

ESCOLA NORMAL DA CAPITAL

PROGRAMMA DA

CADEIRA DE GEOMETRIA PARA SER EXECUTADO DURANTE

O ANNO LECTIVO DE 1926.

S. Paulo.

+

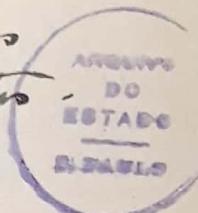
a) Preliminares ao estudo das ciências exactas

Phenomeno, lei, scienzia

A Encyclopedie & as sciencias que a compõem, seus objectos.

Grandezza, unidade, numero.

A Mathematica em geral, seu objecto, sua posição encyclopedica.



*Arithméticas - Formas - Jaulas propensas.*

1. Noção de numero. Theoria da numeração. Leitura e escripta de numeros inteiros.
2. Theoria da addição e subtracção de inteiros. Provas.
3. Theoria da multiplicação de inteiros. Potencia. Prova.
4. Theoria da divisão. Prova.
5. Divisibilidade. Theoremas geraes. Caracteres de divisibilidade por 2 e 5, por 9, por 3, e por 11. Provas das 4 operações pelos restos.
6. Theoria do m- c- divisor de 2 ou mais numeros.
7. Theoria dos numeros primos.
8. Determinação dos divisores de um numero. Composição pelos factores primos, do m- c- divisor de 2 ou mais numeros. Minimo multiplo commun; definições, composição pelos factores primos.
9. Theoria das fracções ordinarias.
10. Fracções compostas ou generalizadas. Simplificação de expressões fraccionarias. complexas.
11. Theoria das fracções decimais.
12. Conversão de fracção ordinaria em decimal. Dízimas periodicas.
13. Sistema metrico decimal.
14. Numeros complexos . Conversões. Operações.
15. Quadrado e raiz quadrada. Theoremas. Extracção da raiz quadrada, a menos de uma unidade e com uma approximação dada, de um numero inteiro ou fraccionario.
16. Cubo e raiz cubica. Theoremas. Extracção da raiz cubica, a menos de uma unidade e com uma approximação dada , de um numero inteiro ou fraccionario.
17. Theoria das proporções. Numeros proporcionaes.
18. Regra de tres simples e composta.
19. Porcentagem e juros simples.
20. Desconto commercial e racional.
21. Divisão em partes proporcionaes. Regra de sociedade.
22. Mistura e liga. Vencimento medio.
23. Cambio. Titulos de renda.



*Diferenças entre*

**ALGEBRA.**  
**Ló calculo algebrico e do calculo arithmetico**

2

- 1 Preliminares. Reducção de termos semelhantes. Valor numerico. das expressões algebricas.
- 2 Adição e subtração.
- 3 Multiplicação. Casos notaveis.
- 4 Divisão. Divisão por  $x \neq a$ . Applicações.
- 5 Factoração. M.c. Divisor e m. m. c. algebricos.
- 6 Fracções algebricas.
- 7 Equações do 1º grau a uma incognita. Resolução. Discussão.
- 8 Sistemas do 1º grau. Methodos de redução ao mesmo coefficiente, da substituição e da comparação. Método de Bézout. Regra de Cramer. Discussão.
- 9 Desigualdade do 1º grau.
- 10 Problemas do 1º grau. Soluções negativas. Impossibilidade e indeterminação. Problema dos correios.



Aulas intercaladas, de exercícios e problemas.

----- 2º ANNO -----

**ALGEBRA e geometria - 2º ano por sessões**

- 1 Conclusão do programma de Arithmetica e Algebra do 1º anno.  
(Tendo sido promovidos em Julho, tiveram os ex-terceiro annistas da Complementar ~~só~~ apenas 4 meses de aula no 1º anno Normal, razão pela qual só no 2º anno poderão completar o programma de Arithmetica e Algebra do 1º anno.)
- 2 Calculo dos radicais. Racionalização de denominadores.
- 3 Equações do 2º grau a uma incognita. Resolução. Discussão. Propriedade das raízes.
- 4 Problemas do 2º grau.
- 5 Trinómio do 2º grau, sua variação.
- 6 Progressões arithmeticas e geometricas.
- 7 Logaritmos. Uso das taboas.
- 8 Juros compostos.
- 9 Annuidades.

Aulas intercaladas, de exercícios e problemas.

3º ano

**GEOMETRIA PLANA E NO ESPAÇO**

Geometria Plana - 2º anno.

*e Trigonometria - 2º ano  
por sessões*

Definições geraes.

Propriedades da linha rect.

Medida commun a duas ou mais rectas. Relação numerica.

Posições absolutas e posições relativas das linhas rectas.

Angulos. Angulos complementares, supplementares, adjacentes, oppostos pelo vertice. Bissectriz.

Rectas perpendiculares e obliquas.

Triangulo. Propriedades. Casos de igualdade.

Parallelas. Angulos de lados parallelos e de lados perpendiculares.

Polygonos. Somma dos angulos de um polígonos. Os quadrilateros especiaes e suas propriedades.

Circunferencia. Arcos, cordas tangentes, etc.

A medida dos angulos. O quadrilatero inscriptivel Polygonos regulares. Theoremas geraes.

Linhos proporcionaes. Divisão harmonica.

As figuras semelhantes.

Relações numericas das linhas no triangulo e no circulo. Exercicios e construções.

Expressões diversas das alturas, das medianas, das bissecatrizes em função de outros elementos do triangulo.

Os polygonos regulares de  $2^n$  lados, de  $3 \times 2^n$  lados, de  $5 \times 2^n$  lados, de  $3 \times 5 \times 2^n$  lados. Theoremas e construções.

O calculo de  $\pi$  pelo processo dos perimetros (Archimedes)

Areas. Diversas expressões da area de um triângulo. Circulo e proporções do circulo.

Areas equivalentes Theorema de Pythagoras. Somma e diferença de areas.

Areas de figuras semelhantes.

### GEOMETRIA NO ESPAÇO - 3<sup>º</sup> ANO.

O plano. Posições absolutas do plano.

Posições relativas de rectas e planos e de planos entre si.

Angulos diedros.

Angulos sólidos. Triedros; suas propriedades. Igualdade dos triedros.

O Tetraedro. Igualdade e semelhança de tetraedros.

Polyedros semelhantes.

O Prisma e o cylindro. Os troncos de prisma e de cylindro.

A pyramide e o cône. Os troncos de pyramide e de cône.

A esphera. Superficie da esphera, da zona, da calote e do fuso.

Volume. 1.º - Geometria Analitica - Parte I

Curvas usuaes. Noções geraes e traçados da elipse, hyperbole e parabola.

OBSERVAÇÃO:- Os theoremas demonstrados devem ser, sempre que for possivel, applicados em problemas graphicos e numericos.

J. Cecília

U  
Volume dos corpos limitados por superficies planas; idem  
corpo redondo.

Curvas usuaes. Noções geraes e traçados da elipse, hyperbole e parabola.

OBSERVAÇÃO:- Os theoremas demonstrados devem ser, sempre que for possivel, applicados em problemas graphicos e numericos.



## Trigonometria:



Noções preliminares.

Variacão das linhas trigonométricas

Reducao dos arcos ao 1º quadrante.

Arcos que correspondem a uma linha trigonométrica dada.

Linhos trigonométricas dos angulos

Relações entre as linhas trigonométricas de um mesmo arco.

Addição, subtração e multiplicação (~~dos arcos~~) e divisão dos arcos.

Fórmulas para a transformações de somas e diferenças em productos.

## Tabelas trigonométricas

Calculo do seu cosseno

Fórmulas de Simpson

Disposição das tabelas.

Solução dos triângulos retângulos

Ideas dos obliquângulos

~~Divisão da Matemática~~

~~História da Matemática~~

Propriedades da linha recta.

Medida commun a duas ou mais rectas. Relação numerica.

Posições absolutas e posições relativas das linhas rectas.

Angulos. Angulos complementares, supplementares, adjacentes, opostos pelo vertice. Bissectriz.

Rectas perpendiculares e obliquas.

Triangulo. Propriedades. Casos de igualdade.

Parallelas. Angulos de lados paralelos e de lados perpendiculares.

Polygonos. Somma dos angulos de um polygono. Os quadrilateros especiaes e suas propriedades.

Circunferencia. Arcos, cordas tangentes, etc.

A medida dos angulos. O quadrilatero inscriptivel Polygonos regulares.

Theoremas geraes.

Linhos proporcionaes. Divisão harmonica.

As figuras semelhantes.

Relações numericas das linhas no triangulo e no circulo. Exercicios e construções.

Expressões diversas das alturas, das medianas, das bissectrices em função de outros elementos do triangulo.

Os polygonos regulares de  $2^n$  lados, de  $3 \times 2^n$  lados, de  $5 \times 2^n$  lados, de  $3 \times 5 \times 2^n$  lados. Theoremas e construções.

O calculo de  $\pi$  pelo processo dos perimetros (Archimedes)

Areas. Diversas expressões da area de um triangulo. Circulo e proporções do circulo.

Areas equivalentes Theorema de Pythagoras. Somma e diferença de areas. Areas de figuras semelhantes.

---

### GEOMETRIA NO ESPAÇO - 3º ANNO.

O plano. Posições absolutas do plano.

Posições relativas de rectas e planos e de planos entre si.

Angulos diedros.

Angulos solidos. Triedros; suas propriedades. Igualdade dos triedros.

O Tetraedro. Igualdade e semelhança de tetraedros.

Polyedros semelhantes.

O Prisma e o cylindro. Os troncos de prisma e de cylindro.

A pyramide e o cône. Os troncos de pyramide e de cône.

A esphera. Superficie da esphera, da zona, da calote e do fuso.