente é usado  $S_F$  definido pela equação (4.6), que indica a quantas ranhuras se encontra o início da próxima bobina.

$$S_F = \begin{cases} \sigma_{MAX} + 1, & \xi \ge 0, 5\\ N_{SS} - \sigma_{max}, & \xi < 0, 5 \end{cases}$$
(4.6)

Aonde  $N_{SS}$  o número de ranhuras por seção conforme equação (4.7), que é a razão entre o número de ranhuras  $N_s$  pelo menor divisor comum (MDC()) entre o máximo número de bobinas por fase  $N_{BF_{MAX}}$  e o número de par de polos p/2.

$$N_{SS} = \frac{N_{RANHURAS}^o}{MDC(N_{BF_{MAX}}, p/2)}$$
(4.7)

A partir das equações (4.6) e (4.7) fica definido que para uma mesma fase, uma bobina terminada numa ranhura x terá como subsequente a bobina iniciada na ranhura  $x + S_F$ .

Após o término da distribuição de bobinas de uma das fases na ranhura y o início das bobinas da fase seguinte se dá na posição y + Offset, definido conforme equação (4.8).

$$Offset = \frac{2}{3} \cdot \frac{N_{RANHURAS}^{o}}{N_{POLOS}^{o}} + k \cdot \frac{N_{RANHURAS}^{o}}{p}$$

$$k = 0, 1, 2, 3, \dots$$

$$(4.8)$$

Visualmente deve ser possível verificar a qualidade da bobinagem, o que é importante pois pode ocorrer do método apresentado não preencher igualmente ou satisfatoriamente (com bom aproveitamento de espaço) as ranhuras no estator. A qualidade da bobinagem pode ser melhorada com o aumento do  $\sigma$  respeitando o limite  $\sigma_{MAX}$ , conforme a equação (4.4).

#### 4.7 FLUXO POR POLO

Para ímãs em arco ao longo do perímetro do motor, a equação (4.9) mostra a relação entre o diâmetro interno do rotor  $D_{ir}$ , o comprimento do pacote de chapa  $L_{STK}$  e o número de polos p para obtenção da área de cada polo.

$$A_M = \frac{D_{ir} \cdot \pi \cdot L_{STK}}{p} \tag{4.9}$$

Na equação (4.9) é considerado que os ímãs são dispostos lado a lado com pouco espaço entre eles. O fluxo por polo  $\phi_p$  pode então ser calculado pela equação (4.10), que além da área do polo  $A_M$  depende da densidade de fluxo no mesmo  $B_M$ .

$$\phi_p = B_M \cdot A_M \tag{4.10}$$

Já o diâmetro interno livre da roda  $D_{il}$  é a diferença entre o diâmetro externo do estator  $D_{ee}$  e duas vezes a espessura da carcaça do rotor  $E_{cr}$  cujo valor calculado em (4.11).

$$E_{cr} = \frac{B_M \cdot A_M}{2 \cdot B_{MAX} \cdot L_{STK}} \tag{4.11}$$

O diâmetro interno do rotor  $D_{ir}$  é dado pela equação (4.12) considerando o diâmetro interno livre Dil como a diferença entre o diâmetro externo do rotor  $D_{re}$  e duas vezes a espessura do ferro do rotor:  $D_{il} = D_{re} - 2 \cdot E_{cr}$ .

$$D_{ir} = D_{il} - 2 \cdot L_M \tag{4.12}$$

Sendo  $L_M$  a espessura do ímã.

## 4.8 NÚMERO DE ESPIRAS POR BOBINA

O número de espiras por bobina pode ser obtido pela equação (4.14) que considera o número de caminhos paralelos a, a relação do fluxo que atravessa o entreferro  $\phi_g$  e o fluxo por polo  $\phi_p$ , chamada fator de dispersão do fluxo  $f_{LKG}$  e o coeficiente de tensão  $k_e$  é definido para ímãs de ferrite como na equação (4.13) (HENDERSHOT; MILLER, 1994).

$$k_e = \frac{V_{CC} \cdot 0, 8}{w_{max}} \tag{4.13}$$

$$N_{eb} = \frac{k_e \cdot \pi \cdot a}{2 \cdot p \cdot f_{LKG} \cdot N_{BF} \cdot \phi} \tag{4.14}$$

#### 4.9 DENTE DO ESTATOR

O formato do dente do estator influencia diretamente no desempenho do motor por influenciar na forma como o fluxo é distribuído no entreferro e na saturação do ferro do estator.

Para uma primeira avaliação do motor foi escolhido um desenho simples para o dente (SCHMITZ, 2017) cujas principais dimensões são mostradas na Figura 23 e também na rotina de cálculo do Apêndice A.

O número de dentes pode ser calculado na equação (4.15) que considera a densidade de fluxo magnético máxima que o dente deverá suportar  $B_T$  e a largura deste  $w_T$ , conforme equação (4.16).

No entanto para o presente trabalho foi escolhido seguir a sugestão de (ISHAK; ZHU; HOWE, 2004) e manter duas unidades de diferença entre o número de ranhuras e de polos, a fim de obter um melhor comportamento do fluxo do motor, ou seja,  $p = N_s \pm 2$ .

$$N_{dentes}^{\circ} \cdot B_T \cdot L_{STK} \cdot w_T = f_{LKG} \cdot p \cdot \phi \tag{4.15}$$



Figura 23 – Dimensões do dente escolhido para o estator.

Fonte: Adaptado de (PAULA, 2011)

Em 4.15 a largura do dente  $w_T$  depende do fator de dispersão do fluxo  $f_{LKG}$ , da densidade de fluxo magnético por polo  $B_M$ , do diâmetro interno do rotor  $D_{ie}$ , do número de ranhuras  $N_s$  e da densidade de fluxo magnético máxima no dente  $B_T$ .

$$w_T = \frac{f_{LKG} \cdot B_M \cdot \pi \cdot D_{ir}}{N_s \cdot B_T} \tag{4.16}$$

É boa prática usar o valor da indutância magnética máxima  $B_T$ no dimensionamento de outros parâmetros com uma folga operacional para que mesmo com o fluxo das bobinas somado ao do ímã não ocorra saturação.

#### 4.9.1 Sapata do dente

No presente trabalho são calculados a largura e altura da sapata do dente,  $w_s$  e  $h_s$  respectivamente, considerando o ângulo da sapata  $\alpha_s$  mostrado na Figura 23.

A escolha da altura da sapata  $h_s$  com mesmo valor da largura da sapata  $w_s$  como mostra a equação (4.17) tem o intuito de minimizar a possibilidade de saturação do dente (HENDERSHOT; MILLER, 1994).

$$w_s = \frac{\pi \cdot D_{ss} - N_s \cdot (w_o + w_T)}{2 \cdot N_s} \tag{4.17}$$

A equação 4.17 leva em conta, além do diâmetro externo do estator  $D_{ee}$ , o número de ranhuras  $N_s$ , a distância entre sapatas de dentes vizinhos  $w_o$  e a largura da base do dente  $w_T$ .

Para  $w_o$  é necessário considerar a facilidade de alocação dos condutores nas ranhuras em detrimento da distribuição uniforme do fluxo no entreferro o que influencia no torque e *cogging torque* do motor.

Já a altura do dente  $h_T$  é um compromisso entre a área disponível para os condutores e para o fluxo na coroa do estator  $E_{ce}$ , sendo que (HANSELMAN, 2003) recomenda adotar medidas que resultem valores entre 0,25 a 0,5 para a relação entre a altura do dente e da sapata.

Para garantir a passagem do fluxo no entreferro do estator deve ser calculada a espessura da carcaça do estator  $E_{ce}$  conforme a equação (4.18), aonde, para garantir certa folga operacional (no intuito de prevenir a saturação em situações de estresse) é viável desconsiderar a dispersão de fluxo  $f_{LKG}$  fazendo seu valor unitário.

$$E_{ce} = \frac{B_M \cdot A_M \cdot f_{LKG}}{2 \cdot B_{MAX} \cdot L_{STK}} \tag{4.18}$$

Feitas as definições dimensionais para o estator e rotor a altura máxima da ranhura  $h_{T_{MAX}}$  depende do diâmetro esterno do estator  $D_{ss}$  e da altura da carcaça deste  $E_{ce}$  como mostra a equação 4.19.

$$h_{T_{MAX}} = \frac{D_{ss} - D_{eixo} - 2 \cdot E_{ce}}{2}$$
(4.19)

### 4.10 ÁREA DE RANHURA E DIÂMETRO DOS CONDUTORES

## 4.10.1 Ranhura

Para a ranhura na Figura 24 a equação (4.20) pode ser usada para o cálculo geometria, permitindo assim estimar o espaço útil para os condutores das bobinas.

$$A_{ranhura} = \frac{\left[\left(D_{ee} - 2 \cdot h_S\right)^2 - \left(D_{ee} - 2 \cdot h_T\right)^2\right] \cdot \pi - w_T \cdot (h_T - h_S)}{4 \cdot N_s}$$

$$\tag{4.20}$$



Figura 24 – Área da ranhura escolhida.

Fonte: Autor

### 4.10.2 Condutores

Para o cálculo da área de seção transversal dos condutores é útil entender que o o preenchimento da ranhura pelos condutores não se dá de forma completa mas sim em torno de 30% a 35% para enrolamentos duplos e entre 65% a 70% para enrolamentos simples (HENDERSHOT; MILLER, 1994).

Seja  $D_w$  o diâmetro do condutor usado no motor, a fim de considerar imperfeições na bobinagem e disposição não ótima dos condutores a sua seção transversal é suposta quadrada e de lado conforme equação (4.21) onde  $f_{slot}$  assume os valores de preenchimento discutidos anteriormente.

$$D_w = \sqrt{\frac{A_{ranhura} \cdot f_{slot}}{N_{\frac{espiras}{bobinas}}}} \tag{4.21}$$

# 4.11 RESISTÊNCIA ÔHMICA PARA AS FASES

Nesta seção é feita uma estimativa do valor da resistência dos enrolamentos por fase  $R_{fase}$  segundo a equação (4.22).

$$R_{fase} = CMV \cdot N_{\frac{espiras}{bobinas}} \cdot N_{\frac{bobinas}{fase}}[\Omega]$$
(4.22)

O cálculo de  $R_{fase}$  considera o comprimento médio de uma volta de espira CMV calculado na equação (4.23).

$$CMV = 2 \cdot \left(1, 2 \cdot L_{STK} + \frac{\pi \cdot D_{EXE} \cdot \sigma}{N_s}\right)$$
(4.23)

O cálculo de CMV considera duas vezes o comprimento do pacote de chapa do estator  $L_{STK}$  e duas vezes a altura da cabeça de bobina que pode ser aproximado pela espessura do dente do estator  $\approx w_s$  quando o número de espiras por bobina é pequeno.

## 4.12 CORRENTE E TORQUE PELA VELOCIDADE [TO DO]

Nesta seção a corrente que passa em duas bobinas do motor é calculada pela equação (4.24) aonde  $w_M$  é a velocidade mecânica,  $V_{cc}$  a tensão de barramento e  $R_{linha}$  a resistência de duas bobinas em série.

$$I = \frac{V_{cc} - k_e \cdot w_M}{R_{linha}} \tag{4.24}$$

De maneira análoga o torque é obtido segundo equação (4.25).

$$T = k_t \cdot I \tag{4.25}$$

## 4.13 PERDAS RESISTIVAS

As perdas magnéticas são relativamente proporcionais a velocidade da máquina e compõe certa importância nas perdas totais da máquina (HENDERSHOT; MILLER, 1994), embora precedidas das perdas ôhmicas estimadas na equação (4.26).

$$P_{ohm} = R_{linha} \cdot I_{RMS}^2 \tag{4.26}$$

# $4.14\,$ FLUXO CONCATENADO E INDUTÂNCIA E TORQUE A VAZIO

O estudo do torque a vazio ou cogging torque será abordado nas seções 5.7.2 e 5.10 dada a dificuldade em ser estimar analiticamente seu comportamento e magnitude.

#### 4.14.1 Fluxo magnético

Para o PMSM de corrente contínua trapezoidal o comportamento do fluxo concatenado esperado é triangular ou trapezoidal, como ilustrado na Figura 4. Isso permite que sejam alcançados valores mais altos de fluxo.

Para calcular o fluxo concatenado nas bobinas  $\psi$  de aspecto triangular, segundo (SCHMITZ, 2017), o enrolamento do estator deve ser concentrado, ou seja possuir valor de ranhura por polo e por fase qmenor que 1, q < 1.

$$q = \frac{N_s}{m \cdot p} \tag{4.27}$$

Outra consideração para o fluxo do motor é apresentada em PAULA(2011,página 50) a respeito do tamanho do passo de bobina  $\sigma_b$  ser menor que o passo polar  $\sigma_p$ , ou seja  $\sigma_b < 180^o$  elétricos, pois acarretaria na redução do fluxo concatenado máximo do motor. Dessa forma o número máximo de bobinas por fase  $N_{BF_MAX}$  é dado pela equação (4.28).

$$N_{BF_MAX} = \frac{N_{RANHURAS}^o}{N_{FASES}^o} \tag{4.28}$$

## 4.14.2 Cálculo da indutância

Para o cálculo da indutância existem diferentes formas de cálculo analítico mais apropriados para certas características do motor como bobinagem, número de ranhuras por polo por fase q, entre outros.

Uma abordagem mais didática pode ser feita partindo do motor de passo pleno da Figura 25 -  $\sigma_M = \sigma_b$ , no qual o número de ranhuras por polo por fase seria unitário pois

$$q = \frac{N_s}{p \cdot m} = \frac{2}{2 \cdot 1} \tag{4.29}$$

Sendo a força magnetomotriz (FMM) para um caminho de fluxo completo dada pelo produto do número de espiras  $N_e$  com a corrente na bobina *i* então, para um ferro de relutância desprezível (e.g. permeabilidade infinita) as linhas de fluxo ficam então expremidas nos cantos do caminho de passagem do fluxo, de modo que a FMM é concentrada através de dois entreferros efetivos.



Figura 25 – Esquemático do motor de passo pleno.

Fonte: (HANSELMAN, 2003)

Para cada entreferro efetivo levando em conta a altura (espessura) dos ímãs  $L_M$ , montados na superfície do rotor, a permeabilidade relativa de recuo  $\mu_{rec}$  será considerada unitária, semelhante ao procedimento para a máquina trapezoidal (TAVARES, 1989).

Assim a queda da FMM através do entreferro é

$$FMM = \frac{N_e \cdot i}{2} \tag{4.30}$$

e para o fluxo a travessando o entreferro na direção radial a força magnetizante em cada entreferro é calculada em (4.31).

$$H = \frac{N \cdot i}{2 \cdot g_e} \tag{4.31}$$

Aonde  $g_e$  é o entreferro efetivo para o rotor externo com ímãs, calculado em (3.13).

4.14.2.1 Fator de Carter para o motor com rotor de ímãs superficiais

Para o motor de rotor externo e ímãs permanentes estudado o fator de Carter $k_c$ é calculado por 4.32

$$k_c = \frac{5+s}{5+s-s^2/\lambda}$$
(4.32)

Aonde os coeficientes adimensionais s e  $\lambda$  representam as relações em 4.33 e 3.19 respectivamente.

$$s = \frac{w_0}{g} \tag{4.33}$$

e  $\lambda$ a relação entre o passo de ranhura  $\sigma_r$ e o entreferro g

$$\lambda = \frac{\sigma_r}{g} \tag{4.34}$$

4.14.2.2 Indução magnética no entreferro

A indução produzida pela força magnetizante do diâmetro do entreferro  $D_g = (D_{ri} + D_{ei})/2$  pode ser estimada por

$$B_{ga} = \frac{\mu_0 \cdot N \cdot i}{2 \cdot g_e} \tag{4.35}$$

Considerando uma distribuição de fluxo uniforme, como a mostrada na Figura 26 o fluxo concatenado  $\psi$  é o produto da indutância magnética no entreferro  $B_{ga}$  pela área de um polo no cilindro radial de diâmetro  $D_g$  como mostra a equação 4.36.

$$\psi = N_e \cdot B_{ga} \frac{\pi \cdot D_g}{p} L_{STK} \tag{4.36}$$

Figura 26 – Fluxo uniforme e sobreposição de espiras.



#### 4.14.3 Indutância total por fase

A indutância total de fase é calculada pela adição das indutâncias própria de entreferro  $L_g$ , de ranhura  $L_{slot}$  e de cabeça de bobina  $L_{end}$ 

$$L_{ph} = L_g + L_{slot} + L_{end} \tag{4.37}$$

4.14.3.1 Indutância própria por fase

O fluxo concatenado  $\psi$  pode ser relacionado a corrente de uma bobina com  $N_e$  espiras e sua indutância própria no entreferro  $L_g$  pela relação , aonde a corrente i é simbólica e proporcional a corrente necessária num dado número de espiras para gerar o fluxo concatenado observado  $\psi$ .

$$\psi = L_q \cdot i \tag{4.38}$$

Estendendo esse conceito para a indutância própria de entreferro da bobina do motor na Figura 25, a indutância própria de entreferro da bobina associada é dada pela equação (4.39). Para (4.39)  $T_{ph}$  é o valor obtido da razão entre o número de espiras em série por fase  $N_p$  pelo número de caminhos paralelos do condutor a.

$$L_g = \frac{\psi}{i} = \frac{\pi}{4} \frac{\mu_0 \cdot T_{ph}^2 \cdot L_{STK} \cdot D_g}{p^2 \cdot g_e}$$
(4.39)

O parâmetro a é usado para situações em que é mais vantajoso usar múltiplos condutores de menor frente a seção transversal maior para um único condutor, como no caso da abertura de ranhuras ser muito pequena.

#### 4.14.3.2 Indutância de ranhura

A indutância de dispersão de ranhura  $L_{slot}$  está associada ao fluxo que não passou pelo entreferro mas sim pela parede dos dentes de ranhura.

Portanto, de forma análoga ao método utilizado para calcular a indutância própria de entreferro  $L_g$  a indutância de dispersão da ranhura é calculada conforme a geometria da ponta do dente de ranhura pela relação na equação (4.40) que considera a geometria da Figura 27.

$$L_{slot} = \left(2 \cdot N_e\right)^2 \cdot \left(L_{STK} \cdot \mu_0\right) \left[\frac{d_s}{3 \cdot \omega_{sb}} + \frac{d_t \cdot 2}{\omega_{so} + \omega_{sb}} + \frac{d_{sh}}{\omega_{so}}\right] \quad (4.40)$$

Figura 27 – Fluxo disperso na ranhura (HANSELMAN, 2003).



Fonte: (HANSELMAN, 2003)

#### 4.14.3.3 Indutância de cabeça de bobina

A forma como os enrolamentos são dispostos influencia na criação de uma indutância entre os mesmos. É fácil imaginar que quanto maior o passo de bobina maior a indutância de cabeça de bobina pois maior é a distância percorrida pela corrente para cada espira de bobina e consequentemente também maior é a área efetiva fora do pacote de chapas  $L_{STK}$  do estator compreendida pelo condutor, como ilustra o esquema na Figura 28.

Embora de menor representatividade que a indutância própria de entreferro  $L_g$  e de dispersão na ranhura  $L_{slot}$  a indutância de cabeça de bobina  $L_{end}$  é significativa e deve ser estimada pela relação

$$L_{end} = \mu_0 \cdot R_e \cdot N_{eb}^2 \cdot \left[ ln \left( \frac{8 \cdot R_e}{R_w} \right) - 2 \right]$$
(4.41)

Figura 28 – Disposição da cabeça de bobina no motor.



Fonte: PPGEEL - UFSC

Para a  $L_{end}$  descrita na equação (4.41)  $R_e$  representa raio médio da circunferência na cabeça da bobina ilustrada na Figura 28 que pode ser calculado como meio passo de bobina  $\sigma_b$  como em (4.42).

$$R_e = \frac{\sigma_b}{2} \tag{4.42}$$

Já  $R_w$  é o raio médio geométrico il<br/>ustrado na porção mais a esquerda da Figura 28.

Na seção seguinte serão apresentados os resultados da simulação usando o método de elementos finitos para o motor dimensionado.
## **5 RESULTADOS**

## 5.1 CONSIDERAÇÕES PARA A SIMULAÇÃO

Este trabalho usa o método de elementos finitos (MEF) em duas dimensões para obter os resultados numéricos de indução magnética, indutâncias e cooging torque. Todas as simulações são realizadas considerando a não linearidade do aço do estator e do rotor. Os resultados numéricos foram obtidos usando-se o software SPEED comercializado pela empresa Siemens PLM. Comparações entre os resultados analíticos e numéricos são realizadas ao final do capítulo.

### 5.2 MOTOR PROPOSTO

A Figura 29 baseada na dissertação de SCHMITZ (2017, página 160) apresenta a geometria do motor com rotor externo e ímãs permanentes superficiais escolhida para este trabalho. Com a geometria e seus parâmetros geométricos definidos, desenvolveu-se uma rotina em MathCad para o dimensionamento analítico deste motor. Com esta rotina, detalhada no Apêndice A, obtém-se alguns parâmetros do motor que são comparados com os resultados de simulações pelo MEF.

Os parâmetros da configuração na Figura 29 são listados na Tabela 3.

Com os parâmetros definidos na Tabela 3 é possível utilizar a rotina de cálculo do Apêndice A para obter os parâmetros necessários do motor e assim comparar os resultados analíticos com os resultados numéricos obtidos com o MEF.

### 5.3 BOBINAGEM

Como discutido na seção 4 a disposição das bobinas deve conferir adequado passo de bobina para que o valor do fluxo concatenado seja o maior possível. A bobinagem usada é mostrada na Figura 30.

Dado o número de ranhuras  $N_s = 18$ , o ângulo entre duas ranhuras é de  $360^o/N_s = 20^o$ . Já o ângulo coberto por um ímã é de  $360^o/12 = 30^o$ , logo o laço de bobina para a bobinagem usada compreende  $120^o$  elétricos, como visto na seção 2.1.1.



Figura 29 – Dados da geometria do motor baseado no trabalho

Fonte (SCHMITZ, 2017)

## 5.4 CALCULOS E SIMULAÇÃO USANDO O MEF

Nesta seção são aplicados cálculos analíticos para os parâmetros do motor proposto e são apresentados os resultados de simulação pelo MEF.

A simulação usando o MEF oferece várias vantagens como permitir visualizar a indução magnética e a distribuição das linhas de fluxo magnético no motor por intensidade de cores conforme a Figura 31. A partir da escala mostrada nesta figura, pode-se fazer uma avaliação superficial da magnitude das induções magnéticas.

A Figura 32 mostra um zoom da Figura 31 e, analisando esta figura, nota-se que os valores máximos das induções magnéticas no dente do estator e na coroa do rotor se encontram dentro dos valores previstos analiticamente.

## 5.5 TORQUE

O torque e a velocidade do motor são normalmente os primeiros parâmetros do projeto analisados por estarem diretamente associados

velocidade do motor	3000 rpm
torque no eixo do motor	$18N \cdot m$
relação de torque por volume do rotor - TRV	$2864 N \cdot m/m^3$
número de polos do motor - p	12
coeficiente de permeância - PC	10
relação entre $L_{STK}$ e $D_{es}$ - $\alpha$	1
entreferro - g	0,6mm
indução remanente do ímã de ferrite - $B_r$	0,405T
permeabilidade magnética de recu o do ímã (relativa) - $\mu_{rec}$	1,1
fator de dispersão do fluxo magnético - $f_{LKG}$	0,9
indução magnética no dente do estator - $B_{st}$	1,45T
indução magnética na coroa do estator - $B_{sy}$	0,9T
número de ranhuras do estator - $N_s$	18
abertura de ranhura do estator - $w_0$	3mm
altura do pescoço de ranhura - $H_t$	3mm
angulo da ranhura - $\alpha_s$	$15^{o}$
diâmetro interno do rotor - $D_{ir}$	100mm

Tabela 3 – Informações de entrada dos cálculos para o motor proposto.

a necessidade da aplicação.

Uma forma de mostrar a evolução das máquinas elétricas é pela maior capacidade de produzir torque num menor volume - também custo e peso. Conforme consta no Apêndice A foi estipulado o torque desejado no eixo como sendo  $\tau_{eixo} = 18N \cdot m$  e velocidade de operação v = 3000rpm.

Com  $\tau_{eixo} \in v$ , a potência no eixo é calculada segundo (5.1).

$$P_{eixo} = \tau_{eixo} \cdot \omega = \tau_{eixo} \cdot v \cdot \frac{2\pi}{60} = 62W$$
(5.1)

## 5.6 DIMENSÕES

O torque por volume do rotor pode ser estimado pela tensão tangencial de acordo com o tipo de ímã usado no rotor (HENDERSHOT; MILLER, 1994). Aqui será adotado para o ímã de ferrite o valor  $TRV = 2684N \cdot m/m^3$ . Com isso, pode-se calcular o comprimento do pacote de chapas do motor.





$$L_{STK} = \sqrt[3]{\frac{\tau_{eixo}^4}{\pi \cdot TRV}} = 0, 2m \tag{5.2}$$

Para um comprimento do pacote de chapa do ferro de 20cm, obtido segundo (5.2), e adotando-se o diâmetro externo do rotor igual ao comprimento do pacote de chapa  $D_{er} = L_{STK}$ , o raio interno do ímã pode ser calculado por (5.3).

$$R_{im} = \frac{D_{er}}{2} - L_M - E_{cr} = 0,088m \tag{5.3}$$

Neste trabalho, adotou-se para o coeficiente de permeância  $P_c$  o valor sugerido por (HENDERSHOT; MILLER, 1994):  $P_c = 10$ . De forma análoga foi estipulada a altura da coroa do rotor como (5.4). Esse valor foi confirmado, posteriormente, via simulação usando-se o MEF.

$$E_{cr} = 1,067 \cdot L_M \tag{5.4}$$

### 5.7 TORQUE

Pelo MEF o torque em função da posição do rotor é obtido de forma semelhante ao *cogging torque*, mas com duas bobinas alimentadas com correntes em sentidos opostos. Em ambos os casos, realiza-se a rotação de  $360^{o}$  do rotor.

Como discutido na seção 2.1.2 são adotadas três fases para que o motor possa ser ligado em triângulo  $\Delta$  ou estrela Y. Isso, reduz significativamente a oscilação do torque em comparação ao uso de uma fase apenas, por causa da variação do campo induzido em uma espira em relação ao campo dos polos magnéticos.

A Figura 33 mostra o torque obtido com o MEF.

## 5.7.1 Fluxo magnético e indução magnética no entreferro

O MEF permite verificar o comportamento do fluxo magnético e da indução magnética no motor. A Figura 34 mostra a indução magnética no entreferro do motor obtida pelo MEF. O comportamento da indução magnética para  $30^o$  mecânicos mostrado corresponde a  $180^o$  elétricos.

## 5.7.2 Torque a vazio ou cogging torque

O cogging torque é uma característica dos motores de ímãs permanentes proveniente da atração entre os ímãs e os dentes do estator, sendo um fenômeno indesejável na maioria dos motores por causa da oscilação provocada no torque de carga, além do ruído magnético associado.

Por outro lado, em se tratando de motor de tração para veículos elétricos existe a opção de um motor de relutância chaveada (polos salientes) que se aproveita da relutância causada pelos ímãs para auxiliar no torque e foi recentemente anunciado como opção escolhida para o carro *Model 3* da empresa Tesla.

Para obter o cogging torque é necessário levantar experimentalmente a curva de torque em uma revolução do rotor - o motor é rotacionado 360°. De forma analítica, no entanto, é possível apenas conhecer o número de picos do cogging torque fazendo o mínimo múltiplo comum do número de ranhuras  $N_s$  e de polos  $(2 \cdot p)$ .

No entanto, ferramentas de simulação usando o MEF permitem calcular o comportamento e a amplitude do cogging torque estimando a interação dos ímãs com os dentes do estator para uma rotação do rotor sem alimentar as bobinas, ou seja, de modo que apenas os ímãs sejam fonte de campo magnético. A Figura 35 mostra o cogging torque obtido na simulação ao longo do intervalo angular mecânico de  $20^{\circ}$  que corresponde à  $120^{\circ}$  elétricos para a máquina e mais de um período para o cogging torque.

Através do resultado gráfico do *cogging torque* é possível sobrepor componentes harmônicas da onda de alimentação fundamental da máquina a fim de estimar a componente de maior relevância para esse comportamento, permitindo assim identificar os aspectos mais relevantes para o *cogging torque* do motor em particular.

Para o motor em estudo neste trabalho a configuração de rotor externo deve contribuir para a redução dos efeitos do *cogging torque* por possuir alto momento de inércia. Da mesma forma motores de rotor interno ou externo funcionando em altas velocidades conseguem momento de inércia suficientemente grande para filtrar parte do *cogging torque*.

### 5.8 FEM INDUZIDA NAS BOBINAS

Pelo MEF foram obtidas as tensões induzidas nas bobinas do motor mostradas na Figura 36, com resultado condizente com o comportamento esperado dado o fluxo trapezoidal característico do motor discutido na seção 2.1.2.

Para o conversor de frequência responsável pela alimentação do motor é importante que ele seja capaz de chavear em fase a tensão e a corrente e considerar a sobretensão nas chaves que é crítica para altas indutâncias.

## 5.9 INDUÇÃO MAGNÉTICA

A indução magnética radial no entreferro  $B_g$ , estimada analiticamente conforme considerações da seção 4, é representada na Figura 37 em sobreposição a indução magnética obtida pelo MEF mostrada na Figura 34. Nesta figura o eixo das abscissas é representado em graus elétricos. Analisando esta figura, nota-se que o resultado analítico se aproxima bastante do resultado obtido com o MEF.

### 5.10 COGGING TORQUE

Como discutido na seção 5.7.2, é possível estimar analiticamente a quantidade de picos pelo mínimo múltiplo comum do  $N_s$  e p como segue

$$m.m.c.(N_s, p) = m.m.c.(18, 12) = 36$$
 (5.5)

Para 36 picos em  $360^{\circ}$  mecânicos o cogging torque se repete a

cada  $10^o$ mecânicos, que é o comportamento observado na Figura 35.

## 5.11 INDUTÂNCIA

Pelo MEF foram também calculados os valores da indutância própria por fase e da indutância mútua por fase, mostrados na Figura 38.

Já na rotina de cálculos o valor estimado da indutância por fase foi de 2,833mH ficando a diferença entre os resultados calculada pela equação (5.6).

$$Dif_{\%} = 100 * \frac{L_{MEF} - L_{ph}}{L_{MEF}} < 5\%$$
 (5.6)

Portanto, conclui-se que a rotina de cálculo provêm uma boa estimativa de magnitude da indutância própria.

Figura 31 – Indução magnética e distribuição das linhas de fluxo magnético para o motor.



Fonte: Autor



Figura 32 – Indução magnética máxima pelo método dos elementos finitos.

Fonte: Autor

Figura 33 – Torque obtido pela simulação usando o MEF.



Fonte: Autor

Figura 34 – Indução magnética radial no entreferro pela posição angular mecânica correspondente a $180^o$ elétricos.





Figura 35 – Torque a vazio -  $cogging\ torque,$ obtido pelo MEF para o dimensionamento na seção 5.4.

Figura 36 – Forças eletromotrizes induzidas nas bobinas obtidas com o MEF para o motor proposto na seção 5.4.





Figura 37 – Sobreposição dos resultados analítico e numérico da indução magnética.

Figura 38 – Indutância própria e indutância mútua, ambas por fase, obtidas com o MEF.



## 6 CONSIDERAÇÕES FINAIS

Neste trabalho desenvolveu-se uma rotina de cálculo que a partir de alguns dados de entrada como, por exemplo, a relação de torque por volume, obtêm-se as dimensões geométricas do rotor e do estator de um motor de corrente contínua sem escovas com ímãs permanentes superficiais e rotor externo. Com a geometria definida, a rotina de cálculo permite também determinar os parâmetros de projeto do motor como, por exemplo, a indutância por fase.

O método de elementos finitos em duas dimensões foi usado para: (i) verificar se as induções magnéticas no dente do estator e na coroa do rotor estavam dentro dos valores previstos no cálculo analítico; (ii) calcular as forças eletromotrizes; (iii) calcular o *cogging torque*; e (iv) calcular as indutâncias própria e mútua por fase. Para o motor projetado neste trabalho, houve boa concordância entre os resultados analíticos e os resultados obtidos pelo MEF.

A força eletromotriz induzida e a indutância própria são parâmetros importantes para o dimensionamento do circuito de alimentação do motor, pois permitem estimar a capacidade de variação da corrente e tensões máximas nas chaves.

Para a disposição das bobinas com enrolamentos concentrados e a escolha do número de ranhura por polo por fase proposto, verificou-se pelo MEF que o fluxo concatenado possui aspecto triangular, o que permitiu o uso das equações descritas na rotina de cálculo para determinar os parâmetros do motor.

### 6.1 TRABALHOS FUTUROS

Motores de indução possuem vantagens sobre os motores de ímãs permanentes no que diz respeito ao uso de energia em regime de trabalho constante, de baixo torque e de alta velocidade, o que está principalmente associado as perdas por corrente de *Foucault* devido ao forte campo gerado pelos ímãs permanentes.

Embora os princípios de funcionamento de motores elétricos sejam conhecidos, é difícil projetar um motor que tenha seus resultados experimentais muito próximos dos resultados calculados. Muitas vezes, torna-se necessário considerar parâmetros empíricos para corrigir as equações. Para aplicar esses fatores, é importante que o projetista tenha bastante experiência prática e conhecimento tácito sobre o produto.

Nesse sentido algumas sugestões para continuação deste trabalho, voltadas a aplicações em veículos elétricos são:

- Construir um protótipo para validar os resultados analíticos e numéricos desenvolvidos neste trabalho.
- Melhorar a rotina de cálculo analítico, desenvolvida neste trabalho, para considerar a não linearidade do aço elétrico usado no estator e no rotor do motor.
- Acrescentar na rotina de cálculo analítico a determinação das perdas no ferro e das perdas nas bobinas para calcular a eficiência do motor em função da velocidade.
- Desenvolver um modelo térmico analítico do motor para obter as temperaturas em alguns pontos como, por exemplo, nas bobinas e nos ímãs permanentes. Com esses valores de temperatura é possível corrigir a resistência elétrica da bobina e a indução remanente dos ímãs permanentes, visto que esses parâmetros variam com a temperatura.
- Aplicar uma técnica de otimização junto com o modelo analítico mais completo para se obter uma geometria mais otimizada.

## REFERÊNCIAS

ALMEIDA, A. T. D.; FERREIRA, F. J.; BAOMING, G. Beyond induction motors—technology trends to move up efficiency. In: IEEE. Industrial & Commercial Power Systems Technical Conf (I&CPS), 2013 IEEE/IAS 49th. [S.I.], 2013. p. 1–13.

BARBI, I.; MARTINS, D. C. Conversores cc-cc básicos não isolados. *Edição dos autores. Florianópolis*, 2000.

CHAU, K.; CHAN, C. C.; LIU, C. Overview of permanent-magnet brushless drives for electric and hybrid electric vehicles. *IEEE Transactions on industrial electronics*, IEEE, v. 55, n. 6, p. 2246–2257, 2008.

DORRELL, D. G. Design of brushless permanent-magnet dc motors for racing motorcycles. In: IEEE. *Industrial Electronics (ISIE)*, 2012 *IEEE International Symposium on*. [S.1.], 2012. p. 629–634.

GIERAS, J. F. Permanent magnet motor technology: design and applications. [S.1.]: CRC press, 2009.

GUO, Y. et al. Development of a pm transverse flux motor with soft magnetic composite core. *IEEE Transactions on Energy Conversion*, IEEE, v. 21, n. 2, p. 426–434, 2006.

HANSELMAN, D. C. Brushless permanent magnet motor design. [S.1.]: The Writers' Collective, 2003.

HASANUZZAMAN, M. et al. Energy savings and emissions reductions for rewinding and replacement of industrial motor. *Energy*, Elsevier, v. 36, n. 1, p. 233–240, 2011.

HENDERSHOT, J.; MILLER, T. Design of brushless permanentmagnet motors,(1994). *Chapter*, v. 3, 1994.

ISHAK, D.; ZHU, Z.; HOWE, D. Permanent magnet brushless machines with unequal tooth widths and similar slot and pole numbers. In: IEEE. *Industry Applications Conference, 2004. 39th IAS Annual Meeting. Conference Record of the 2004 IEEE.* [S.1.], 2004. v. 2, p. 1055–1061.

JULIANI, A. D. P. Análise do campo magnético de um motor de ímã permanente no rotor utilizando o método dos elementos finitos. Tese (Doutorado) — Universidade de São Paulo, 2007.

MEDIA, A. A. *Outrunner Motor*. 2018. <a href="https://www.rotordronemag.com/guide-multirotor-motors/">https://www.rotordronemag.com/guide-multirotor-motors/</a>>.

PAULA, G. T. D. Projeto de uma máquina síncrona com ímã permanente no rotor. 2011.

PAULA, G. T. d. Influência da saturação no torque da máquina síncrona de ímã permanente no rotor. Tese (Doutorado) — Universidade de São Paulo, 2013.

RAILWAY, T. Driven by Toshiba's PMSM. 2018. <https://www.toshiba.co.jp/sis/railwaysystem/en/index.htm>.

SANTIAGO, J. D. et al. Electrical motor drivelines in commercial all-electric vehicles: A review. *IEEE Transactions on Vehicular Technology*, IEEE, v. 61, n. 2, p. 475–484, 2012.

SCHMITZ, C. Projeto e otimização de motores bldc de ímãs permanentes superficiais. 2017.

STILL, A.; SISKIND, C. S. *Elements of electrical machine design*. [S.1.]: McGraw-Hill, 1954.

TAVARES, A. A. Projeto e analise de motores a imãs com comutação eletronica. 1989.

TEIXEIRA, F. H. P. Metodologia para projeto, construção e ensaios em máquina síncrona de imã permanente-MSIP. Tese (Doutorado) — Universidade de São Paulo, 2006. APÊNDICE A - Rotina de Cálculo em MathCad

## Parâmetros de entrada

Características de funcionamento relacionadas a aplicação do motor.



## Cálculos



#### Cálculo da potência desejada para o motor

$\omega := v \cdot 2 \cdot \frac{\pi}{60} = 32.899 \frac{1}{s} \cdot rad$	velocidade angular
$P_{\text{shaft}} \coloneqq \tau_{\text{shaft}} \cdot \omega \cdot \frac{2 \cdot \pi}{60} = 62.013 \text{ W}$	potência no eixo

Comprimento do pacote de ranhura

$$L_{\text{STK}} := \sqrt[3]{\frac{\tau_{\text{shaft}} \cdot 4 \cdot \alpha^2}{\pi \cdot \text{TRV}}} = 0.2 \,\text{m}$$

comprimento do pacote de chapa do ferro

### Cálculo do diâmetro externo do rotor

$$D_{er} := \frac{L_{STK}}{\alpha} = 0.2 \,\mathrm{m}$$

#### Cálculo do comprimento do ímã permanente

$$g_{M} := 0.6 \cdot 10^{-3} \text{ m} = 6 \times 10^{-4} \text{ m} \qquad \text{entreferro (gap)}$$

$$PC := 10 \qquad \qquad \text{coeficiente de permeância}$$

$$L_{M} := g \cdot PC = 6 \times 10^{-3} \text{ m} \qquad \qquad \text{comprimento do ímã permanente}$$

#### Cálculo da altura da coroa do rotor (ferro do rotor)

$$E_{cr} := 1.067 \cdot L_{M} = 6.402 \times 10^{-3} m$$

#### Cálculo do raio interno do ímã

$$R_{im} := \frac{D_{er}}{2} - L_M - E_{cr} = 0.088 \text{ m}$$

#### Cálculo do raio externo do estator

$$R_{es} := R_{im} - g = 0.087 m$$

-

#### Cálculo da área do entreferro

$$\operatorname{Ang}_{\mathsf{M}} := \frac{2}{\mathsf{p}} \cdot \pi = 0.524 \operatorname{rad}$$

ângulo para um polo

$$A_g := Ang_{M'}\left(R_{im} - \frac{g}{2}\right) \cdot L_{STK} = 9.144 \times 10^{-3} m^2$$

#### Cálculo da área do ímã

$$A_{M} := Ang_{M} \cdot \left( R_{im} + \frac{L_{M}}{2} \right) \cdot L_{STK} = 9.489 \times 10^{-3} \text{ m}^{2}$$

#### Cálculo da indução no entreferro

$$\mathbf{B}_{g} \coloneqq \mathbf{f}_{LKG} \cdot \frac{\mathbf{A}_{M}}{\mathbf{A}_{g}} \cdot \mathbf{B}_{r} = 0.378 \cdot \mathbf{T}$$

#### Cálculo do passo de ranhura

$${\rm N_S}:=18$$
 número de ranhuras escolhido 
$$\sigma_{\rm S}:=\frac{2\cdot\pi}{{\rm N_S}}=0.349\cdot{\rm rad}$$

#### Cálculo do fluxo máximo no dente

$$\begin{split} \mathbf{w}_{o} &:= 3 \cdot 10^{-3} \, \mathrm{m} & \text{espaço entre ranhuras} \\ \mathbf{r}_{g} &:= \mathbf{R}_{im} - \frac{g}{2} = 0.087 \, \mathrm{m} & \text{raio do entreferro} \\ \phi_{dmax} &:= \mathbf{B}_{g} \cdot \left( \sigma_{s} \cdot \mathbf{r}_{g} - \mathbf{w}_{o} \right) \cdot \mathbf{L}_{STK} = 2.079 \times 10^{-3} \, \mathrm{Wb} \end{split}$$

#### Cálculo da largura do dente

$$B_{st} \coloneqq 1.45 \cdot T$$
$$w_t \coloneqq \frac{\Phi_{dmax}}{B_{st} \cdot L_{STK}} = 7.168 \times 10^{-3} \cdot m$$

#### Comprimento da sapata

$$\begin{split} \mathbf{h}_t &:= 3 \cdot 10^{-3} \, \text{m} & \text{altu} \\ \mathbf{w}_s &:= \frac{2 \cdot \pi \cdot \left(\mathbf{R}_{es} - \mathbf{h}_t\right) - \mathbf{N}_s \cdot \left(\mathbf{w}_t + \mathbf{w}_o\right)}{2 \cdot \mathbf{N}_s} = 9.578 \times 10^{-3} \, \text{m} \end{split}$$

### Cálculo da altura da sapata

$$\begin{split} &\alpha_{s}\coloneqq 15^{\circ}\!\!\cdot\!\frac{\pi}{180^{\circ}}=0.262 \text{ rad} \\ &h_{s}\coloneqq h_{t}+w_{s}\!\cdot\!\tan\!\left(\alpha_{s}\right)=5.566\times 10^{-3}\,m \end{split}$$

ângulo da sapata do dente

indução magnética máxima para o dente

altura do pescoço da ranhura do estator

#### Diâmetro no topo da ranhura

$$D_{sh} := 2 \cdot R_{es} - 2 \cdot h_s = 0.163 \text{ m}$$

Largura do topo da ranhura

$$\mathbf{w}_{\mathbf{b}} \coloneqq \frac{\mathbf{\pi} \cdot \mathbf{D}_{\mathbf{s}\mathbf{b}} - \mathbf{N}_{\mathbf{s}} \cdot \mathbf{w}_{\mathbf{t}}}{\mathbf{N}_{\mathbf{s}}} = 0.021 \,\mathrm{m}$$

#### Altura da coroa do estator

$$\mathbf{E}_{ce} \coloneqq \frac{\Phi_{dmax}}{2 \cdot \mathbf{B}_{sy} \cdot \mathbf{L}_{STK}} = 5.774 \times 10^{-3} \,\mathrm{m}$$

### Diâmetro do fundo da ranhura

$$D_{ir} := 100 \cdot 10^{-3} m$$

diâmetro interno do rotor

 $D_{sa} := D_{ir} + 2 \cdot E_{cr} = 0.113 \text{ m}$ 

## Largura do fundo da ranhura

$$\mathbf{w}_a := \frac{\pi \cdot \mathbf{D}_{sa} - \mathbf{N}_s \cdot \mathbf{w}_t}{\mathbf{N}_s} = 0.013 \text{ m}$$

#### Altura da ranhura

$$H_r := \frac{D_{sb} - D_{sa}}{2} = 0.025 \text{ m}$$

#### Cálculo da indução na coroa do rotor

$$B_{ry} := \frac{\Phi_{dmax}}{2 \cdot E_{cr} \cdot L_{STK}} = 0.812 \text{ T}$$

### Cálculo do fator de Carter

$$s := \frac{w_0}{g} = 5$$

$$gap := g \cdot \frac{1}{m} = 6 \times 10^{-4}$$

$$\lambda := \frac{\sigma_s}{gap} = 581.776$$

$$k_c := \frac{5+s}{5+s-\frac{s^2}{\lambda}} = 1.004$$

coeficientes para o fator de carter

(corrigindo a unidade para equação empírica)

#### Cálculo da indutância no entreferro

$$\mu_{rec} := 1.1$$

 $N_{eb} := 30$ 

$$\mu_0 = 1.257 \times 10^{-6} \frac{\text{m}}{\text{A}} \text{T}$$

a := 2

$$N_{ph} := \frac{N_{eb} \cdot p}{2 \cdot a} = 90$$

$$g_e := k_c \cdot g + \frac{L_M}{\mu_{rec}} = 6.057 \times 10^{-3} m$$

$$L_{g} := \frac{\pi \cdot \mu_{0} \cdot N_{ph}^{2} \cdot L_{STK} \cdot 2 \cdot r_{g}}{4 \cdot \left(\frac{p}{2}\right)^{2} \cdot g_{e}} = 1.28 \times 10^{-3} \, \text{H}$$

permeabilidade relativa de recuo do ímã

número de espiras por bobina

permeabilidade magnética do ar

número de caminhos paralelos dos condutores

número de espiras em série por fase

entreferro efetivo

#### Cálculo da indutância de dispersão de ranhura

$$P_{slot} \coloneqq L_{STK} \cdot \left[ \frac{2 \cdot H_r}{3 \cdot (w_b + w_a)} + \frac{h_t}{w_o} + \frac{2 \cdot (h_s - h_t)}{(w_o + w_b)} \right] = 0.341 \text{ m} \qquad \text{coef} \quad \text{dare}$$

coeficiente de permeância da ranhura

#### Cálculo da indutância de cabeça de bobina

 $R_e := 2 \cdot w_t = 0.014 \text{ m}$ 

 $L_{slot} := 4\mu_0 \cdot N_{eb}^2 \cdot P_{slot} = 1.543 \times 10^{-3} H$ 

distância entre ranhuras

área da bobina aproximadamente quadrada

$$R_{w} := 0.447 \cdot \sqrt{A_{slot}} = 9.124 \times 10^{-3} m$$

 $A_{slot} := 416.66 \cdot 10^{-6} m^2$ 

distância média geométrica da circunferência da espira na cabeça de bobina para bobina quadrada

$$L_{end} := \mu_0 \cdot R_e \cdot N_{eb}^2 \cdot \left( \ln \left( \frac{8 \cdot R_e}{R_w} \right) - 2 \right) = 8.614 \times 10^{-6} \, \mathrm{H}$$

$$1000 \cdot L_{end} = 8.614 \times 10^{-3} \,\mathrm{H}$$

### Cálculo da indutância de fase

$$L_{ph} := L_g + L_{slot} + L_{end} = 2.833 \times 10^{-3} H$$

# Cálculo da diferença entre indutância própria de fase calculada e simulada

$$L_{mef} := 2.717 \cdot 10^{-3} H$$

indutância simulada pelo MEF

Diferenca\_% := 
$$\frac{\left|L_{mef} - L_{ph}\right|}{L_{mef}} = 4.252 \cdot \%$$